

47

C. 25

C. 7



# DIOPHANTI ALEXANDRINI

## Rerum Arithmeticarum

Libri sex,

quorū primi duo adiecta habent SCHOLIA,  
MAXIMI (ut coniectura est)  
PLANTIO.

Item LIBER DE NUMERIS POLYGONIS  
seu Multiangulis.

*Opus incomparabile, nec Aristoteliæ Logicæ profectio-  
nem continens, pariter ad hoc usum.*

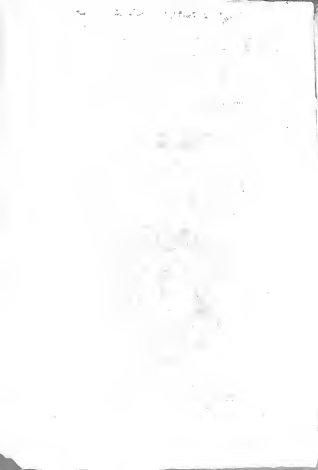
A. GUIL. XYLANDRO Augustano incredibili labore  
Latine redditum, & COMMENTARIIS ce-  
ptatum, inq. lucem editum.

A. D.

*M. D. C. LXXV. Principi LUDOVICO Palatinensi Regi.*



B A S I L E A E  
PER EYSEBIUM EPISCOPUM,  
& NICOLAÏ H. haeredes.  
M D LXXV.



AD ILLVSTRISSI-  
MVM AC SVMMAE EXPECTA-  
TIONIS PRINCIPER LVDOVICVM, VVIRTEMBERGICVM

Teckiumq; ducem, comitem Montpel-  
gardicum, &c.

à DIOPHANTI *Aristotelicis à se laicis reddis,*  
*& tandem edita,*

GVILIELMI XYLANDRI

Augustani

PRÆFATIO.



*SPERINVS numeros, numeri sunt princeps digni.*  
Licet enim mihi apud te, Illustrissime ac  
Magnificentissime Princeps, haec uti paro-  
dia: cuius sententiam esse veram, & præ-  
sens testabitur ætas, & (si qua erit) posteri-  
tas. Non ego damna uerim eorum institu-  
tum, qui Principum, quibus suas lucubra-  
tiones consecrant, laudes prædicant, etiã

ab ataa orum atanis repetitas. Hoc mihi dabunt æqui, ut mo-  
re meo mihi uti in dedicationib. liceat. Scilicet ego te & tu-  
os, & c. uestra illustria facta prædicem. quasi uel buccinatores  
gloriæ uestræ idonei desint, uel TVRISGA tuaranas alat scri-  
phias, aut me anserem obturbare olonibus oporteat. Itaque  
huius argumenti tractationem, ne aliena inuadam, remitto  
ad eos quib. debetur. Hoc agamus. Tametsi non multum re-  
fert, ad tuam Illustrissime Princeps gloriam, quanti te ipse ho-  
muncio & litterator faciam: tamen mea interest, bonos scire  
quis in te obseruando sim, & quid me tibi debere fateat, tum  
quid à te expectem, nullo meo à modum merito, sed uirtu-  
te fretus tuã. Ergo quod adhuc facere sum solitus, citra adula-  
tionem & inanem rerum instantiam tibi, Princeps Illustrissi-  
me, paucis explicabo, & cur te munere hoc meo condecorã-  
dum existima uerim, & quid rei sit quod tibi offero: postre-  
mò quem hinc fructum expectem. Ac primò quidem con-  
stat Deum, à quo habemus quidquid omnino habemus bo-

ni, nostræ gratitudini etiã ineffabiliã præmia propõuisse. Eructetes illi sapientes, inter quos Eupidem nequaquam ultimum colloco, quasi per nubes Lunam à coitu obseruantes, id ipsum tamen utcunq; contuiti testatum fecerunt, quando gaudio affici deos enunciãrunt ob habitum eis ab hominibus honorem. Iam te, tuiq; similes, Dei in terrarum carnos esse non nescis. Quo fit, ut adducar in spem certissimam, meã tibi pietatem, gratitudinem, studiumq; amplificandæ rei literariæ, quod ad nominis tui gloriã, gloriæq; ad posteros etiã (si qui erunt) propagationem non nihil cõducatur, acceptatorem. Iraque pergo. Egressum me è schola triviali (ur loquar usitatè) Augustana, Tubinga tua excepit cum quidem (est enim fatendum) quid rei esset philosophia, nondum cognouissem. Tubingæ quinquennium ferme integrum exegi: qua conditione, & quibus casibus iactatus, alio loco exponetur. Huc id propriè facit, quod ex animo fateor, & publicè constare uolo: meæ eruditionis adolescentiam & iuuentutem Tubingæ tuæ deberi, & quantulacunq; est illa, neque me eius pœnitet, neque (quod existimare possim) Tubingam Xylandi alumni sui piget aut pigere debet. Enim uerò quandoquidem ad te legitimã successione aui patrisq; tui, Principum laudatissimæ memoriæ, bona imperiumq; peruenerunt: non uideo, quid causæ excogitari possit, cur non & eorum clientes te patronum suum agnoscant. Tubingensia tua sunt, deriuata in te maiorum in Academia ea tutanda amplificandaq; cura, quam te senò suscepisse, & gnauiter prosequi accipimus. Ego qui Tubingæ tuæ permultam debeo, adhuc semper me in ære Illustrissimæ tuæ familiæ esse, non modò agnoui, sed etiã affirmavi. Ne quid alienum meo ingenio faciam: hoc est, ne uel aduler, uel simulem: planè & conceptis uerbis dicam quod res est, Gratiã ego pro acceptis apud tuos beneficijs tibi ago, Princeps humanissime, quantas possum, meæq; gratitudinis hoc publicum monumentum tibi demississimo obsequendi studio ac reuerentia consecro. quod quanti facere debeas, docti (quorum copia abundas) facile tibi explicabunt. Dicam tamen ipsè ea, quæ in mentem alijs uenire uix (puto) possunt. A multis annis ego mathematicarum uerarum scientiarum

narum ( Geometriam dico, Arithmetica, & quæ proprie dicitur Cosmographiam) ita flagraui, ut docere etiam conarer alios ea, quæ discendi mihi necessitatem iniunxeram. Huius rei testimonia exstant in meis lucubrationibus, ijs præsertim, quas iniquitate temporum circumuentus absolvere, & edere non dum potui. Itaque cum apud Suidam de Arithmetica Diophanti aliquid obseruauissem commemoratum, amato resimilitatus, ad spectum saltem eius operis exoptaui. Inueni enim deinde tanquam exstantis in bibliothecis Italicis, sibiq; nisi mentionem à Regiomontano, (cuius etiam nominis memoriam ueneror) factam. Sed cum ederet nemo: cepi desiderium hoc paulatim in animo cõsopire, & eorum quos consequi poteram Arithmeticoꝝ librorum cognitione, & meditationibus nostris sepelire. Veritatis porro apud me est autoritas, ut ei coniunctum etiam cum dedecore meo testimoniũ luberrimè perhibeam. Quod Cosmica seu Algebraica (cum his enim reliqua comparata, id sunt quod umbræ Homericę in Necya ad animam Tiresiæ) ea ergo quod non assequebar modò, quanquam mutis duntaxat usus præceptoꝝ cetera ~~et cetera~~, sed & augere, uariare, adeoq; corrigere in loco didicissem, quæ summi & fidelissimi in docendo uiri Christifer Rodolphus Silesius, Michaelus Stifelius, Cardanus, Nonius, alijq; litteris mandauerant incidere in ~~libros, & quod alios~~, ut scire appellauit Heraclius sapientior multis alijs philosophis, hoc est, in Arithmetica, & uera Logistica, putauit me esse aliquid: itaq; de me passim etiam à multis, ijsq; doctis uiris indicatũ fuit, me non de grege Arithmetico esse. Verũ ubi primũ in Diophantæa incidit ita me recta ratio circumegit, ut stendũs ne mihi ipsi antea, an uerò ridendos fuisset, haud iniuria dubitauerim. Operæ precium est hoc loco & meam insciam inuulgare, & Diophantæi operis, quod mihi nebulosam istam caliginem ab oculis deterit, immò eos in cœnum barbaricum defossos eleuauit & repurgauit, gustum aliquem exhibere. Surdorum ego numerorum tractationem ita tenebam, ut etiam addere aliorum inuentis aliquid non pœnitendum auderem. atque id quidem in rebus arithmetice magnum aliquid habetur, & difficultas istarum rerum multos à mathematicis, deterret. Quanto autem hoc est præclarus, in ijs pro-

blematis, quæ surdis etiam numeris uix posse uidentur explicari, rem eo deducere, ut quasi solum arithmeticum uerere iussi obfurdescant illi planè, & nementio quidem eorum in tractatione ingeniosissimarum quæstionũ admittatur. Tum illa rectanguli trianguli proprietates, cuius demonstratio Pythagoræ adscribitur, cui non uisa est mathematico diuina? At cum Diophanteis comparata considerationibus, rudimè tũ uidebitur. nã datis quibuscunq; duobus numeris, triãguli rectanguli latera dare, unde Thalys honorũ mathematicorũ existit, quid nõ habet & facilitatis & subtilitatis? Itaq; adfentior Plutarcho nostro, grauissimo auctori, q; sacrificiũ illud Pythagoreũ non trianguli rectanguli laterum facultati exco gitatæ, sed rationi, datis duabus figuris inæqualibus & dissimilibus figuram constituendi quæ alteri istarum æqualis, alteri similis existat, inuentæ accommodat, quod apud Euclidem libri sexti propof. 25. demonstratur. Taceo miras quadratorum aliorum quæ numerorum proprietates, & progressionum, alia quæ sexcenta, quæ præfationis modus excludit, & ex ipso sunt cognoscenda opere. Memini me aliquando legere, Leonardum quendam Pisanum de quadratis numeris scripsisse librum. non dubito, quin ex nostro transfulerit Diophanto. & ex eius libris, quos nunc edimus, immensum texti opus ac thesaurum id genus rerum arithmeticarum, uel nostri commentarij esse argumento poterunt. Sanè tredecim libri Arithmeticæ Diophanti ab alijs perhibentur exstare in bibliotheca Vaticana: quos Regiomontanus ille uiderit. Sed de ijs neque quod sperem habeo, neque quod iudicem. Nostri sunt sex de rebus arithmetiis, quorum duo primi scholia Græca habent adiecta, quæ Maximi Planudis esse creduntur. & probabilius id mihi eo fit, quod sub eius nomine quædam logistica eodici sunt adiecta, quo nos usi sumus. Non sum nescius Hypateiam philosopham Alexandinam in Diophantum esse commentatam. Sed profectò si ea tanta fuit, quantam Suidas & alij perhibent, istæ annotationes tam autorem non agnoscunt. de quibus quid senserim, meo more liberè dixi suis locis. Reliqui quatuor, & alius de numeris multiangulis inscriptus, scholijs carèt. quod æquissimo animo & nos tulimus, & lector feret, cui nostris in



eos commētarijs uelicebit. Id uerò mihi accidit durū & cuius  
superabile in eō modum, quodd mirificè de pta uata omnia in-  
ueni, cum neq; pblem atū exposiō inter dū integra esset, ac  
passim nomen (in quibus sita omnia esse in hoc argumēto,  
quis ignorat) tam p roblematū quā solutio nū siue explica-  
tōnū corruptissimi. Non pudebit me ingenuè fatēri, qual em  
me heic gesserim. Audacter, & summo cum seriore potius  
quā alacritate animi opus ipsum in iō sum aggressus, la-  
borq; mihi omnis uoluptau fuit. tātus est meus rerū arithme-  
ticarū amor. quin & gratiā magnā me apud omnes liberaliū  
scientiarum amatores ac p aronos in iōtum, & p ræclarè de  
rep. litteraria meritorium intelligebam, eamq; rem mihi lau-  
di (quam à bonis profectam nemo prudens aspematur) glo-  
riæq; fortasse etiam emolumenro fore sperabam. Pro gressus  
aliquantulum, in salebras incidi: quæ tantum abest ut alacri-  
tate meam retuderint, ut etiā animos mihi addiderint. neq;  
enim mihi nouū aur insolens est aduersus librariorū incuriā  
certamen, & hac in re militari, ( ut Horati) nostri uerbis utar)  
non sine gloria. qd' me nō arrogāter dicere, Dio, Plutarchus,  
Strabo, Stephanusq; nostri testantur. Sed cum mox in ipsum  
pelagus mōnstris scatens me cursus abnūpuit: non depondi  
equidem animum, neque manus dedi, sed tam en sèpius ad  
orā unde soluissem respexi, quā portum in quem esset eu-  
dendum cogitando prospicerem, deprehendiq; non minus  
uerè quā eleganter ea cecinisse Alceum, quæ (si possum) La-  
tinè in hac quasi uotua mea tabula scribam.

*Qui nolo ueniis noli dare, dum licet,  
Causa futuri præuidet modum  
Cursus, mare ingressus, marino  
Nauiget arboris utraque est.*

Sanè qd' de Echeneide de pisce fertur, eū nauim cui se adplicet  
remorari, p ænè credibile fecit mihi mea cymba tor mē dorū  
remoris retardata. Expediui tamē me ita, ut facilè omnes me-  
dioeri de his rebus iudicio p rædiū, intellectu sint in credibi-  
lēm e laborē & erumnas difficilimas superasse: pudore etiam  
stimulatū oneris quod ultrò mihi imposuissem, nō perferēdi.  
Pauca quædā non planè explicata, studio & certis de causis  
in alium locum reieciimus. Opus quidem ipsum ita absolui-

mus, ut neque eius nos pudere debeat, & Arithmetice Logi-  
 sticesque studiosi nobis se plurimum debere sine hand dubiè  
 professuri. Neq; prætereundum est qua occasione atq; unde  
 Diophantæi codicis copiam sim consecutus. Cum mense Oc-  
 tobris, anni à representato seruatore mudi 1713 13 1713. Vuit-  
 tembergæ uenisssem, singularem eius nobilissimæ Academicæ  
 in me humanitatem expertus, quam hic non est locus prædi-  
 candi, neq; satis pro merito potest prædicari inter alia in col-  
 loquium de reb. mathematicis ueni cū clarissimis ac doctis-  
 simis uiris, summis mathematicis D. Sebastiano Theodori-  
 co, & M. Vuolfgango Schulero, quos honoris causa & obser-  
 uantiæ nomino. Ibi mihi aliquotij paginas Diophanti Græ-  
 cas inspiciendas dederunt, non dissimulato eius, ad quem is  
 codex pertineret nomine. Is est amplissimus uir, summo a-  
 pud Polonos loco natus, uirtute, doctrina humanitateq; in-  
 ter populates suos facilè princeps, Andreas Dudicius Sbar-  
 dellatus, hoc tempore Imperatoris Romanorum apud Polo-  
 nos orator, què, ut ipsius amplitudo, inq; temp. literatiam  
 merita postulant, honorificentissimè nominarè uolo. Ei ego  
 ià antè à studio & petitiã arithmeticæ ita fuerã cõmendatus,  
 ut mutuas etiã de isto argumẽto litteras dedetimus accepri-  
 musq; & summo opere sui ab eo, tãto uito, in harũ studio rerũ  
 confirmatus. Viteberga proficiscẽs, unũ problema Diophã-  
 teum exscripsi, quo me in itinere oblectarẽ. cuius cū explica-  
 tionẽ perscripsissem, Lipsiæ ad Simoni Simonio Lucenti, phi-  
 losopho doctissimo & acutissimo, ac medico eximio, q mandato  
 Illustrissimi Augusti Saxonie electoris, &c. ibi docet, &  
 humanissimè me hospitio suo exceptũ habuit, ostẽdi, simulq;  
 exposui, me si ita Dudicio uideretur, Latinã istã Diophanti a-  
 rithmeticã facturũ, placuitq;, ut ad eũ de isto negotio scriberemus.  
 Paucis post mēsb. Dudicius ad me Diophãtum misit,  
 meq; ut ptomissa impletẽ, maiotẽ in modũ cohortatus est.  
 cuius ego nõ modò libẽter autoritatẽ sum secutus, sed libera  
 literã ipsius hãc, quòd mea opera Diophantũ reip. literariæ  
 donauit, ut facinus uerè heroicũ, ac magnificũ tantũ æstimo,  
 æstimatũq;, in & abs te Illustrissime Princeps, & ab omnibus  
 alijs rerũ intelligentib, arbitror, ut nõ minori, sed maiori etiã  
 gloriæ ei hæc donatio, quàm mihi ipsi elucubratiõ sit futura.

Neq;

Neque exigua debetur clarissimo Simonio gratia, qui autor ac futor Dudicio fuit mittendi ad nos sui Diophanti. Tibi uero, Illustrissime Princeps, et si ea diuinitus obtigerunt, ut ad ueram solidamque gloriam tibi à meæ conditionis hominibus nulla sit optanda aut speranda gloriæ accessio, aut nominis amplificatio: non debes tamē huius nostri Operis patrocinium à tua maiestate alienum eadē indignum putare. Habes tu quidem *TRINOS* præcipuè, tum diuonis tuæ alijs etiam in locis uiros doctrina illustres: habes, ut unum loco omnium appellem, D. Iacobum Scheckium, principem huius sæculi philosophorum, præceptorem meum, & cui merito ipsius, idque candidè, quidquid in Aristotelea profeci philosophia (quantulamcunq; id sit, non omnino tamen prænitendum) acceptum refero, qui uir uel solus ornando Principi & patriæ sufficere poterat. Non tamen idē nostrum tuæ Amplitudini debet sordere studium, neque nos uel alieni profusus, uel inepti planè ad celebrationem inclyti nominis tui existimandi sumus. Res quidem quæ hoc nostro opere tractatur, tanta est, ut eius dignitas omnem superet orationem. Est enim Arithmetica omnium mathematicarum scientiarum, quas Xenocratem summum illum & seuerissimum philosophum anas sapientiæ appellasse legimus, dux & interpretis, à qua in humanæ uitæ usus quæ & quanta propagentur adiumenta, etiam uulgo non est obscurum. Verum alio loco à nobis mathematicarum scientiarum dignitas, utilitas, & necessitas est copiosè demonstrata, & ignauorum, ingratorumque calumniæ refutatæ: neque conuenit, Tuam Celsitudinem à me prolixiore oratione detineri. Quem autem ego fructum huius mei & operis & facti sperem, paucis apernam. Aliter me sperare auita tua indoles, uirtus, & humanitas non sinunt, quàm hoc literarium munus tibi fore accepissimum, teque pro tua bonitate & liberalitate haud grauatè eius tutelam suscepturum, & nos in tuorum clientum numerum benignè adscripturum. Hoc non modò tibi Princeps Illustrissime, honorificum erit, atque gloriosum: sed te labores nostros approbante, arithmetice studium eum alibi, tum in tua Academia & Gymnasijs, excitabitur, cõfirmabitur, prouehetur, & ad perfectam eius scientiam multi tuis auspicijs, nostro labore

bonę perducti, magnam hæc te tuis in remp. beneficijs accessionem factam esse gratissima commemoratione prædicabunt. Deum ex animo precor, ut illustrissimam tuam Celsitudinem, spiritu suo gubernet, omniaq; prospera largiatur, & sub umbra alarum suarum te ac tuos perpetuò protegat.

Vale. Heidelbergæ. post d. Eidus Sextiles.

C13 12 LXXIV.

T. Heyst. Celsi.

*Observandum*

*M. Guiljelmus Nylander Augustanus, publicus philosophus & orator in schola Heidelbergensi doctus.*





# DIOPHANTIALE XANDRINI RERVM ARITHMETICARVM LIBER PRIMVS.

*Galileus Sydenhamus Angliensis interpretes.*



V' M animaduertentem te, obsecrandissime mihi Dionysij, tunc docti-  
di explicacionem quatuordecim carum que in numeris proportionantur  
veneri, aggressus sum eius rei uti rationemq; subiectam, de ipsiusq; fun-  
damentis, quibus tota res nititur, utro perito naturam ac eam nume-  
rorum continere. Quod negotium utuideamur forsasse difficultus  
(quippe ignocean adhuc, sedas animam in epistolis ad hanc etiam de re dixit confici-  
da spera concipiendam nequaquam sine prolixitate: tamen cum tua alacritas, cum  
mea demoustratio efficiat, ut facile id obprehendas, celeberrime etiam addiscunt, quon-  
iam ad discendi cupiditatem doctrina accedit. Verum etiam preter hanc, intellige  
si tibi omnes numeros compositos esse & quadratos numeros multitudine: si que eor-  
um in infinitum progredi naturam. Item cum in his quidam sint quadrati, qui sint nu-  
mero aliquo in se multiplicati, qui numerus totus quadratus dicitur, ab qui cubi, qui  
existunt quadrati in sua multiplicata latera; alij cubus quadratoquadrati, qui  
gignuntur quadratis in seipso ductis; nonnulli quadrato-cubi, quos quadrato in  
cubos ab eodem profectus latera multiplicata procreant, quodsi demum cubo cu-  
bi, qui cubus in seipso ductus nascuntur: usque uent, ut ex hoc uel compositione,  
uel quo profectus alij alijs, uel multiplicatione uel ratione inter se, aut uniuersumq;  
singulorum uel ad sua latera, plurima uelutur arithmetica quæstiones, que soluan-  
tur tamen, si ea quam commonstrabimus uia incedas.

S C H O L I O N.

Exempla si uisus 1. Quadratus est. Not. 1. in se multiplicatus hoc facit 17. et later quadrat. Cubus est  
17. Not. 2. in quadrato in se procreant multiplicatus, parit 17. Quadratoquadratus est 17. Not. 3. quadratus  
in seipso (quod later est) in se 2. uenit in cubum 17. Idem uel product. Quadrato-cubi est 17. quippe  
9. quadratus in cubum 17. Cubus est si later numero 1. in quadratoquadrato 17. In multiplicata uel cubus. Cu-  
bocubi est 17. Not. 4. cubus 17. in seipso ductus est si later quadratus par quadratoquadratum uel pariter in  
quadrato-cubi 17. In multiplicata uel procreant.

Statutum potest receptamq; est, ut quilibet horum numerorum in eadem nota  
denominationem, pro elemento arithmetico considerationis habeatur. Ap-  
pellamur ergo quadratus Facultas nota eius Q, que cubus quadrato numero uel su-  
perficatur uel additur; quod de alijs omnibus notis intelligi uolo. Cubo si-  
nomen est, nota C. Qui quadrato in se multiplicato fit, Quadratoquadratum dicitur,  
nota eius Q. Q. Qui in quadrato in cubum, que ab eodem latera est profectus,  
ducto, Quadrato-cubus nominatur nota eius Q. C. Qui ex cubo in se ducto nascitur,  
Cubocubus uocatur nota eius C. C. Cui nulli harum proprietatum obsequit, sed ob-  
stat multitudiae uitorum, Rationis expens uocatur nota eius N. Est & aliud signum  
inmutabile definitorum, uitas notam eius dr V.

S C H O L I O N.

Notæ hęc est:  $N, Q, C, Q, Q, C, C, C$   
 $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2}, \frac{7}{2}, \frac{9}{2}, \frac{11}{2}, \frac{13}{2}$   
 Quadratus parit si fit  $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2}, \frac{7}{2}, \frac{9}{2}, \frac{11}{2}, \frac{13}{2}$



De his numeris simpliciter factis, quod cum summa dicitur,  $Q$  &  $C$  componitur  $Q$ ,  $Q$ ,  $Q$ , &  $CC$ . At simpliciter quidem ad se simpliciter dicitur, sed in compositis multiplicatis, cum simpliciter tam compositis productum dicitur. Verbi gratia, summa tria dicitur, simpliciter dicitur  $Q$ ,  $Q$ , & in hoc simpliciter dicitur, 27. Cuiusmodi plurimum, ratio in hoc procedit:  $Q$ ,  $Q$ , compositum quodlibet dicitur in alijs dependens dicitur. Atque hoc est simpliciter dicitur. At vero compositum tripliciter in alijs multiplicat numerum quatuor numeris summa productum. Et ratio ista.  $Q$ ,  $Q$ , compositum in simpliciter multiplicat  $Q$  &  $C$ , productum totum hoc numerum aliud quod tribuimus hanc habet, nisi quod ipsum quod  $Q$  est et quadratum appellat. hanc rationem  $Q$ , ut quod pro quatuor,  $Q$ , pro summa, atque ratio est multiplicata conditio.

Et numerus sicut totus velus dicitur certe à numeris certis suam habent denominationem, siquidem sunt cognominatae (veritas à romano mens, à quatercentio quadrans, ab alijs numeris aliae totius partes suam nomen ducunt) ita nunc quoque denominationis numeris idem congruit, ut ab ipsorum denominatione partis quoque nomen derogetur. nomen scilicet à numero, quadrans à quo dicitur, cubi à cubo, quadratoquadrati à quadratoquadrato, quadraterubi à quadraterubo, cubocubi à cubocubo. Harum partium adijctioque eamque summa nota, quae speciem à seipso distinguit.

## SCHOOLION.

Numerus in exemplo supra propositus factus, Ergo summa summa, quod factus est  $\frac{1}{2}$ , pars est ab ipso summa non nec dicitur, libere in alijs dependens factus dicitur. Nota summa pars,  $\frac{1}{2}$  à quadrato, quod est 2 summa denominationis cubi, summa pars multiplicata,  $\frac{1}{2}$  à cubo 27, denominationem adijcti summa summa pars,  $\frac{1}{2}$  à quadratoquadrato 81, summa pars dicitur in quadratoquadrato,  $\frac{1}{2}$  à quadraterubo 24, pars summa factus propositus adijctus,  $\frac{1}{2}$  à cubocubo 72.

## XYLANDRI.

Locus hic Latine non potest exprimi, ut verba verba consistant. Sed hoc est Diophanti sententia. Plurimae quatuor summae & cubus intelligitur, non triplex libere (quod si alii hoc differat opinio) partes habet centuram numerorum cognominati, parte, factum à summa numerum numerum habet, summa à romana, & in summa certa parte summae in alijs dicitur appellat) summae plurima hanc, à quadrato, cubo, multiplicat denominationem in cubo. Item  $\frac{1}{2}$ , ut nota est cubi, summa 27, si cubus & in Algebrae operi simpliciter hanc summa numerorum est summa operi si in hoc parte. Cetera vero prius problemata in eadem summa dicitur numerum in hoc Algebrae, quibus, absumitur ne quae dicitur, aliter summa dicitur dicitur in Geometriae operatione legi potest.

Proinde cum tibi singulis numeris denominationes exponerem, ad earum multiplicationes me confesso, quae tibi facile patebant, cum per ipsam nominam multiplicationem facta sintiam autem declaravi. Ergo numerus in manent multiplicatus, quadratum productum in quadratum, cubum in cubum, quadratoquadratum: in hunc, quadrato cubum in hunc dicitur, cubocubum. Quadratum in quadratum si in tripliciter, gignitur quadratoquadratum si in cubum, quadrato cubum si in quadrato quadratum, cubicubum. Cubus in cubum dicitur, cubicubum productum.

## SCHOOLIA.

Numerus in summa dicitur, quadratus est  $71$  in  $71$ .

Summa in quadrato, cubo propositus, in  $27$ .

Numerus in cubo, quadratoquadrato in  $81$ .

Numerus  $Q$ ,  $Q$ , productum  $CC$  in  $24$ .

Numerus  $Q$ ,  $C$ , productum  $CC$  in  $24$ .

$Q$  in  $Q$  multiplicatus, gignit  $Q$ ,  $Q$ , in  $27$ .

$Q$  in  $C$ , multiplicatus, gignit  $Q$ ,  $C$ , in  $27$ .

$Q$  in  $Q$ , multiplicatus, gignit  $CC$ , in  $24$ .

$C$  in  $C$  multiplicatus, gignit  $CC$ , in  $27$ .

Scholium hoc: hoc, pro quatuor numeris in quatuor numeris, quadratus, cubi dicitur est in tripliciter, ad numerum summa dicitur, sed in  $71$  in  $71$ ,  $Q$  in  $Q$ , multiplicatus, gignit, ab ipso numerus 4 in summa numerum, quod 7, dicitur, quod summa, simpliciter numerum dicitur summa. Item  $Q$  in  $Q$ , multiplicatus, gignit  $Q$ ,  $Q$ , quadratoquadrato, simpliciter quadratoquadrato in  $24$ , numerus summa. Quadratus summa dicitur pro cubo hanc aliter multiplicat, in summa dicitur numerum dicitur, pars numerus in quadrato cubum, sed non

in  $Q$ .









Quadrato cubi aliquota pars in numerum multiplicata, quadrato quidem aliquorum partem gigrit in quadratum, cubum cubum, quadratum quadrato quadratum, numeri: in cubo cubum, numerum.

Cubo cubi pars aliquota in numerum ducta, quadrato cubi aliquo tam procedit partem in quadratum, quadrato quadratum cubum, cubum in quadrato quadratum, quadratum quadrato cubum, numerum.

## S C H O L I O N.

Quod si quatuor aliquotas partes in numerum multiplicatas, numeri productus partes aliquotas in partem quadratorum, numerus ductus decem, duo quadrates singulis factis in 12 numeris habet decem numerum, cum duo singulis totam unitatem faciant, alijs alijsque partem numeri. Similiter aliquota quatuor partem in cubum ducta, numerum gignit. Sit enim quadrati aliquota pars  $\frac{1}{2}$ , cubus  $\frac{1}{3}$  et duo quadrates sint 2, qui est numerus. Sic enim 12 descriptio est huius. Decem duo et duo ad septem referuntur unde ab  $\frac{1}{2}$  et  $\frac{1}{3}$  quatuor et si unitatem ducta, 2 totum descriptio est de his parallelogrammum  $a + b + c$ , de his itaque et de his unitatem parte 2, et cum  $a + b$  sit numerus, quippe dicitur confuso unitatem, et quadratum huius sit  $a^2 + b^2 + c^2$  quatuor et de his ita quatuor partes equales quibus sit  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{3}$  quatuor una quatuor unitatem quatuor ergo et partes aliquotas erit quadrati, et partem unitatem quatuor. Quatuor  $\frac{1}{2}$  parte  $c$  per  $a$  dicitur linea  $a + c$  unitatem  $\frac{1}{2}$  et  $\frac{1}{3}$  parte  $b$ ,  $b$ , dicitur parte  $b$  sit linea  $a + b$ , unitatem  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{3}$ ,  $b$ ,  $a$ . Cum ergo totam parallelogrammum ab  $a + b + c$  ducimus unitatem, et in lineas quatuor partes fecerit  $b$  dicitur  $a + c$  ergo  $a$  in parallelogrammum unitatem est unitatem. Quod cum ipsum partem, dicitur equales partes lineas si dividit, ergo et dividit est unitatem dicitur unitatem est, quatuor si aliquotas partem in numerum multiplicatas, et in  $a + b + c$  unitatem, sit  $\frac{1}{2}$  in  $a$ , aliquotas partem numerum productus,  $a + b$ , singulis unitatem. Similiter si numerus aliquotas quadrates partem  $a + b + c$  ducimus, facit unitatem partem  $a + b + c$  numerum, nec hoc dicitur si quadrates de  $b$  dicitur unitatem et de his ita ducimus unitatem.



Quod deesse dicitur (defectum vulgo usurpant) in id quod ipsum etiam deesse dicitur si multiplicetur, productum ad esse et ceteris videtur debere fieri, si vero in id quod deesse, id quod deesse multiplicemus productum ita quod deesse dicitur adnumerabis, signus eius vel  $+$ . Declarans ergo multiplicationis, in consistit quo sine unitate partem dicitur propoliterum specari. Restum itaque est, cum qui hoc negotium occipit, in compositione, distensione, & multiplicatione que formis accideret crebro solent, exercitiam esse, alium quatuor formas que vel ad hanc vel ad hanc non eadem multitudine, alij ad hanc formas, que vel hanc, vel in dem sunt atque desunt. Et quomodo  $+$  formis que sunt, alijque que desunt, eius forma, alijque que vel sunt, vel in dem sunt atque desunt. Deinde si in tractanda aliqua questione species quaedam emergant alij huius formis equales, neque tamen eadem multitudine ab utraque parte auferenda sunt similes  $+$  distantes: donec eadem una forma vel equalis forma existat. Quod si ab utraque parte desint quaedam species altera, altera ad hanc: que desunt, utriusque  $+$  distanda sunt, dem formis eodem utriusque inveniantur: rursusque utriusque auferenda similes  $+$  distantes tantisper dum ab utraque parte eadem una forma relinquatur. Atque hoc acciderit in ipsis questionibus positis quoad dicitur consistere efflores, itaque dum una species una speciei equalis deprehendatur. Postquam ad utrumque monstravimus, quomodo que suo capite, tamen cum de numerorum forme una equalis invenitur. Nunc vero ad ipsas questiones accedemus, cum nobis abunde pateat, ob multitudinem in ipsis formis collectam. Cum autem plurimi sint numerum, & mole ingentes, itaque etiam tardè consentiant, comprehendantur ab his qui eos accipiunt, sineque in se multa que agere memorocher memori possunt fieri, que ex his ita decepti possint, ita ut maxime in tractationis principio elementorum partes sustineant, primo loco proponere, & simplicioribus ad perplexiores procedi



quæ sita, vel deficiat ad æquum, ut 3, perinde quæ sita 4 & 12 unitatibus, demit tribus numeris hoc est 12 — 6  
 numeris unitatibus. Proinde etiam deficiat in quo unitatibus deficiente sum  
 re in unitate deficiente numerus multiplicatorum, hoc est si quo pacto unita  
 tibus et numero unius igitur unitatibus quibus, numerus unitatibus, multiplicator  
 deficiat. Quæ sita vel deficiat in quo unitatibus deficiente sum



est 12, quæ sita et sita 12, ut unitatibus 3, perinde quæ sita 4 & 12 unitatibus, demit tribus numeris hoc est 12 — 6  
 numeris unitatibus. Proinde etiam deficiat in quo unitatibus deficiente sum  
 re in unitate deficiente numerus multiplicatorum, hoc est si quo pacto unita  
 tibus et numero unius igitur unitatibus quibus, numerus unitatibus, multiplicator  
 deficiat. Quæ sita vel deficiat in quo unitatibus deficiente sum



Addebat.

12 — 6 = 6  
 6 — 3 = 3  
 3 — 2 = 1  
 1 — 1 = 0  
 0 — 1 = -1  
 -1 — 1 = -2  
 -2 — 1 = -3  
 -3 — 1 = -4  
 -4 — 1 = -5  
 -5 — 1 = -6  
 -6 — 1 = -7  
 -7 — 1 = -8  
 -8 — 1 = -9  
 -9 — 1 = -10  
 -10 — 1 = -11  
 -11 — 1 = -12  
 -12 — 1 = -13  
 -13 — 1 = -14  
 -14 — 1 = -15  
 -15 — 1 = -16  
 -16 — 1 = -17  
 -17 — 1 = -18  
 -18 — 1 = -19  
 -19 — 1 = -20  
 -20 — 1 = -21  
 -21 — 1 = -22  
 -22 — 1 = -23  
 -23 — 1 = -24  
 -24 — 1 = -25  
 -25 — 1 = -26  
 -26 — 1 = -27  
 -27 — 1 = -28  
 -28 — 1 = -29  
 -29 — 1 = -30  
 -30 — 1 = -31  
 -31 — 1 = -32  
 -32 — 1 = -33  
 -33 — 1 = -34  
 -34 — 1 = -35  
 -35 — 1 = -36  
 -36 — 1 = -37  
 -37 — 1 = -38  
 -38 — 1 = -39  
 -39 — 1 = -40  
 -40 — 1 = -41  
 -41 — 1 = -42  
 -42 — 1 = -43  
 -43 — 1 = -44  
 -44 — 1 = -45  
 -45 — 1 = -46  
 -46 — 1 = -47  
 -47 — 1 = -48  
 -48 — 1 = -49  
 -49 — 1 = -50  
 -50 — 1 = -51  
 -51 — 1 = -52  
 -52 — 1 = -53  
 -53 — 1 = -54  
 -54 — 1 = -55  
 -55 — 1 = -56  
 -56 — 1 = -57  
 -57 — 1 = -58  
 -58 — 1 = -59  
 -59 — 1 = -60  
 -60 — 1 = -61  
 -61 — 1 = -62  
 -62 — 1 = -63  
 -63 — 1 = -64  
 -64 — 1 = -65  
 -65 — 1 = -66  
 -66 — 1 = -67  
 -67 — 1 = -68  
 -68 — 1 = -69  
 -69 — 1 = -70  
 -70 — 1 = -71  
 -71 — 1 = -72  
 -72 — 1 = -73  
 -73 — 1 = -74  
 -74 — 1 = -75  
 -75 — 1 = -76  
 -76 — 1 = -77  
 -77 — 1 = -78  
 -78 — 1 = -79  
 -79 — 1 = -80  
 -80 — 1 = -81  
 -81 — 1 = -82  
 -82 — 1 = -83  
 -83 — 1 = -84  
 -84 — 1 = -85  
 -85 — 1 = -86  
 -86 — 1 = -87  
 -87 — 1 = -88  
 -88 — 1 = -89  
 -89 — 1 = -90  
 -90 — 1 = -91  
 -91 — 1 = -92  
 -92 — 1 = -93  
 -93 — 1 = -94  
 -94 — 1 = -95  
 -95 — 1 = -96  
 -96 — 1 = -97  
 -97 — 1 = -98  
 -98 — 1 = -99  
 -99 — 1 = -100

Subtrahat.

12 — 6 = 6  
 6 — 3 = 3  
 3 — 2 = 1  
 1 — 1 = 0  
 0 — 1 = -1  
 -1 — 1 = -2  
 -2 — 1 = -3  
 -3 — 1 = -4  
 -4 — 1 = -5  
 -5 — 1 = -6  
 -6 — 1 = -7  
 -7 — 1 = -8  
 -8 — 1 = -9  
 -9 — 1 = -10  
 -10 — 1 = -11  
 -11 — 1 = -12  
 -12 — 1 = -13  
 -13 — 1 = -14  
 -14 — 1 = -15  
 -15 — 1 = -16  
 -16 — 1 = -17  
 -17 — 1 = -18  
 -18 — 1 = -19  
 -19 — 1 = -20  
 -20 — 1 = -21  
 -21 — 1 = -22  
 -22 — 1 = -23  
 -23 — 1 = -24  
 -24 — 1 = -25  
 -25 — 1 = -26  
 -26 — 1 = -27  
 -27 — 1 = -28  
 -28 — 1 = -29  
 -29 — 1 = -30  
 -30 — 1 = -31  
 -31 — 1 = -32  
 -32 — 1 = -33  
 -33 — 1 = -34  
 -34 — 1 = -35  
 -35 — 1 = -36  
 -36 — 1 = -37  
 -37 — 1 = -38  
 -38 — 1 = -39  
 -39 — 1 = -40  
 -40 — 1 = -41  
 -41 — 1 = -42  
 -42 — 1 = -43  
 -43 — 1 = -44  
 -44 — 1 = -45  
 -45 — 1 = -46  
 -46 — 1 = -47  
 -47 — 1 = -48  
 -48 — 1 = -49  
 -49 — 1 = -50  
 -50 — 1 = -51  
 -51 — 1 = -52  
 -52 — 1 = -53  
 -53 — 1 = -54  
 -54 — 1 = -55  
 -55 — 1 = -56  
 -56 — 1 = -57  
 -57 — 1 = -58  
 -58 — 1 = -59  
 -59 — 1 = -60  
 -60 — 1 = -61  
 -61 — 1 = -62  
 -62 — 1 = -63  
 -63 — 1 = -64  
 -64 — 1 = -65  
 -65 — 1 = -66  
 -66 — 1 = -67  
 -67 — 1 = -68  
 -68 — 1 = -69  
 -69 — 1 = -70  
 -70 — 1 = -71  
 -71 — 1 = -72  
 -72 — 1 = -73  
 -73 — 1 = -74  
 -74 — 1 = -75  
 -75 — 1 = -76  
 -76 — 1 = -77  
 -77 — 1 = -78  
 -78 — 1 = -79  
 -79 — 1 = -80  
 -80 — 1 = -81  
 -81 — 1 = -82  
 -82 — 1 = -83  
 -83 — 1 = -84  
 -84 — 1 = -85  
 -85 — 1 = -86  
 -86 — 1 = -87  
 -87 — 1 = -88  
 -88 — 1 = -89  
 -89 — 1 = -90  
 -90 — 1 = -91  
 -91 — 1 = -92  
 -92 — 1 = -93  
 -93 — 1 = -94  
 -94 — 1 = -95  
 -95 — 1 = -96  
 -96 — 1 = -97  
 -97 — 1 = -98  
 -98 — 1 = -99  
 -99 — 1 = -100

1. QUASTIO. Propositus numerus in duas partes, quarum altera alteri quædam po  
 ditur super eorum intervallo. Datus numerus sit 100, intervallo sit 40. Statuimus minor  
 nem sit esse Numerum. Maior ergo est unus numerus, et 40 unitates. Summa  
 amborum, N. & V. 40. Dabatur autem hoc esse 100 V. Proinde 100 V. sequantur N. & 40  
 V. Illi ab his equalibus uniusq; sustro equalit, minor 40 V. & 100 V. & 10 N. & 40  
 V. residua erunt equalia N. & 10 V. 60. ergo unus uniusq; numerus est 30 V. Ex argu  
 mento igitur tria uniusq; minor est unitatibus 30, ergo maior unitatibus 70. Demón  
 stratio in processu est.

SCHOLIUM.

Idem 100 numerus in duas partes, quarum altera alteri quædam po  
 ditur super eorum intervallo. Datus numerus sit 100, intervallo sit 40. Statuimus minor  
 nem sit esse Numerum. Maior ergo est unus numerus, et 40 unitates. Summa  
 amborum, N. & V. 40. Dabatur autem hoc esse 100 V. Proinde 100 V. sequantur N. & 40  
 V. Illi ab his equalibus uniusq; sustro equalit, minor 40 V. & 100 V. & 10 N. & 40  
 V. residua erunt equalia N. & 10 V. 60. ergo unus uniusq; numerus est 30 V. Ex argu  
 mento igitur tria uniusq; minor est unitatibus 30, ergo maior unitatibus 70. Demón  
 stratio in processu est.



In coloribus aut in alijs argumentis, quae ratio est maioris partis altitudinem, ut in colore oportet aliquam partem, ratio minoris illius ratio est. In denominationibus quibus si fuerit, noni gratia, si partem sit in ratione tripla, quae dicitur dicitur habet. Et in quadrato, quoniam, si sit denique, licet ratio minoris oportet in rationem, quae coloribus partibus aliquibus, si consideremus in rationem, quae dicitur partibus denominationibus continetur.

XYLANDRI.

Major 1 N.  
Minor 1/2 N.

Major 1 N.  
Minor 1/2 N.

Summa 1 1/2 N. || de.

Summa 1 N. || de

reductio — 1/2 N. || de

1 N. 1/2.

1 N. || de

Minor 1/2 N.

Major 1/2.

Minor 1/2.

Huius problematis usus laeti potes in opere geometrico & arithmetico, & si habuisset casum non incepti tractas, nisi quod ad multiplicem rationem adstruere, quod unum est omnium rationum maximis et minimis congruis ratio habet.

Wessel. 269. In duos per 10, quae tria sunt principia habent.

CANON. Si numerus in duas partes dividendus sit, quarum ratio sit data: huius minimos terminos eorundem, per summam duarum totam, quoniam semper per terminos in algebra fecerim, habebis quo d quaeretur. Et dabo exemplum in ista forma: numerus 173 dividatur in duas, rationis ut supra terminus rationis minimus 1 & 2, summa 3, per hanc dicitur 173, quoniam est 173 in 1 & 2 dicitur 173 & 173 productis, partes quatuor. Et condiderit hanc, si in dividere ratio fuerit, hoc per 3 dicitur, quoniam est dicitur 173, partes ergo 173 & 173. Item quod si habuisset de aliqua parte autem, male est, quoniam res potest, augere autem minorem usum in proportionem ut est dicitur regiam dicitur et dicitur exemplis. Partire ut in duas numerus, quoniam in dicitur minorem hanc, dicitur, in se per hanc dicitur et rationem ut supra dicitur superius arithmetice tertius appellatur. terminus minorum sunt 1 & 2, summa 3, per hanc dicitur 173, quoniam 1 multiplicatur per hanc in 173 & habebis partes quatuor 173 & 173 hanc 173, hanc est 173, & 173, per hanc hanc de 1, conuenit 173 summa exhibent. Eodem modo si dividendum fuerit 173, ut per 173 dicitur quoniam exhibebit 173, qui dicitur in 1 & 2 fuerit, partes dicitur 173 & 173 & 173. In casibus libet, maior per 1, minorem per 2 multiplicem: qui est hanc proportionem in numerorum alibi a nobis quae dicitur. Hoc patet in partibus duabus partes proportionem sit eorum sit distincti numeri sit dicitur hanc est dicitur hanc.

111. Propositum numerum in duos dividere, qui & datam rationem tenent, & quanto potestur in casibus differens. Edo numerus 70, ratio partium tripla, in casibus 4, quo maior triplum minoris superest. Si numerus minorum 1 N. erit maior 1 N. & 4 habebit ut & triplum minoris hanc praetera obtinet 4. Reflexe autem a quaeritur numero 70, ut quae conuenit dicitur 4 N. & 4, id ergo quae equalis est 70. Autem similia & similibus dicitur quoniam 70 & quales 4 N. ergo 1 N. erit 17. In 22 propositum est minor, maior est ad triplum minoris (37) adiectis 4, quae de 70 subducatur, ut triplum numerorum inuenitur quantitates. Eodem modo potest a dicitur, hanc cogit.

SCHOLIUM.

Si numerus parvulus geometricus ABCD, ut quando de unius partes habebit, ut maior minor sit, ut in 70, & minor habebit de de dicitur superest 70, dicitur, per tripla sit minor, 70 habet quatuor sum, quoniam dicitur per 4 dicitur 17. Item habet quatuor casus, AC in 4 partem dicitur, propter 17 minoris AE sit conuenit dicitur dicitur hanc ABCD est 70. Si numerus AE quatuor hanc AC, dicitur 17 & parvulus hanc AB, cum 4 AE sit 17, erit AF 20, ED autem 37, dicitur hanc per hanc superest AE alia parvulus hanc CD, cum sit de 4, quod est hanc de 70 dicitur, hanc hanc CG sit 17, dicitur 17. Ergo tot parvulus hanc AE sit de 70, tripla superest AF, ac praeter 4 tripla conuenit. Totum dicitur est AE, ut hanc dicitur.









qua abibi. Quod idem notari, quia de ratione intervalli ad alteram in multis hoc ratione sub-  
 ductis restit in unitate, maxime obferuato, nisi uerbis subleto. de reliquis quid dicitur, explicatio-  
 tur planius. De multiplici quous interlogere parat, si uerba gratia hinc exortur et, aliam ad huc  
 hylis adhibetur, sicut ratio ipsius ellipticae, 96. 3. Dantur duo numeri in superioribus por-  
 tionibus quatuor, interuallo 22, ratio est  $1\frac{1}{2}$  terminus 1 et 1, reflexum 2 per hoc distit 11, quatuor 22.  
 si in terminis distit, 22 et 11 productus, quatuor satis adnotat. In hoc ratione genere minor  
 et interuallo cum ratione conferunt, quia est eorum partium, quibus altera ratio minor  
 super 2. minor abundat. Quatuor ab eis, in ratione  $1\frac{1}{2}$  interuallo 12. in creat 22  $\frac{1}{2}$  et 44  $\frac{1}{2}$ .  
 4. In his rationibus, quae multiplici et altera reliquarum incomparatio, ratio de ratione  
 minoris ad interuallo prioris constituit, sed inuerti. non hinc sicut unitate de ratione meno-  
 re detrahita, ratio interuallo ad minoris numerum perat, prodit. Dantur duo numeri in pro-  
 portionibus triplicis, si quatuor, interuallo 22, terminus rationis 1, sicut 22 et 2, differentia 20, per  
 hanc distit interuallo, emergunt, quae in terminis distit a, numerus quatuor prioris et 44 et  
 22. Dantur autem ratione minoris ad interuallo 22 et 12, est duplo superioris, s. quae 1 de 2  $\frac{1}{2}$   
 duntur, persequuntur 2  $\frac{1}{2}$ . Ratio dantur duo numeri in ratione  $1\frac{1}{2}$  interuallo 21. Terminus 17 et  
 2, differentia 15, hoc distitatur 21, quatuor 2  $\frac{1}{2}$ , ergo numeri 2  $\frac{1}{2}$  et 31  $\frac{1}{2}$ . Dantur duntur duo  
 numeri in ratione 2  $\frac{1}{2}$ , si quatuor superioritate certus, interuallo 21. Terminus 17 et 2 differentia  
 17, quatuor 21, numeri 17, et 2, duntur 21 ad 2 (interuallo ad minoris) terminus habet 17,  
 quod uenit sicut 6  $\frac{1}{2}$  subleto. Ratio duntur duo numeri in ratione 2, quatuor superioritate  
 prioritate quatuor, interuallo 22, terminus 22 et 2, differentia 20. 22 (17) quatuor in terminis  
 distit, productus numerus 2  $\frac{1}{2}$  et 22  $\frac{1}{2}$ . Hoc uenit ut habere, capere ipsi opore. Dantur  
 uerbis habet 20 est, quod secundum dicitur, et quatuor secundum ista ratione. In quo significat  
 tur 2 quatuor terminis, et si quatuor de ratione ut ratio minor fuerit. Quod Pythagoras sicut  
 ut uerbis, abibi distit.

v. Dantur numerum in duos partes, ut horum utriusq; aliqua, non tamen elatis  
 nominis, pars, si coniungantur, eorum sum qui possitur conficiant. Oportet autem  
 hunc talem possi, qui in medio sit duorum numerorum, quibus partes totas pro-  
 portionis postulat nomine eadem exprimentur. Dantur ergo 100 in duos nume-  
 ros ea lege, ut prioris ternis cum posterioris quarta parte si coniungantur, 100 sint.  
 Esto posterioris  $\frac{1}{2}$ . In ipse ergo est 3 N. proinde utrius prioris est 100 — 1 N, ipse  
 90 — 1 N. Hi autem duo coniuncti, eum facere debent totum, conficiant 90 + 1 N,  
 quod aequale est 100. Et ubi ab aequalib; subduxerit aequale, relinquantur 1 N. et qua  
 totus ergo 1 N, 2. Et quia postimus  $\frac{1}{2}$  posterioris esse: N, ipse totus erit 22. Est prioris  
 $\frac{1}{2}$  erant 90 — N, sicut 22: ergo ipse totus 72. Et quidem 72 ac 28, summam con-  
 ficiunt 100. prioris autem ternis 24, posterioris quinta pars 5, summam 100.

## SCHOLIUM.

Operetur autem hanc: M est, operetur autem hanc rationem de 100, quod est 22  $\frac{1}{2}$ , et quatuor partes distit  
 100, hoc est 22, interuallo in partem ternis 22, quatuor fuerit. hoc est, habet a quo possitur numerus, utq; ubi  
 nec est quoniam uenit ut de ipse non, emergunt quoniam 22  $\frac{1}{2}$  est distit hinc non: sed omnia excedit 20, et  
 superat 12  $\frac{1}{2}$  ut ubi hoc possitur 24, qui interuallo 20 et 22  $\frac{1}{2}$ . Sed quatuor interuallo quatuor qui hinc est  
 sicut postulat. Cuius si est 24, aut minor 20, ut 22  $\frac{1}{2}$  est minor in posterioris, non conficitur quatuor. Itaq;  
 proinde de 22 subleto. Iste prioris terminus, et posterioris quatuor terminus componitur 22. Iste quinquem postu-  
 latus 2 N, ipse est 2 N. distit 2 prioris 22 — 2 N, ipse est — 2 N. In duo componit, conficiant 40 + 2 N,  
 equaliter 22 et equaliter de hinc, sicut 2 N equaliter 22. Et sic 2 N uenit. ergo in posteriori ter-  
 minus (2 N) efficitur nec prior autem, 40 — 2 N, ubi est, cum 2 N de se adduntur, ipse est conficiant. Ergo  
 100 non est hinc: quod expectatur: sed quatuor non conficit, et non quoniam duntur, conficit. Hinc autem  
 aequit hoc ipse uenit, si qui uenit hinc 22 terminus postulat. In uenit posterior quatuor postulat, per se  
 ita quod est distit hinc. Ratio hinc distitatur de 22  $\frac{1}{2}$  cum posterioris 2 N, est prior 100 — 2 N, sicut 22  
 cum 20 + 2 N, equaliter 100. Itaq; hoc si de equaliter equaliter conficitur superat 2 N abibi equaliter. quod est  
 distit hinc. Ratio autem habet quatuor terminus postulat. In uenit posterior uenit quoniam 22  $\frac{1}{2}$ , hoc ratio 2 N quatuor prioris  
 uenit equaliter abibi. Ergo duo numeri postulat est uenit, quoniam quoniam hinc superat, et superat 22  $\frac{1}{2}$ .  
 Prioris terminus (ipse) est 22 — 2 N. In uenit prioris terminus posterioris quatuor postulat, sic quatuor  
 postulat est 2 N, equaliter, equaliter uenit et 2 N, de hinc, ergo 2 N subleto de 22, uenit 22 — 2 N. In uenit



*Alter equatione ad numerum qui positus accommodata*

$$A + B, R. 1000 — 1 N. Adde  $\frac{1}{2} N$  & 10 —  $\frac{1}{2} N$ .$$

$$Summa 10 +  $\frac{1}{2} N$  || 10. & utrumq; abulit$$

$$10 —  $\frac{1}{2} N$  || 10. multiplicata utrumq; per 15$$

$$15 N || 150 utrumq; 15 N. A. 15 R.$$

$$Fol B + B. A. 100 — 1 N. Adde  $\frac{1}{2} N$  ad$$

$$10  $\frac{1}{2}$  —  $\frac{1}{2} N$  Summa 10  $\frac{1}{2}$  —  $\frac{1}{2} N$  || 10.$$

$$Adde utrumq;  $\frac{1}{2} N$  & aufer utrumq; 10. fit$$

$$\frac{1}{2} N || 10  $\frac{1}{2}$$$

$$\frac{1}{2} N || 10  $\frac{1}{2}$$$

$$1 N || 10. 15 N. R. 15.$$

*Nota cum  $\frac{1}{2} N$  per 15.  $\frac{1}{2}$  multiplicaveris, ut proprietate inveniatur, ut per 15, & 2 per 1 decimas totius abulitatis multiplicari. Sed cum 1 ad 15 fit ut 1 ad 3, 10 per 3, 15 per 1 multiplicata 10 idem resultat ut abulitatem. Cuiusmodi hoc nullum pona. cum per regulam multo simplicior & brevius ad quos quæstiones solvantur, quam per eandem, quæ multiplicat & per plures formas expressit.*

¶ 4. Datus numerus in duas partes, ut prioris pars certa certam posterioris partem superet quantum subsonatur numero. Hunc autem minorem oportet esse 20, qui ad dividendum 20 in duas propositioni numeri partem eam, que alibi peritiam debet, exprimitur. Partitur ergo 200 in duas numeros, ita ut prioris quædam portio situr tota 20 minusibus superet. Pono sextantem posterioris: N. ipse ergo erit 6 N. Quadrans autem prioris erit N + 20, ipse itaq; 4 N + 20. Summa amborum 10 N + 40, æquale 200. Aufer similia à similibus, reliquuntur 10 N æquale 160. ergo N est 16. Ad ea que postumas se confer. sextantem posterioris subtrahamus N. ipse ergo est 12. priora quadrans sunt: N + 20, scilicet 32, ergo ipse 11 manerit; hoc, huius quadrans rem sextantem illius maiorem esse 20 minusibus. Ipsi sumam conuulsi sumet, 100 propositioni numerum restituitur.

ECHOLION.

*Opereturq; intervalum partium, quæ dicitur esse sextantem, quod datur 20, utinam esse quadrante numeri 100; quem quadrante hanc oportet ad 200 ad intervalum, non succedit nec id demonstratum de 15. Denique quæ dicitur prioris sextantem posterioris maiorem esse intervallo 20. Cum sextans posterioris sit N. ut 15: 6 N. ergo quadrans prioris erit 10 N + 20. ergo prior ipse 4 N + 20. Summa numerorum 10 N + 40 æquale 200. At qui si ab æqualibus æquale aufero, superest 160 æquale 10 N. quod est dividendum. Subtrahe ergo eam septies ab eodem, intervalum 16 æquale peritur. Item si 6 N. 10 N + 4 æquale 160. Notandum, quod in præcedente dicitur ut postulas numerum postulas ante duas partes propofit. hoc tantum minus non mutare parte postulas esse, ut hinc in eo esse ad unitatem descendere.*

XYLANDRI.

*Vel æquet vel excedat. In Cræto verba sunt tales, quæ sic lego. Item B æ 10 in, Item B æ 10 in. Cæterum Diophantus hoc, ut scilicet, numerum aut eam. & verba est 2 posteriora. Potuit esse 2 priora. Cæterum quadrans 1 N. ipse 4 N. Et quæ quadrans 10 minusibus eandem sextantem posterioris, 20 denique de 1 N. sextans esse habebatur 1 N — 20. ergo 100 minusibus 1 N — 120. Hæc præter additæ, constituitur summa 10 N — 120. æquale 100 æquale utrumq; 120, fit æquale 10 N || 20. ergo 1 N. 120 — 1 N. 12. prior numerus, etc. Adhuc autem in tractatu præterea, ut utitur alio modo solvendo quæstiones, quæcum bene in æquatione expressentur ad totam dividendi, hinc ad æquationem quæstionem partium, ratione intereali.*

$$A + B, R. 1000$$

$$\frac{1}{2} N, 10 est  $\frac{1}{2} B$$$

$$1, N — 100 B.$$

$$Fol B + B, R. 1000$$

$$\frac{1}{2} N, 10 est  $\frac{1}{2} B$$$

$$\frac{1}{2} N, 10 est  $\frac{1}{2} B$$$

*addit A. i. N.*  
 $4 \frac{1}{2} N \text{ --- } 129 \text{ || } 100$   
*remota per 2 multiplicat*  
 $7 N \text{ --- } 258 \text{ || } 200$   
*addit stringit 200.*  
 $7 N \text{ || } 458$   
*i. N. ergo 11. A. ergo*  
 B. 12.

*addit B. i. N.*  
 $2 \frac{1}{2} N + 30 \text{ || } 100$   
*subtrahit stringit 10.*  
 $3 \frac{1}{2} N \text{ || } 20$   
*per 2 multiplicat*  
 $7 N \text{ || } 40$   
*i. N. 12. B. ergo 11.*  
*fit fiti Diophantus.*

ALITER.

$A \text{ i. } N. \quad B \text{ 100 --- } 1 N.$   
 $\frac{1}{2} N. \quad 25 \frac{1}{2} \text{ --- } \frac{1}{2} N.$   
*et addit*  
 $\text{|| --- } 25 \frac{1}{2} \text{ --- } \frac{1}{2} N$   
*addit stringit 2 N*  
 $4 \frac{1}{2} N \text{ || } 50 \frac{1}{2}$   


---

 $7 N \text{ --- } 110$   
 $1 N \text{ --- } 110$   
 $8 N \text{ --- } 220$

$2 \frac{1}{2} N \text{ --- } 100 \text{ --- } 1 N$   
 $\frac{1}{2} \quad 25 \text{ --- } \frac{1}{2} N$   
*auferit 20*  
 $1 \text{ --- } \frac{1}{2} N \text{ || } \frac{1}{2} N$   
*addit stringit 2 N*  


---

 $7 \text{ || } 7 N$   
*per 10 multiplicat*  


---

 $70 \text{ || } 7 N$   
 $1 N \text{ ergo 10. B. ergo}$

*Examen facile est, de his ipsis quæstionibus tractatum inclusum. Quædam ex illis 15. tractata de 12.0. quæ de 12. detrahitur, relinquuntur 20. ut postulat horum. Pariter quæ restant 12. de 10. est 100. horum non minus tractat. ut per singula comprehensum adscripturam superius habet.*

**VII.** Invenire numerum, à quo si auferatur duo dati non eundem, residuum eundem ferat, quæ postulat, 200. et si subtrahatur ab eodem numero auferatur 100, & 20, utrumque residuum minoris sit triplicum. Sit 20 numerus à N. à quo si auferatur 100, residuum est 1 N --- 100: si 20, restat 1 N --- 20. Et eundem residuum minoris sit triplicum, hoc ter sumitur: minor est æquale minoris residuum triplicum 3 N --- 300, æquale 1 N --- 20. defectus eorum minoris utrius, addatur, fiet 3 N æquale 1 N + 20. Auferatur eundem utriusq. simul, restat quæ sit 2 N æquale 280. Et 1 N est 140. Et sic fit postea, cum est quæ sit si auferatur à N. ut ergo est 140. ab hoc aufer 100, superest 40. datur 20, restat 20. quod residuum æquale est alterius triplicum.

SCHOLIUM.

*Quædam in illis numeris à 4.0. quando dicitur, reliquit numerus est 1 N --- 100: ut est si dicitur ab 14.0. detrahitur 100. restat 4.0. datur 20. restat 24.0. si 20. restat 2.0. datur 20. hoc est 100. et cum numerus datur 20. restat 100. datur utriusque est residuum quod superest 100 de 140. datur, quod est 4.0. utriusq. sumitur minor, quæ erit 1 N --- 100, datur 4.0. æquatur 1 N --- 20. minoris residuum datur cum 4.0. restat 100. Ad minoris utriusq. 3 N --- 300, hoc est 100, sed quædam eundem sit expressio quæ utriusq. complexi 1 N, et 3 N --- 300 æquatur 1 N --- 20, communem defectum utriusq. auferit. ita 2 N fit utriusq. et altera parte 1 N + 20. cum de 100. quæ additur, 20. dicitur impleri, et reliquit datur 20. Datur utriusq. auferit utriusque sumitur minoris, sed 1 N cum de una parte sit 3 N utriusq. et datur 1 N + 20. datur utriusq. 1 N (datur utriusque postea) superest utriusq. 2 N æquatur.*

ETLANDI.

*Obiter hic id est solutio est minor, quod fit minor numerus, quod in altera detrahitur numerus de propostis relinquuntur. Cætera sunt plura.*

$1 N \text{ --- } 100 \text{ restat } 1 N \text{ --- } 20$   
*remota* *remota*  
 $2 N \text{ --- } 200 \text{ || } 2 N \text{ --- } 20$   
*stringitur.*  
 $4 N \text{ --- } 220$   


---

 $4 N \text{ --- } 220$

$$\begin{array}{l} \text{I N} || \text{I N} \uparrow \text{I N} \\ \text{super unum, I N} \\ \text{I N} || \text{I N} \\ \text{I N. } \text{I N. } \text{I N. } \text{I N. } \end{array} \left. \begin{array}{l} \{ \text{I N} \} \\ \{ \text{I N} \} \\ \{ \text{I N} \} \\ \{ \text{I N} \} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{I N} \\ \text{I N} \end{array} \left. \begin{array}{l} \{ \text{I N} \} \\ \{ \text{I N} \} \end{array} \right\} \uparrow$$

**11X.** Datis duobus numeris, alium invenire, qui si unq; datorum adjicitur, eol-  
lectam habeat, quæ pofituræ ænonem. Hanc uerò minor effe oportet ipfius da-  
torum numeratione. Sit ad 100 & ad 20 adjectus numerus, ea lege ut manus  
collectæ minoris fit triplum. Ponatur effe  $I$  N qui ad 100 additus, facit 100 +  $I$  N,  
ad 20, 20 +  $I$  N; cumq; maior fumma minoris effe debeat tripla, hec ter fumma maio-  
rem æquabit, triplum minoris effe ergo 60 +  $I$  N æquale 100 +  $I$  N aufert ab æquali-  
bus equalia, relinquantur  $I$  N æquales 40. &  $I$  N effe 20. Ad propofitum 20 ad 100,  
fumt 20. ad 20, 40. Eff. autem 120 triplum numerum 40.

**SCHOLIUM.**

Oportet, inquit, rationem datam, hoc effe quam ferre utriq; habeant, ut hic triplæ, minorisq; ratio-  
ne que eff. datæ minoris minoris, ut 100 ad 20. hoc enim eff. pcepta, ille tripla. Eff. autem tripla minor quam  
pcepta ratio, ut 30 minor quam 2. Nam ferre ita non habet, non pcedat. Et quod minor rationem pcepta  
plum habeat, ut 20 æquale ad 100, pcepta ratio minor collecta eff. ratio, fit eff. minor. Ad hoc utriq; utriq;  
eff. 1. Nam, fit 100 +  $I$  N, 20 +  $I$  N, cumq; maior fumma minoris pcepta effe, hinc ergo pcepta  
maioris æquale, ergo 100 +  $I$  N æquale 100 +  $I$  N. Et ab his utriq; æqualia, relinquantur 40 æquale  
alibi, quod eff. alibi. Nam, fit hoc alibi. Et cum parum, fit minor minor rationem collectorem quam  
datam. Sit ut utriq; pcepta triplum, non aliquid  $I$  N. Et præterea et alibi ratio, æqualia alibi. Ho  
tantum, ut utriq; pcepta defideret fieri datæ rationem, minoris ratio pcepta. Primum fit  $I$  N + 100. Et 100 +  $I$  N + 20 æquale, utriq; et alibi. Relinquantur  $I$  N æquale  $I$  N + 40. Ad hoc utriq; minor quam fit  
I N pcepta habeat, utriq; I N æquale, ut relinquantur æquale I N + 40.

**XYLANDRI.**

$$100 + I N + 20 + I N \text{ hoc ter, fit } 2 N || 100 + I N \text{ super unum, I N} \text{ ita, reliqua æquale } 40 || 2 N.$$

$$\text{Alind. Datis numeris, qui ad 20 et ad 100 additis, duples pceptas, sunt } 2 N + 20 || 2 N + 100 \text{ aufer unum, I N} \text{ et restat } 2 N \text{ æquale alibi. Et fit, quo ad pcepta ratio minor eff. quam pcepta } \text{I N}.$$

$$\text{Alia, que eff. ratio triplum minor datæ. Et aut restat, hinc ut fieri pceptas, que eff. minor numerus inveniretur, I N qui additur utriq;, et 20 pceptas.$$

$$\begin{array}{l} 20 + I N \quad 100 + I N \\ \text{adde triplum hinc} \\ 20 + 20 || 2 N \text{ super unum, I N} \text{ et ad} \\ \frac{1}{2} N || 2 \text{ facit } I N \text{ et hoc.} \end{array}$$

**11X.** A datis duobus numeris eundem auferte, ita ut residuo fit quam quis im-  
perpetuam. maiorem tamen, tam effe oportet ratione datorum numerorum  
maioris ad minorum. Sit & 100, & 20 aufertur idem numerus, ita ut residuum  
maius minoris fit fectuplum. Numerus habet hinc datus  $I$  N, residua 100 —  $I$  N &  
20 —  $I$  N. Et cum residuum maius fectuplum effe minoris debeat, hinc fectuplum  
ergo ill æquale effe. Unde 20 —  $I$  N funt 100 —  $I$  N æquale 100 —  $I$  N. Ad qua-  
ter quod dedit, utriq; & aufertur fectupla utriq; idem habebit;  $I$  N æquale 20.  
&  $I$  N effe 4. Ad rem 4, hinc 100 detrahas, 20 relinquantur hinc 120, ut. Et autem 96 resti-  
duum manus, minoris 16 fectuplum.

**SCHOLIUM.**

Oportet, inquit, rationem datæ, quæ hoc eff. fectupla, minoris effe ratione datorum maioris ad minorum, 100  
fctus ad 20, que eff. pcepta, hinc autem fectupla pceptum. Nam, fit æquale vel minor ratio reliqua eff.  
quam triplum ratio pceptas, quæ non constabit. Et cum, ut ratio hinc hinc, æquale fit pcepta hinc  
ter, pceptas erit 2. Et æquale alibi, quod alibi. Nam, fit minoris pcepta ratio minoris pcepta, quod de  
eff. ratio utriq; defideret ut, ut æquale 100 —  $I$  N —  $I$  N + 20 + 100 —  $I$  N, pceptas de uno defideret pceptas  
datis datorum ut hinc utriq; fit utriq; in illi ratio, minoris defideret, numerus minoris ad dedit, ut autem minoris  
ad hoc minoris ratio minoris defideret, fit hoc alibi, ratio minoris minoris, ut hinc minoris defideret ut hinc  
datis.





<p>Maler. <math>10 \div 2 N</math></p> $\begin{array}{r} \text{Minor.} \\ 100 \longrightarrow 2 N \\ \hline 400 \longrightarrow 4 N \\ \hline \text{adde } 4 N, \text{ et denu} \\ \text{struere} \\ 5 N \mid 100 \\ 2 N \mid 70 \end{array}$ <p>Collectio 16. residui 24. Collectio residui quadrupla.</p>	<p>Minor 20 <math>\div 2 N</math></p> $\begin{array}{r} \text{Minor } 20 \div 2 N \\ 400 \longrightarrow 4 N \\ \hline 1200 \longrightarrow 12 N \\ \hline \text{adde } 12 \text{ struere, et denu} \\ \text{struere} \\ 1 N \mid 100 \\ 2 N \mid 40 \end{array}$ <p>Collectio 24. residui 24. Collectio collecti quadrupla.</p>	<p>Maler. <math>100 \div 2 N</math></p>
---	--	---

*Solutio questionis ab intercepto pisa.*

<p>Minor. <math>\frac{100}{2} \longrightarrow 2 N</math></p> $\begin{array}{r} 100 \longrightarrow 2 N \\ \hline 140 \longrightarrow 7 N \end{array}$	<p>Maler. <math>100 \div 2 N</math></p> <p>adde 7 N struere, et denu struere 100 <math>\div</math> 2 N. 2 N struere 20, et ad struere nota synopsi.</p>
---	---

XI. Radicum numero duos alios, alterum addere, alteri detrahere, ut collecti & residui sit quae possitur ratio. Ad idem eisdem numero 20, & detrahere 100, ut collectum sit residui triplum. Sit numerus qui quaeritur N, tunc si addas 20, & dimas 100, fuerit N 120 & 2 N = 100. triplum minoris 2 N = 300 & quantur maior 2 N 7 20. sed ut utraq; quod dicit, & ab utro utraq; aequale res sequentur 320 aequalis 2 N. Est ergo numerus qui quaeritur 160. ac secundum proposita, minor 10, maior 90. maior minoris triplus.

S C H O L I O N.

In solutio questionis praecedentis aliam numerum addere aut detrahere potest et si disponit si ut aliter erit, dependit in cuius directione minor est aliter. Hoc semper in cuius aliter est, minor habetur. Obversio enim habet per hanc, quod addere quae aliter minore ad aliter vel aliter. Sic minor, cum non sufficiat quae aliter, sic minor, quae habet et tunc ut utro minor est. Unde pro solutio duos numeris 2 et 10 aliter, quod addere, hinc ad detrahatur aliter 2 N 1 aliter 10 = 2 N. Si 2 N 10, aliter 2, hinc 2, et minor 10, ut detrahatur sit 2 minor 2 N 10 7 10, hinc 20, et minor 10, ut aliter aliter est. At vero hoc non erit numerus ut aliter aliter, et detrahatur minor minoris est semper minoris sit, cum ut utro 10, hinc 10, sed ut hoc quod definitio operi habetur, hinc et tunc minoris est minor, et ut utro utro aliter, ut hinc 2 N = 140 et N 7 100.

X Y L A N D I C.

Hic solutio habet obscuritatem cum numerus quae aliter utraq; passio detrahatur, utraq; sit quod ut minor, ut dicitur sit autem equare passio.

C A S O S. Si quidem multiplex ratio est proposita, multiplicata detrahendam per nominacionis, ad hoc addendum, summa dividit proinde ratio ut utraq; detrahatur. Dicitur numerus ut si 44 addit, et tunc detrahatur 10, ut utro utraq; sit quadrupla, 4 ut ut dicit, fuerit 44, adde 44 summa ut dividit per 2. (cum ratio possitur quadrupla) habet ut quatuor numerum. Hinc quod ut utro utraq; sit 100. Ad idem propositum.

$$2 N T 20 \div 2 N = \frac{100}{2}$$

$$\begin{array}{r} \text{adde } 10 \\ 2 N \mid 100 \\ 2 N \mid 100 \end{array}$$

XII. Dnum numerum in duos dividere, id quod bita ut unum e prioris divisione proventurum, cum uno ex altera proventurum sanonem quae requiritur est frustratum, peritiam aliquam rationem etiam alter ad alterum. In hac dicitur sit 10000, b 4 100 di.





*de reliquis utcum dantur sex subditis, ut que 2 sunt 1 N, & sequer hysq; esse, dant singulis numeris tantum.*

	Major.	Minor.
Partitio	1    24 N — 300	17 N
	11   200 — 8 N	1 N — 100.
	111   4 N	100 — 4 N

*Tandem maiorem prima di-*  
*visione conceptam esse esse 24*  
*N — 300, addi 1 N, erit 25*  
*N — 300, quæ unum, hoc est*  
*25 N || 300 erit 1 N. id. Cæ-*  
*teræ pagæ referret. Sed ostendit*

*me ita ut sic effugisse minorem, ut quæ non incidit, si 2 minoris aliquæ constanti fuerit, si 1 minor*  
*hæc est operæ pretium? aut potius mi incertam fibulæ hæc sic est? Sed videmus etiam posterius de*  
*probationibus caput, hæc alio in questione et alio modo. Immo dicitur ita ut in dantur numerus, ut*  
*ut prima partitio minor ad secunda maiorem sic quævis plus secunda maior ad tertiam mai-*  
*orem sequentibus sic sequatur, et ita ut ad primam maiorem, super quædam partitio decimas*  
*quædam, ad 25 ut 19 ad 15, 20 || alter hæc constanti non sunt talia, quales nosse oportet, quæ*  
*tantum constanti ut minoris maiorem sic sequatur. Itæ etiam profectus quædam sic ad*  
*maioris operationibus constanti erit. Tribuatur 2 numero secunda partitio, seu D,*  
*quædam ita dicit, & hysq; esse, ut nosse oportet, quædam uno possi quædam. Itæ D (20 quædam*  
*obscurem relinquat hysq; ut 2 N erit A 1 N, erit B 10 — 1 N, C utriusque non eff quædam*  
*10 — 2 N, quædam sit ad B, ut 2, ad 2, P utique est 1<sup>10</sup> — 2 N. Item restat B quædam,*  
*quædam in equalis est utique minoris erit. Hæc dicitur alio modo modo dicitur, si P ab 10*  
*subit abis, relinquat ut 10 — 2 N, altero, per regulam proportionum, est ratio B ad B ut 19 ad 15,*  
*erit B 2 per 19 multiplicat, præbuit (videlicet 362 — 2 N) per 15 partitur, quotiens*  
*est fructus, ut 20<sup>10</sup> — 2 N, hoc erit aquædam B ante incertam 20<sup>10</sup> N, & alio modo dicitur*  
*minoris (quædam, ut per 5 multiplicat, ut alio dicitur,) ut 2 2 N || 20 — 19 N*  
*& tandem 304 || 2 N. Facti 1 N 2 4, quædam D erit A 100, &c.*

Partitio	1    A 100	B 20	A ad B 5.
	11   C 150	D 2 4.	C ad D 7 1/2
	111   E 7 1/2	F 10 4	E ad F 1 1/2, &c.
	Major.	Minor.	

*In hoc exemplo id quæ dicitur operæ fieri, ut æquationes alio quidam Diophantus quædam er-*  
*igine tantis, magis potentes dicitur hæc arte, quæ fibulæ hæc circumferret, & in arith*  
*erit tantis caput nosse qui restaret. Diophantus credo me rem gratam fecisset quæ un-*  
*minoris conceptis & ignoant, ut voluit dicitur, ut quædam plant hæc in tantis solvo*  
*obesse. Ad hæc sic, sibi non fieri dicitur etiam.*

XIV. Inveniantur duo numeri, quorum multiplicatio unus in alterum, prædu-  
continuerum cuius ad hancnam ipsorum sit que postulari ratio. Oportet autem  
id quod ponitur pro maiestate unitatis unus numerorum, ut siis esse numero  
id quo ratio postulari rationem suam habet. Mandat si prædicationem ad firm-  
nam debet esse triplam Ponatur numerorum alior 1 N, alter (ut additæ questioni  
conditio præcipiente) quædam 3, puta 12, multiplicat d 1 N in 12 productus, N addi-  
no formam 1 N 7 12. Et cum huius triplæ sit 12 N erit ut 1 N 12, hoc est 3 ut 1 2  
sequatur 12 N, & 1 N est 4. Proinde 4 & 12 numeri sunt, qui questioni satisfi-  
faciant.

SCHOLIUM.

Oportet alterum numerum maiorem fore numero qui dividat alterum. Itæ dicitur hysq; numeri 4 ut 12  
quorum summa 16, prædictæ 22, triplæ summa, toties hæc ratio habet 1 ut ratio hæc itaq; maior est alter  
numerorum. Hoc erit dicit, alterum numerum maiorem debet ponere quædam, ut in triplicem 2 N quædam  
plæ postulat, ut dicitur, obsequi enim ratio fuerit, prædictæ (in quæ) est 12 N, sum 3 ut 12, 2 ut 12 ut 4



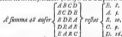
XVI. Inveniantur tres numeri, ita ut unus faciant eos quos potestis numeros. Operetur autem summa eorum quos potestis semissem quous trium istorum esse maiorem. Constat ergo primus & secundus 20. secundus & tertius 30. tertius cum primo 40. Potestis summa horum trium esse: N. cumq; A & B efficiantur 20, hoc de summa omnium detrahit, relinquit C; N—20. Ob hæc eadem, A erit: N—30, & B: N—40. Hi tres constanti refertur coefficienti: N. ut faciant: N—90, æquales: N. ergo: N est 45. iam persequere propositum. Erunt A 15, B 30, C 15, & evidens est demonstratio.

SCHOLIUM.

Operetur (sequitur) triem qui potestis numerum summa semissem potestis quous trium istorum summa trii imperetur in hoc proposito est 20. semissem 4 quous triem potestis numerus est. Si ita hanc numerum summa potestis equalis est semissem summa semissem potestis numerum summa est 20. trii ergo tres semissem 20, utque 20, 30, 40. semissem 100 est 50. et cum semissem 100 semissem potestis modo, summa operetur est: A N—20. quod est alterum, modo enim ubi est 20, ut semissem 100 semissem potestis numerum summa. Nam si: N potestis, utque 20, 30, 40. semissem est: N—20. Ob hæc eadem, N est, quod est semissem 20, est 20—20. 200, est semissem 40, est 20—40. 20—20 est constanti, facit: N—90, quod æquatur: N. evidentis est trique definitis, et aliam equalibus, 20 æquatur: N. si: N, 45.

XYLANDRI.

secundum operetur) non cum summa sit: N. & C. A. facit 30 et hypothesis esse. B erit 2 N—20. Tres erit 20, A: N—20. B: 20—20. C: N—20. summa 3 20—20 equalis 2 N. sit: N. 20. ergo B erit 20. In posterore obsequio, per eam C. A. est: 30. angulus semissem numerum. Erunt: A: 20—20. B: 20—20. C: 20—20. summa 3 20—20 equalis 2 N. sit: N. 20. Ergo B erit 20. — 30. quod est alterum. Ictibus hinc sunt deperitio. Ceterum aliquid est propositum semper hinc erit operatur. Ad rem quod erit, utque. Aliquid hinc exemplis, modo modo regulam quantitatis requiritur: cum erit ut sit semper ut numerus in eo colligatur summa 20, quous erit qui queratur numerum in eo sit, si erit ut quous quous, si quous de numeris operatur, et sit deinceps, utque. Summa ergo per hinc quantitatis deinceps, utque numerus summa prode a quo si subtrahatur quod est committitur habet, quod superest reliquis quantitatis illis numeris, et sit per aliquid in merito solvitur habet hinc problemata, & erit ut verbis: ut sit utque numerum in Diophantem est, & hinc numerus deinceps operatur deinceps. CANON. expeditio, A & B 20. Fides duo A duo B, duo C: 20—20 et diuina summa eadem dividit per 2, habet & C 20 hinc summa numerum 40. Hinc: casus A & B 20, restat C: 20. Hinc: C: A: 20—C & A 20. sit, restat A: 20. quod est 20 (A B) deinceps, B relinquit 2. Additione facile deprehendit, aliandi semissem quous. Aliud: Habes quous, sit summa 20 deinceps A, B, C, D, E. sit et A, B, C, D, habent 40 B C D E 40. C D E A B D E A B 20. B A B C 20. Quous quous simul numerus 20 quous singulis habent alius casus, numerum quous quous, ut hinc numerum numerum. Collige hinc numerum summa 20, in hoc erit summa numerum quous quous, utque deinceps numerus habent 40 et sit A B C D habet E, ut hinc semissem numerum.



Aliter: Quous sunt numerus, A, B, C, D, E. hinc, A, B, C, D, E. sit 14. B, C, D, E. 20. D, E. A. 20. B. A. 20. Quous idem quod aut. Fides numerum, numerum utque potestis est, ergo numerum summa utque in summa deinceps, quous est 140 summa erit numerum et. et quous quous numerus quous quous numerum.

XVII. Quous numerus invenire, quous enim constanti coefficienti quous quous potestis numerus. demum dō istorum quous numerum numerum quous istorum sit numerus numerus sit ordine illi erit esse, primus & duos deinceps 20 efficiere. secundum & duos deinceps 20, tertium & duos deinceps, 20, quous & duos deinceps, 20. Summa horum quous numerum sit: N. unde si auferas 20, puta tres primos, restat quous: N—20. Atque eadem de causa primus erit: N—20, secundus











Summa  
PROBATIONUM

20. excessum summa 240



*Eodem est ratio si prout sit numerus magis, ut patet per exemplum.*

I D E M A L I T E R.

XXI. Cum primus, secundus, ac tertius iuncti quartus excedant numero 30, esto quatuor 10. ergo reliquus 70. Rursus cum secundus, tertius, & quatuor iuncti primo amplius habeant 30. ponatur secundus & tertius iuncti tot unitatum, quot est summa duorum excessum 30 & 30. numerum sitambo 25. Et quia primus, secundus, ac tertius sunt simul 10. line 25. ut possit fecerit ad tertio subtrahendo, primo relinquentur 15. — 1. Tam cum secundus, tertius & quatuor iuncti primo supererit numero 30. ac tertius, quartus, & primus iuncti, tertio amplius sint 40. ergo tertius & quatuor iuncti sunt 35. Et cum quatuor sit 15. est tertius 20. — 1. Et sit secundus & tertius iuncti erant 35. inde aufer tertium, restat secundus 20. — 10. Reliquum totum est, ac quatuor, primus, & secundus iuncti, 30 amplius sint quam tertius. At conueniens hi tres faciunt 25. — 25. & tertius 25. — 25. Ergo 10. — 15. sunt 30 amplius quam 25. — 10. Ergo 30. — 25. quatuor 15. — 25. sint 35. reliqua ex praescripto quaedam absolute summa, 10. — 1. est 20. secundus quatuor 30. quartus 25.

S C H O L I O N.

*Addo defectus seu deficit summae. Cum quatuor, primus, & secundus iuncti faciant 25. — 1. 20. tertius 15. — 1. 15. summa quatuor 35. — 1. Reliquus hinc 10. — 1. non modo defectus 14. sed defectus 1. Non aliter de summa 4. Minusque summa defectus ad defectum, copiamque superat 27. ad 27. — 1. Non modo summa defectus 1. acerbis, sed rursus 25. sit 30. in praesenti magis 10. sit 25.*

X Y L A N D R I.

*Rursus hinc eodem, per supra, conueniens et antequam non placuit. Videt autem quibus ex parte data sit hoc operandi ratio, quibus contrariis impedita & libere. Quamvis in hoc genere quaesita sunt. De his autem fieri potest similia haec problema ad hoc sitibere: ut in hoc genere quatuor summae rursus de ratione, quibus possunt perierit. Sit, A 10. primo B C D 10. summa est huiusmodi 25. 10. Ponatur iam B, 2. 20. C D rursus 15. 25. — 10. Et cum C D 10. sint 30 amplius quam B, A ad C D ad hoc, 40 ad B huiusmodi aquationem 100. 1. 2. 7. 25. 1. 20. 7. 20. — 1. Ergo 1. 2. utrobique ad hoc 1. 2. 7. 25. aquatur 1. 20. 7. 20. ut utrobique ad hoc 1. 2. aquatur 1. 2. — 10. ut ergo 1. 2. 7. 25. utrobique ad hoc 1. 2. 7. 25. qua est summa B C D 10. 10. relinqueret C D 25. Hoc repetendum est. Sit C, 1. h. 100. D, 25. — 1. Ad hoc A B D, 2. 7. 20. ad C (nam tantum est deficit ad summa A B D implendam) sic aquatur inter 1. 2. 7. 25. 2. 7. 2. 5. — 1. h. dicitur, 1. h. uincens est 1. 2. — 10. ut aufer de 25. superest D, sed hoc 25. — 1. h. ergo praesentem hinc forma. A, 1. 20. B, 1. 25. — 1. C, 1. 25. — 10. D, 25. — 1. h. Ad hoc A B C, 2. 7. 25. ad hoc alteram summam implendi, habet aquationem inter 2. 7. 25. — 1. 2. — 1. h. hoc est addita utrobique de defectibus aquatur 4. 25. ergo 1. h. 25. A. prout B quatuor minus, h. 1. h. quae in hoc est hinc dicitur, h. aufer sed nihil ad subtrahendum. Insuper hinc rursus, per ad conueniens in hoc breui serui.*

XXII. Propositum numerum in tres alios participantibus extremorum adiancto modo, ad reliquum extremum habeat que possunt rationem. Pariam 100 in tres numeros, ut primus cum secundo tertio triplicem: tertius cum secundo primo quadruplum constituat. Ponatur tertius 10. cum cum triplicem constituat primus & secundus hi ergo sunt 10. Ergo tres iuncti facient 40. qui aquantur 100. & est 100. 10. Ad praescriptum ergo tertius est 25. primus & secundus iuncti 75. Rursus quatuor primo quatuor summae facient secundu & tertius, 70. primo primus, 10. tertio secundus & tertius iuncti 40. summa omnium 70. equalis 100. ergo 100. 70. ponatur. At secundus & tertius, 30. atqui tertius est 25. ergo secundus 5. hi ita faciunt quatuor.

X Y L A N D R I.

*Duas posterioribus auter exemplum adhibet, sed quae elegantior, & ad resolutionem suam rursus ad conueniens et conueniens. Sit ex hinc rursus ad reliquum conueniens, ut 25. posteriori summae, qua non aquatur dimidietis.*

$$\begin{array}{r} A \\ B \\ C \end{array} \left\{ \begin{array}{l} N \\ N \\ N \end{array} \right. \quad \text{responsum} \quad \begin{array}{r} A \\ B \\ C \end{array} \left\{ \begin{array}{l} N \\ N \\ N \end{array} \right.$$

Summa  $4N$  | 100  
ergo  $C = 25$

Summa  $3N$  | 100  
ergo  $A = 33$  addit  $C = 25$  de 100 reliquum  $42$  B

Poterat etiam aliter hoc fieri, nam cum  $C$  sit 25,  $A$  &  $B$  erunt 75. Pars  $A$   $N$   $B$  75 —  $N$   $C$  25. Summa  $B$   $C$  100 —  $N$  equatur  $4N$ , ut quadrupla  $A$  sit. Si liberetur per regulam Diophantianam  $A$   $B$   $C$  100 —  $N$   $C$  100 —  $N$  —  $2$  & transmissis quod  $2$  est  $B$ , etc. Non aliter quod hinc traditur, sistit multo diu ac veniat. Subiit aliter ubi hoc habet.

XXIII. Inveniamur tres numeri, quorum maximus medii excedat minimi certa aliqua parte, medius minorum maximam datam parte: minimus datam medii partem certo aliquo numero. Oportet autem medium tanta parte maximam præfate numero, ut numero qui eam partem denominat in id quo medius minimo præfatur multiplicato maior Numerorum existat multitudo quàm in medio. Constitutam sit, maximum medio præfate triente minimum medium minimo maximam triente: minimum denario præfate triente medi. Statuatur maximus  $3N$ , & præfatur eo quo solent numero medii trientem excedit, ut scilicet minimus compositus sit ex medii triente & 10. Vel sic, statuatur medius  $3N$ . & cum minimus debet trientem huius excedere denario, ergo minimus erit  $N + 10$ . Restat, ut minimum medium superet triente maximam, superet quod cum  $3N$  — 10 quantitate, hic ergo est maximus triens, & ipse maximus  $4N$  — 30. Oportet autem maximam medio præfate triente minimum quo ei præfatur, esse  $3N$  — 30, atque hoc esse debet triente minimi: ergo minimus est  $3N$  — 30, eodemque modo  $N + 100$ , est ergo  $N$ , ut  $\frac{1}{2}$ . Ergo minimus est  $20\frac{1}{2}$ , maximus  $43$ , medius  $17\frac{1}{2}$ , atque hæc sufficiunt explicare de quaestione.

## S C H O L I O N.

Cædunt ab his triplex dæduntur. Tunc nullum de quo agitur, est triens. Excessus medii supra minimum a  $N$  — 10. In hoc 3 multiplo, parte data præfatur  $4N$  — 30 præfatur, qui sunt plura in quibus medii quod est summa  $3N$  ab ipso dato facta non potest.

## X T L A N D R I.

Ex in ipso numero medii super maximum excessus est 15, color triplo 45 plus quod  $27\frac{1}{2}$ . Vitare potuit error inveniatur si cetera omittatur sed pro se potest esse 20. Numeri enim fuerunt per se summa duplo pro 75. 42. Operatum est Algebrae & conatibus collatum. Ego aliter præfatur hinc: hinc autem tres numeros quorum maximus fuisse minimum medium superet: hic minimum quadrante maximum minimum multiplicatum numero 4. Sit maximus  $3N$  Longe medius  $3N$ , super minimum, restat  $3N$  — 4, quod est fuisse maximum, ergo maximum  $3N$  — 30. Ab his fuisse minimum  $(\frac{1}{2}N + 4)$  medii habet  $3\frac{1}{2}N + 4$  æquale  $3N$  — 30. Totus  $3N$ , numeri 30, a 20. Hic a summa  $\frac{1}{2}$  maximum, qui medius maximum superet) ut in ipso supra maximum excessus dæduntur,  $3N$  — 10 præfatur  $3N$  — 30. & Numerorum existat plura sunt quibus in medio. Ceterum conatibus late sensum ipse dædunt Algebrae hinc operatum obediit capto est. Præfatur non esse scilicet hinc conditionem, esse hoc problema. Dædunt tres numeros, quorum maximus medium superet fuisse minimum medium minimum fuisse maximum. invenitur si fuisse medii nullum hinc, esse minimum  $N + 2$ , ut medius sit  $2N$ , hinc autem minimum, superet  $3N$  — 2, fuisse maximum, est ergo maximum  $2N$  — 4, quod est absurdum, cum medius fuerit  $2N$  integer. Quod si præfatur fuisse, medium triente maximum præfatur minimum. Item habetur quæstio fieri cum maximum  $3N$  — 4, quod amplexus est  $3N$  — 4 erunt 15, etc. Assiduam sit correctio quæstionum. Assit  $2N$  medium de maximum  $3N$  — 4, restat  $3N$  — 4, fuisse minimum de ergo  $3N$  — 12, ut erit  $3N + 2$ , sit  $3N$ , 20. Numeri quæstio 16, 28, 16. Quod experiri factum est. Quæstio 8, quibus maximum medium excedit, fuisse facta de 10, minimum de 12, quibus maximum medium superet, triente sunt 12, maximum & minimum est 12 fuisse medii  $1\frac{1}{2}$ .

XXIV. Inveniamur tres numeri, ut maximus medium superet data minima parte: medius minimum data maxima parte: minimus datam partem medii dato numero. Oportet









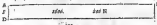




Non tam quæ sit  $24, 27$  vel alia quælibet hanc  $24$  comprehendat: ut  $24, 27$  sumat, quadratum  $21$  et  $144$ , et  $24$  per se quadratum  $204$   $24, 27$  diffinitur. Cum hoc modo demonstrasti  $21$  quævis  $24$  comprehendat,  $24$ .

**II. utrum;** Nomen characteris nomina denſiciantur. Non enim prius dicitur in fine inflexio: ut  $24, 27$  sumat,  $24$  vel alia quælibet hanc  $24$  comprehendat, ut  $24, 27$  sumat,  $24$ .

Denſiciantur  
in inflexione  
characteris.



et ostenditur: sume de  $24$  quævis  $21$   $24, 27$  sumat,  $24$  vel alia quælibet hanc  $24$  comprehendat, ut  $24, 27$  sumat,  $24$  vel alia quælibet hanc  $24$  comprehendat, ut  $24, 27$  sumat,  $24$ .

Char. de Quo  
dicitur & hinc  
in numeris.

Aliter et sic, sum utrumque Numeri characteris. Cum numerus  $24$  quævis  $24$  comprehendat, ut  $24, 27$  sumat,  $24$  vel alia quælibet hanc  $24$  comprehendat, ut  $24, 27$  sumat,  $24$ .

XYLANDRI.

Non nomen etiam minus forte esse videtur, sicut aliter hic fuisse, in re minima obscura, sed innotuit non fuisse, quæ et alio loco de parallelogrammâ in Graecis est laqueus, ut in  $24, 27$  sumat,  $24$  vel alia quælibet hanc  $24$  comprehendat, ut  $24, 27$  sumat,  $24$ .

Causs.

**X.XX.** Invenitur duo numeri, quorum summa & ex multiplicatione unus in alterum productus eam sint, quævis possuntur. Oportet autem numerorum inven-torum summa quadratum, quadrato superata numerum qui ex ipsorum similitudine. Hoc autem est evidens aliunde. Eto summa numerorum  $20$ , produ-ctum multiplicationis  $96$ . Ponamus eorum intervalum  $2 N$ , & cum summa ipsorum sit  $20$ , si huius semissimam accipere  $10$ , & differat  $2$  semissimam  $1 N$ , & adduxerit  $2$  de-tracto semissi summa: restum summa erit  $10$ , partium accedentium  $2 N$ . Ponatur ergo minor numerorum  $10 - 1 N$ , et minor  $10$  —  $1 N$ , maior  $10$  & summa eadem, & i-d intervalum. Restatur uno in alterum multiplicato productus  $96$ . At productus  $96$  —  $10$ , quod æquatur  $96$ , &  $1 N$ , sit  $2$ . Ergo maior est  $12$ , minor  $8$ , & complent proposita quæstiois leges.

ICHOLION.

Et aliter hinc quælibet quævis, non res et aliquid superfluum. Et Diophantus cum (non quævis dem optime) aliunde ostendit, quævis summa quadratum, quadrato superata numerum qui ex ipsorum similitudine. Hoc autem est evidens aliunde. Eto summa numerorum  $20$ , produ-ctum multiplicationis  $96$ . Ponamus eorum intervalum  $2 N$ , & cum summa ipsorum sit  $20$ , si huius semissimam accipere  $10$ , & differat  $2$  semissimam  $1 N$ , & adduxerit  $2$  de-tracto semissi summa: restum summa erit  $10$ , partium accedentium  $2 N$ . Ponatur ergo minor numerorum  $10 - 1 N$ , et minor  $10$  —  $1 N$ , maior  $10$  & summa eadem, & i-d intervalum. Restatur uno in alterum multiplicato productus  $96$ . At productus  $96$  —  $10$ , quod æquatur  $96$ , &  $1 N$ , sit  $2$ . Ergo maior est  $12$ , minor  $8$ , & complent proposita quæstiois leges.





336. *Et si duas quadratas 84. altera pari sit, quadratas 104. 140. simpliciter priores, Ceterum quadratarum interuallicarum ut sit 40 N, distans quidem, veritas disti inceptis ostendo. Simpliciter est) casus sibi alternus id admodum erit. Nam de quadrato ut  $7 \times 7$  ut N, m. a. uti. Si minus detrahatur ut  $7 \times 7$  q — ut N, uti subit & 2 si abstrahatur sicut — ad — ut N, ostendit amplius fuisse sibi uti un qudm debuit, sed cum 20 additur ergo ad maiorem ut N, & interuallicam perturbatur 44 N.*

XXXIII. Inueniantur duo numeri, quorum interuallicum & qui sit altero, in alteri multiplicato, exhibeant eos qui productum sunt numerosi. Necessè est autè quadruplum producti multiplicacione eorum cum quadrato interualli tantum, conficere quadratum. Quod & ipsam efficiam aliunde est. Sit interuallu 4. productus 20. Ponamus summam eorum 2 N, & cum interuallicum sit nobis dictum 4. erit maior 1 N + 2, minor 1 N — 2 manente & summa eorum 2 N, & interuallu 4. Resatur ut multiplicacione eorum productus 20. ut si pater 1 q — 4. hac equantur 20. si minus maior 2, minor 2. implicat postulatis quæstionis.

## SCHOLIUM.

Notas postea sequitur quæ bala. Cuius summa N + 2 ut N — 2, 1 q — 4 producti, sibi uti. 1 N ut 1 N, sicut 1 q ut 2, — 2, — 2 N sicut — 2 ut 1 N, 2 N producti, ut ut — 2, — 4. ut iam — 2 N abstrahitur 2 N sicut 1 q — 4, uti.

## XYLANDRI.

Certe limitacione hanc non modo experientia confirmat, sed & aliam demonstrare est una propofitio feruendo. Itaque quadratas qui sic consistat, semper est quadratu summa 125. numerorum. Noverit 1 & 2. interuallicum 12, productum 120. hoc quærit, 672, addit ut in quadratas interuallicis summa 124, ut uti 20, summa numerorum Noverit 12 & 27, producti 120. id quærit, 1002, addit 121, summa 1212, ut uti 11, summa numerorum. Ceterum quærit hoc extractionem. Danti producti quadruplica, addit quadratarum interuallu, restat summa quadratas summa numerorum manifestabit. Si 3 abstrahatur & altera interuallicum, summa summa & restat quadratas numerus, ut hinc 26 quadruplicata, ut 9, addit 18, quadratarum interuallu, summa 400, restat 392, ut 24, & 16 numeri. Ponamus interuallicum 12, productum 120. Hinc quadruplum 120, addit 124, quadratarum interuallu summa 244. Hic numerus si dividatur & ut uti erit numerus non datus sibi uti hinc quadratas. Id est 12. Algebraica operatio manifestabit, ubi restat duplantes est breuiter & sibi uti quom unq. 2. numeri 1 N + 2 & 1 N — 2, si 2 — 2 — 2 equale 200, hoc est 2 || 200, 2 120 ut uti 1 N, & numeri 2 120 2, ut 2 120 — 4 quorum interuallicum 12, productum ( sicut uti in residuum ) 200, summa 2 120, ut uti, hoc 2 120 2, ut uti 2 & — 2 si debent. Quod deinceps ostendit deus iustissimus qui præteream d. sollicitus.

XXXIV. Dantur duo numeri certa quadam ratione, ita ut eorum quadratorum summa ad numerorum summam eam tenet que postulat: rationem. Si maior numerus minoris triplex summa quadratorum ad ipsorum summam quincupla. Erto minor 1 N, maior ergo 1 N summa 4 N. Summa quadratorum 10 q, quin cuplam ad 4 N, ergo 10 N sequatur 10 q, sit 1 N, 2 & est minor 2, maior 2 ac postulatis quæstionis satisfaciens.

## SCHOLIUM.

Præ N. 2, si sic tentatur. Cum 10 q sequatur 20 N, comparat in ut uti ut 12 quadratu 2 N numeri. N. 10 est aut abstrahatur que 2 N postea, deinceps cum latus est 2, sicut nullus qui 2 N subit abstrahatur cum latus 2. Quærit enim N, quorum est 12 quadratas, ut uti ut uti sit ut uti ut uti ut uti. 120 ut uti ut uti. hoc peruenit ad demonstracionem illam ut uti sit ut uti ut uti. N. 10 ut uti ut uti quadratarum summa 10, quod est quinquuplum ad 2.

XXXV. Dantur duo numeri certa quadam ratione, ita ut summa quadratorum ab his eorum, ad ipsorum numerorum interuallicum eorum habeat rationem. Sum numerus maioris minoris triplex esse: ipsam autem quadratarum ad interuallicum summa minoris decupla. Si minor 1 N, maior erit 1 N. Summa quadratorum decupla esse debet ad interuallicum numerorum. Est autem illa 10 q, hoc 2 N, ergo distat hoc ut

d 2 decuplum.

decuplum. Ergo  $30$  quadrato  $20$   $N$ . Valere utiq; deinceps character,  $30$   $N$  aequalis  $20$ . Ergo minor  $1$ , maior  $4$ , & sic quod postulabatur.

## SCHOLIUM.

*Numeri  $4$  et  $3$  est triplex quadratus  $1$   $4$ ,  $9$ ,  $16$ , et  $3$  quadratus  $4$ , scilicet  $16$ , interstitium habet  $2$  et  $4$ , et  $4$ ,  $9$  inter hunc decuplum.*

XXXVI. Intercedunt duo numeri data rationis, ut intervalum quadratorum que ab eis sunt ad similitudinem numerorum certam habeat rationem. Ego minor minoris triplex intervalum quadratorum ab ipse certam scilicet summa summa numerorum. Scilicet minor  $N$  est maior  $1$   $N$ . Redat ut eorum quadratorum intervalum scilicet summa numerorum. Quadratorum intervalum est  $3$   $Q$ , remanentis summa  $4$   $N$ . Ergo  $3$   $Q$  scilicet summa sunt ad  $4$   $N$ . itaq;  $3$   $Q$   $N$  aequalis  $4$   $Q$  fit  $N$ , & sol utitur questio.

## SCHOLIUM.

*Triplex est  $3$  et  $4$  quadratus scilicet  $1$ , hunc quadratum  $3$   $2$  interstitium est  $12$  forma numerorum  $3$  et  $9$ .*

XXXVII. Intercedunt duo numeri data ratione, ut eorum quadratorum que ab eis sunt interualum ad intervalum ipsorum numerorum rationem habeat que petatur. Ego minor minoris triplex, que duntaxat intervalum ad numerorum intervalum duodecuple rationis. Statuamus minorem  $N$ , et maior  $1$   $N$ . Superest, ut eorum quadratorum intervalum ad numerorum intervalum sit duodecuplum. Atque hoc fit  $N$ , itud  $1$   $Q$ , itaq; hoc fit est duo decup  $16$  & proinde  $24$   $N$  aqua tuta  $Q$ . Sicq; ratio  $N$   $3$  & aperta est demonstratio. Similiter hoc ipse ratione invenitur duo numeris in eodem proposito, ut cum multiplicatione eorum pro ductus ad summam eorum rationem habeat prescriptam. Et certum duo numeri certa rationis, ut ex multiplicatione eorum productus ad ipsorum intervalum rationem eam habeat, que attenditur.

## SCHOLIUM.

*Numeri  $2$  triplex est  $3$ , et non septem numeris. Quadratus minoris  $3$ , quadrato minoris  $9$ , prodest numeris  $12$ , qui ad  $4$  est duodecuple. Facillime enim itud, facilitatem, sic habet. Et minor ad eorum triplex productus multiplicatur ad summa numerorum duplex scilicet quadrato. Et minor  $12$ , est minor  $3$   $Q$ , productus autem minor in eorum multiplicatio  $3$   $Q$ , hoc debet esse  $24$  summa est minor que est  $4$   $N$  itaq;  $3$   $N$   $12$   $Q$ , hoc quadratus  $4$   $N$   $2$   $Q$  aqua tuta  $3$   $Q$ , ergo  $12$   $Q$   $3$   $N$ , et  $12$   $N$   $3$   $Q$  itaq; minor numeris  $3$   $Q$  productus  $24$   $N$ , summa  $12$ , itud duplex  $24$  quadratus est  $24$ . Et certum minor numerorum triplex  $24$  productus est ipse quater certum  $24$   $Q$  intervalum, quod summa sunt certum numeris  $3$  et  $9$ . Attende enim triplex numeris prodest non respondit, que in multiplicatio minoris hoc demonstrat non possit, ut prius: sed duntaxat in multiplicatio septem particulatim.*

## XYLANDRI.

*Intercedunt duo numeri, quidem septem numeris data Diophanti esse indicavit patet quidem productus triplex et quadratus. Et ratio que quatuor desiderat duo propriis in problema  $24$ . Dantur duo in quatuordecim ratione numeri, quorum productus non ad summam fit decuplum. Et ergo sunt  $24$  et  $12$  non fit numerorum ratio  $3$ ; productus ad intervalum  $24$ . Erunt numeri  $12$  et  $3$  intervalum  $12$ , per  $2$ ; multiplicatio  $12$  certum fit ad  $12$  in  $12$  multiplicatio. Ad hoc formam operationem si sperat scribentem. In Graecis autem sic datur erat mensura rationem aut minor per  $12$  minor non hoc productus numeris minor, itud quadratum minoris, certum sed per  $2$  scribitur certum non facile expectatur.*

XXXVIII. Intercedunt duo numeri data rationis, ita ut minoris quadratus ad maiorem habeat que requiritur rationem. Statuamus maiorem minoris triplex quadratum minoris ad maiorem numerum esse rationis scilicet summa. Ego minoris est  $N$ , utiq; maior est  $1$   $N$ . Quadratum minoris  $Q$  debet scilicet summa esse ad numerum maiorem. Ergo  $Q$  scilicet summa est ad  $1$   $N$ , proinde  $12$   $N$  equa tuta  $Q$ , &  $N$  est minor scilicet  $12$ , maior  $14$ , qui scribitur in proposito.

## SCHOLIUM.

*Proinde  $12$   $N$ ,  $12$  est minor summa scilicet, equa tuta minor, non summa  $12$  sunt  $12$ , et  $Q$  est  $12$ , et  $1$   $Q$ , equa tuta numeris  $12$   $N$ . certum numeris minor equa tuta, certum est equales  $1$   $N$ . Ergo minor,*

*Ar. 1. ubi dicitur minor 3. 10. p. 14. 20. d. 1. 2. 3. 4. 5. quibus quatuor quadratis ad 34. potest inveniri.*

XXXIX. De duobus numeris rationis que imperatur, ut minoris quadratum ad ipsam minorem habeat eam que possetur rationem. Est minor minoris triplus: & quadratum minoris ad minorem, sexcuplus. Est rursus maior; M, minor; N, minor; N Minoris quadratus; Q, duplus debet esse summa, que est 4 N. proinde & N quadratus; Q & N est 8. minor; scilicet: ergo maior 24. h. solvunt questionem.

## S C H O L I O N.

*Maior est minor triplus quadratus minoris ad ipsam minorem sexcuplus et d.*

## X Y L A N D R I.

*Carens fabricari hinc est facilis, quoniam ut sic monstravit res posuit plura etiam exempla pariter sic Marti factum singet, que etiam de sequentibus velle accipi propositionibus.*

XI. Possunt duo numeri eam habentes rationem, ut minoris quadratus ad summam numerorum, datam rationem habeat. Est minor minoris triplus: & quadratus minoris ad summam numerorum duplus. Erunt demum maior; N, minor; N Minoris quadratus; Q, duplus debet esse summa, que est 4 N. proinde & N quadratus; Q & N est 8. minor; scilicet: ergo maior 24. h. solvunt questionem.

## S C H O L I O N.

*Maior est minor triplus et quadratus minoris duplus summa numerorum 24.*

XII. Invenit duo numeris eam rationem, quorum minoris quadratus ad maiorem intervallum sit in data ratione. Maior sit minoris triplus quadratus minoris ad numerorum intervallum rationem obtineat sexcuplus. Est minor; N, minor; N Minoris quadratus; Q, duplus debet esse summa, quod est 4 N, sit sexcuplus: ergo; Q sexcuplus ad 2 N, quadratus N, & N est 8, minor; maior 24. & satisfacti proposito.

## S C H O L I O N.

*Numeri 24 et 12 triplus maior minoris, ipsum intervallum 24. et 12. quadratus minoris, ad sexcuplus plus.*

XIII. Hinc rationibus invenitur duo numeri data ratione, ita ut maioris quadratus ad minorem numerum ea sit, que possetur ratione, rursusque duo numeri data ratione, ut quadratus maioris ad ipsam maiorem sit ea quam habet ratione. In duo numeri data ratione, ut maioris quadratus ad summam numerorum rationem obtineat datum denique duo numeri data ratione, ut maioris quadratus ad numerorum intervallum datam habeat rationem.

## S C H O L I O N.

*Prostat si apponit hinc pariter habet. Maior est minor triplus, quadratus minoris 24. et minoris sexcuplus, summa numerorum 24. et minoris triplus 6. quadratus minoris ad ipsum sexcuplus. Denique maior est minor triplus, quadratus minoris 24. et minoris triplus, summa numerorum, que est 12, sexcuplus. Denique maior est minor triplus, quadratus minoris 24. et intervallum numerorum sexcuplus.*

XIV. Datis duobus numeris, tertius est invenendus, ut de his potest tribus binis in unum constare, & in reliquum multiplicatis, tres producantur numeri, equalibus se incrementis superantes. Duo numeri sunt 3 & 5: que rursus tertius, ut deinde binis eo unius in reliquum multiplicati, producantur numerus quorum equalia sint intervalla. Qui quatuor, esto; N, is adiungas ad 3, sit; N + 3. sic deinde multiplicans in reliquum, qui est 5, facit; N + 15. Rursus; N & 5, sum; N + 5, quod in reliquum, puta 3 multiplicatum, facit; N + 15. Denique si coniungas N + 3 & 5, conficitur a. hic est N ductus, facit 5 N. Erunt vero; N + 15, non esse etiam productorum maximum, sequet. omnino enim cum superat hic, 3 N + 15. Ergo; N + 15 aut minimus est productorum, aut medius. ac 3 N + 15 aut maximus est productorum, aut medius. Maximus, medius, aut minimus esse potest 3 N: quia notandum constare quot numeris constent; N. Ponamus primo maximum esse; N + 15. minoris; N + 15, minoris est 3 N. Jam si tres numeri sint equalibus superant intervallis, duplum medii scilicet

d 3 communis

concordi maximus & minimus. Hæc uero summa æquationum est  $2N + 10$ , medius  
 2 N, ergo  $2N + 10$  æquatur  $N$  & fit  $N = 10$  unitatis, seu 1 & dodecim. Tertius est  
 qui quartus, & satisfaciunt postulatæ propoſiti. Jam uero si maximus maximus esse  
 $3N + 10$ , medius  $2N + 10$ , minimum  $2N$ . Atqui si tres numeri æquationis & interme-  
 lis sublegetur quæ uero superat maximus medius, ita & medius minimus. Sed  
 helementum super medius excessus est  $2N$  medi supra minimum. —  $1N$ , hæc  
 ergo sunt æquales, &  $1N$  est  $10$ , seu  $10$  unitatis est quartus, & quæſioni ſatisfaci-  
 t. Deniq; maximus ſextimus &  $N$  medius  $2N + 10$ , minimum  $1N + 10$ . Ratiis cum  
 æquationum summa ſit duplum medi;  $2N + 10$  æquatur  $10N + 10$ , &  $1N$  est  $10$ . Er-  
 go  $10$  est numerus qui quæſitur, & implet poſtulatæ.

## SOLUTION.

Variæ ſolucio-  
 nes, et hæc a-  
 quationes.

Triplex hæc æquationis propter  $1N$ , quæ cum uocatur duplicat quatuor ſi dicitur, & dicitur maximus,  
 minimus, et medius quæſiturus est poſtulatæ diuerſum et in ſingulis locis affigitur ſemel et dicitur, medius  
 in prima, minimus in ſecunda, maximum in tertia ſoluit. Hæc autem uocatur triplex quæſiturus. Cum  $1N$  erit  $10$   
 quatuor et  $10$  ſi de ſingulis obſeruetur ſoluitur, reliquæque  $1N$  erit  $10$  æquale. Tertio  $10$  per  $2$ , uocatur  $20$ ,  
 cui  $10$  etiam  $10$  in quatuor ſoluitur, ut uocatur ſit uocatur uocatur ſoluitur, ſunt  $10$ , et dicitur dicitur dicitur  
 partem,  $10$  integri. Cum ergo maximus ſit  $10N + 10$ , ſeu est  $110$ ; hæc in quatuor reſoluitur, ſunt  $110$ . Medius,  
 $2N$ , et  $20$ , reſoluitur in quatuor, ſit  $20$  uocatur, ratio uocatur,  $10$  uocatur et dicitur uocatur, ſoluitur  $10$ ,  
 in ſecunda dicitur uocatur, ſit  $10$  uocatur  $10$  dicitur de cauſa. Cum  $10$  —  $1N$  æquatur  $10$  et dicitur uocatur dicitur,  
 erit  $10$  æquale  $7N$ , et partem dicitur  $1N$  est  $10$ ,  $10$  uocatur, etiam  $10$  in ſingulis reſoluitur, et uocatur ſit dicitur  
 uocatur dicitur, ſit  $10$ . Maximum ergo erit  $110$ , et uocatur uocatur ſoluitur ſoluitur reſoluitur. Medius  $20$ ,  
 hæc est  $10$  ſoluitur. Maximum  $110$ , ſit  $10$  et  $10$  ſoluitur. In tertia  $1N$  est  $10$ . Nam cum  $1N$   $10$   $10$  æquatur  
 $10N$ , medius dicitur æquale,  $1N$  ſit  $10$  et dicitur uocatur ſoluitur.

## XYLANDER.

Nam maximum ſit  $10N$ , medius  $10$ , minimum ſit. De cauſa ſoluitur in integris uocatur ſoluitur  
 maximum. Ceterum hæc quæſiturus triplex ſoluitur, ut uocatur alia uocatur de cauſa est, quod uocatur  
 uocatur uocatur et, quæ uocatur uocatur, uocatur  $10$ , et minor dicitur dicitur, et uocatur medius  
 hæc  $10$  uocatur uocatur dicitur, ita uocatur uocatur et uocatur. In uocatur quæ uocatur uocatur alia,  
 in uocatur uocatur. De uocatur uocatur uocatur uocatur, uocatur  
 uocatur uocatur, uocatur uocatur uocatur uocatur.



# DIOPHANTI RERVM ARITHMETI

CARVM LIBER SECVNDVS.

*Collectio problematum interposita*

**D**entur duo numeri, quorum summa ad summam quadratorum ab ipsis pectens. Propositi  
 totum habeat eam que poscitur rationem. Sit quadratorum summa  $a$  ad numerum summam decupla. Steturus minor  $N$ , maior  $M$  summa  $S$ . Quadratorum summa  $Q$ . Horum decima pars sunt  $N$ , ergo  $10N$  sequantur  $Q$ . Sit  $M$ , & minor quadratorum minor  $n$  hinc possetur facti fierent.

II. Intervallum sunt duo numeri, quorum intervallo ad quadratorum intervallo ab ipsis octorum sit in ea que prescribitur ratione. Sit numerorum intervallo decima intervallo quadratorum. Ponemus minorem  $N$ , maiorem  $M$  intervallo numerorum  $M$ , quadratorum  $Q$ . Ergo  $M$  decima est de  $Q$ . Itaque  $M$  sequantur  $Q$ . &  $M$  sit  $a$ , ergo minor est  $\frac{1}{10}a$ , maior  $\frac{4}{10}a$ . & facti sunt quod iubentur.

III. Dentur duo numeri, ut ex multiplicata eide alterutro in altero productus ad summam vel intervallo numerorum habeat rationem que prescribitur. Elio productus summe sexcuplus. Ponamus eos qui queruntur  $M$  &  $N$ . Carumque possumus etiam in quibus data proportionis partem productus  $Q$  summa utriusque  $M$ . Ergo  $Q$  sexcuplus sume ad  $M$  sit  $6M$ , &  $N$  sequantur  $Q$  deprimantur nota unitate, et aequabuntur  $M$ . Ergo  $N$  duo ergo quilibet numeri, & insufficiens postulat,  $9$  &  $25$ . Quod si productus intervallo sexcuplus esse prescribitur, tunc rursus productus  $Q$  intervallo  $M$ , &  $6M$  aequalis  $Q$ , &  $M$   $3$ . Ergo  $3$  &  $6$  numeri sunt qui queruntur.

IV. Postulantur duo numeri, quorum intervallo ad summam ab ipsis octorum quadratorum sit que prescribitur ratio. Elio summa quadratorum ad intervallo numerorum decupla. Steturus alterum  $N$ , alterum  $M$  summa quadratorum  $Q$ . Intervallo  $M$ . Oportet  $Q$  decuplum esse ad  $M$ , ergo  $10M$  sequantur  $Q$ . Est  $M$   $3$ , & quilibet sunt  $3$  &  $4$ .

V. Ponantur duo numeri ea conditione, ut quis dretori ex ipsis nato intervallo ad summam numerorum ea sit, que prescribitur, ratio. Sit intervallo quadratorum ad summam numerorum sexcuplus. Restum quilibet ponantur  $M$  &  $N$ . Quadratorum intervallo  $Q$ . Summa numerorum  $S$ . Oportet  $Q$  esse sexcuplum ad  $M$ , ergo  $6M$  sequantur  $Q$ . Sit  $M$   $25$ , alter  $16$ . Ficti sunt quod demonstrato.

## SCHOLION.

Quis he quadratorum summe ratio est eam que prescribitur, ratio sit illi colorum triplici supra prima summe ad summam  $9$ , &  $25$  sum  $34$ , &  $34$  est  $17$  non duplo quarta cum sum  $34$  quibus  $17$ . Sic est he data proportio sum in illa data, quod hoc quadratorum productum ratio minorum qui queruntur quod he sequantur  $3$  &  $4$  est he summa  $7$  &  $25$  sum  $32$  &  $32$  est  $16$  non triplici quarta.

## SYLLOGISMA.

Letis ergo patet he questio, & quae in numeris adnotat solvuntur in tertio questione ante non desinat. Et de his characteribus accedat, & ipsorum adnotat. Scilicet factio est he ratiore, si et infra reperitur hoc opera. Sed adnotat, super intervallo summe, non nota. Quae ratio est ad summam sit ad notat, accedat infra factio est adnotat.

VI. Querantur duo numeri, duo eorum intervallo, quorum quilibet quod habet intervallo, super eorum numerorum intervallo quilo pedalar eorum eorum. Oportet ad intervallo numerorum quadrati minor est summa que colligitur ex ipso hoc intervallo, & numerum possit. Elio numerorum intervallo  $a$ , & numerum quo quadratorum intervallo intervallo numerorum prescribitur, ad summam  $M$ , maioris  $M$   $1$ , manifeste intervallo  $1$ . Quadratorum intervallo  $4$   $M$   $4$ . ite, hoc eo est ultra intervallo  $1$ , ergo equalis  $4$   $M$   $4$ , &  $16$ , & sit  $M$   $\frac{1}{4}$  minor quilibet maior  $\frac{3}{4}$ , & facti sunt quod notati,  $1$  &  $16$ . Habet si duo numerum, ea lege, ut intervallo quadratorum ab ipsis pectens, posset intervallo numerorum eorum eo que ratione intervallo est, & insup dato numero. Ponamus intervallo ratione est triplici, ac pectens habet  $10$ . Hoc eo





et incedens, cum post quadratum  $d$ , pariter et accedens hoc, ad hunc angulum in die enim  
 fit istud quadratum.

$$\begin{array}{r}
 d \quad \overline{N} \quad \text{---} \quad d \\
 2 \quad \overline{N} \quad \text{---} \quad d \\
 \hline
 \text{---} \quad N \quad + \quad d \\
 2 \quad \overline{N} \quad \text{---} \quad d \\
 \hline
 + \quad 2 \quad \text{---} \quad d \quad N \quad + \quad d
 \end{array}$$

Et sic demum coherens qua de aequatione scribitur. Nam cum hinc quadrato aequatur  
 $2d$  —  $2$  additis utriusq;  $2d$  fit  $2d$  —  $2$   $N$  +  $d$  ||  $d$ . Et rursus additis utriusq;  $d$   $N$   
 fit  $2d$  +  $d$  ||  $d$  +  $d$   $N$  +  $d$  ||  $d$  +  $d$   $N$  +  $d$  ||  $d$ . Incho-  
 ualiter hinc dicitur, hinc  $N$  fit  $d$ . In posterore propositione ad eandem rem fit. Interpres per-  
 re sita accuratè expofuit rem, est rursus plerumque modo dicitur scribere quæstiones post. Scri-  
 ptis conductis hoc profertur ad demonstrandum (quis accit) pæmterea innotationem, quod  
 scribitur quadrato remanente, quadratum constituitur: Et eorum sum fit in arithmetica & ge-  
 ometria. Sed de scribitur numeris: Explorare interpretationem est. Quod ut quadratum  
 dicitur in  $2$ , dicitur in  $2$ , dicitur in quatuor dicitur quadratum: Et fit accipiendum, non profertur, quod  
 ipse in quatuor dicitur quadratum, 22, utcumque in duos dicitur parit, fit & 144. Et dicitur eorum  
 non scribitur, utriusque rursus hoc dicitur labor. Omnia quadrata numeris proxima dicitur  
 quadratum duplo radice hinc & unitate superat. Constat enim e-

De quadrato-  
 rum notatio-  
 ne & compo-  
 sitione.

1 1 — 1  
 2 4 — 2  
 3 9 — 3  
 4 16 — 4  
 5 25 — 5  
 6 36 — 6  
 7 49 — 7  
 8 64 — 8  
 9 81 — 9  
 10 100 — 10  
 11 121 — 11  
 12 144 — 12  
 13 169 — 13  
 14 196 — 14  
 15 225 — 15  
 16 256 — 16  
 17 289 — 17  
 18 324 — 18  
 19 361 — 19  
 20 400 — 20  
 Impar. Quæ- Radice  
 rit 2. dicit. etc.  
 pofit.

nam quadratum colligitur progressione numerorum imperfectionem ut-  
 ratur. Sic 16 ad quadratum de 7 (49) additum, 64 facit, quadratum est  
 numerus 1. Et hoc 22 plus uno, ad 23, ad quadratum numerus 22, scribitur  
 144, additum, quadratum proximi numeri numerus, 25, numerus 29  
 constituit. Et uti nota, quadratum de 10 est 100, duplum 25, est 25, inde  
 aufer 25, et 75, quod de 25 detrahitur, reliquum 50, proximi nu-  
 meri numerus, qui est 24, quadratum. Reliqua igitur scribitur semper e-  
 rit quadratum summae imperfectionem imperfectionem progressio-  
 nis semper fit, additur et impar, qui duplus est radice cum & 1 amplius,  
 ut hinc proximi numerus quadratum quadratum de subtrahitur utelle  
 gerere præparat est. Sic cum vellem cum nam quadrati numerus qua-  
 dratum aliquot profertur ita possent colligi, ut quadratum fiat qui colligitur.  
 Summa quadratorum aut parit, aut impar. In hoc, autem cum et  
 ad hunc, reliqua scribitur quadrata addit ista quadrata, habebit alia,  
 scribitur proximi numerus. Sic quadrata 25 & 196, quarum summa, cum  
 additur, quadratum constituit. Summa daturam 277, uno dicitur, 276,  
 scribitur 276, hinc quadratum 276 + 277, fit 276 + 276 quadratum, et  
 dicitur 276, est compositionem numerus. Sic 2, 4, 9, 16, 25, summa cum constituit  
 25, et hinc quadratum numerus ad 25, qui est quadratum latera 25, ad-  
 dicitur, fit quadratum 25 proximi numerus, radice numerum 25.  
 In summa cum par hinc cum scribitur par. Aufer ab hoc 2, reliqua  
 scribitur quadrata fit addit profertur, quadratum habebit numerus  
 hinc scribitur hinc accedens. Quadrata fit & 16, summa 20, scribitur 20, uno dicitur 25.  
 Hinc aufer 2, reliquum 22, scribitur 22, hinc quadratum 22 + 2, fit 22 + 2, habebit 24,  
 quadratum numerus 24, qui 22 dicitur hinc, in. In sum, quadratum fit 2, 16, 25, 64, summa 22,  
 scribitur 22, aufer 2, fit numerus reliqua fit scribitur 24. Hinc quadratum 24, hinc addit ista  
 quadratum numerus, fit summa eorum 220, habet quadratum 220, cum radice 22, 2 am-  
 plius quàm 25. At si par summa scribitur impar, dicitur res habebit. Nam cum  
 nisi additur, aut (si id velis) scribitur illi quadrati alij quadrati additur in nu-  
 mero unquam. Et notatum summa affertur: quadratum numerus unquam, quàm est summa  
 scribitur numerus, nota est summa fit ad hunc quadratum erit ista scribitur. Sic summa  
 quadratum unquam, quàm est scribitur, numerus numerus, hoc scribitur additur quadratum cum ista  
 scribitur.

semifunctio. Quadrati 4. 16. 25. 36. 49. Summa 120. semifunctio comp. 21. Quadrati de 22. cap. 6. latus si addit 127. habebit quadratum 2281. cuius radix 47. Si quadrato 225. cuius radix 15. addamus 127. restat habebit quadratum semifunctio. Atque hoc hic habet ratio. reliqua modo usque ad unumquemque habentur & dantur in 2281. Latus illa multiplicatum in partes diversarum duntaxat in rationem diversis. que Græci vocantur. & quæ de ab interpretari præponitur 1/2. 1/3. ut habet de quod natura. et æquationem abicitur 225. & multo simplicior est. abicitur natura accommodatæ duntaxat 1/2. quod restat factum est. & contra deprehenditur usque casus in Problemate atque natura 1/2. si fuerit sic habet. Et in hac ipsa præpositione fibrosius capiti per 1/2. postea sine more 2 1/2. 1/3. que eorum est portio est. aut quod comprehendimus. partes tam subtergere que amplius nota sunt natura 1/2. quidem est 1/2. facti 1/2. quod est totum & cum partem 1/2. Partes que sunt in secundis habebit idem præpositionem quæram & sequitur am cognoverit: nam si facile intelligitur. verum non est. quod duo numeri contrarii in eorum summa constant. quomodo si latus quadratorum uterque in eorum casus eorum. non eorum nisi mirum hoc non est. sed fieri dicit non quod est eorum complementum a latus de præter duo est quadrata requiritur ad constructionem quadratorum latus ut utrumque latus completa. Quod in gratiam redactionem eorum etiam habetur. A B ut 4. N. 2. harum quadrata A B D B ut. & E F H G per quæ diametrorum usque A E G. ut rationem uterque præstat. Quadratorum summa 25. At tota A C est 7. & quadratum cum A C G K. ut solent mater quomodo 25. quibus est que ad complementum 156m casus desiderant ultra 25. duo complementum B C F E & D H K. utrumque 12 & 24 demum utrumque 25. quadratum totum A C constructum. Cetera facta ut utrumque fibrosius de secundo questione constructione de latus quadrata recti existantur. Præter 1/2. ut utrumque 12 1/2. ut utrumque in Græci et multat ut utrumque latus eorum casus explicationem. Ceterum fundamentum 120 est præpositum & si que abicitur dicit fibrosius. et complementum tractum casus.

Multiplicem  
Compositam  
divisibilem.



x. Rationem quatuordecim numerus 16 dividendus sit in duos quadratos numeros. Ebo latus obtusius 1 N aliter quatuordecim Numerorum. dem de tot unitaribus quot unitaribus tantu dividendi constat. et efficitur N = 4. Erunt quadrati 1 Q<sub>1</sub> & 4 Q<sub>2</sub> 16 = 16 N. Horum quadratorum summam oportet esse 16. Ergo 1 Q<sub>1</sub> 16 = 16 N sequatur 16. sit 1 N. Ergo propositus erit 4. ut quadratus 16. posterius latus 4. ut quadratus 16. & constat de monstratio.

XYLANDRI.

Ad hoc nihil extra casus fibrosius. sicut eodem problema paululum modo innotuit operative ut tractetur. casus autem exemplis super eorum fieri tractatorem. Facit autem ad explicationem ut factibus sequatur. Vide usque usque lib. 4. præposit. 22 & 23. Atque exemplum subtergere latus. Numerus 174 quadratus est. & 12 duntaxat quibus constat. facti quæ uterque dividendi 11. facti 1 2 & 174 = 12. Si latus per eorum latus 2 N. ut 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18. 19. 20. 21. 22. 23. 24. 25. 26. 27. 28. 29. 30. 31. 32. 33. 34. 35. 36. 37. 38. 39. 40. 41. 42. 43. 44. 45. 46. 47. 48. 49. 50. 51. 52. 53. 54. 55. 56. 57. 58. 59. 60. 61. 62. 63. 64. 65. 66. 67. 68. 69. 70. 71. 72. 73. 74. 75. 76. 77. 78. 79. 80. 81. 82. 83. 84. 85. 86. 87. 88. 89. 90. 91. 92. 93. 94. 95. 96. 97. 98. 99. 100. 101. 102. 103. 104. 105. 106. 107. 108. 109. 110. 111. 112. 113. 114. 115. 116. 117. 118. 119. 120. 121. 122. 123. 124. 125. 126. 127. 128. 129. 130. 131. 132. 133. 134. 135. 136. 137. 138. 139. 140. 141. 142. 143. 144. 145. 146. 147. 148. 149. 150. 151. 152. 153. 154. 155. 156. 157. 158. 159. 160. 161. 162. 163. 164. 165. 166. 167. 168. 169. 170. 171. 172. 173. 174. 175. 176. 177. 178. 179. 180. 181. 182. 183. 184. 185. 186. 187. 188. 189. 190. 191. 192. 193. 194. 195. 196. 197. 198. 199. 200. 201. 202. 203. 204. 205. 206. 207. 208. 209. 210. 211. 212. 213. 214. 215. 216. 217. 218. 219. 220. 221. 222. 223. 224. 225. 226. 227. 228. 229. 230. 231. 232. 233. 234. 235. 236. 237. 238. 239. 240. 241. 242. 243. 244. 245. 246. 247. 248. 249. 250. 251. 252. 253. 254. 255. 256. 257. 258. 259. 260. 261. 262. 263. 264. 265. 266. 267. 268. 269. 270. 271. 272. 273. 274. 275. 276. 277. 278. 279. 280. 281. 282. 283. 284. 285. 286. 287. 288. 289. 290. 291. 292. 293. 294. 295. 296. 297. 298. 299. 300. 301. 302. 303. 304. 305. 306. 307. 308. 309. 310. 311. 312. 313. 314. 315. 316. 317. 318. 319. 320. 321. 322. 323. 324. 325. 326. 327. 328. 329. 330. 331. 332. 333. 334. 335. 336. 337. 338. 339. 340. 341. 342. 343. 344. 345. 346. 347. 348. 349. 350. 351. 352. 353. 354. 355. 356. 357. 358. 359. 360. 361. 362. 363. 364. 365. 366. 367. 368. 369. 370. 371. 372. 373. 374. 375. 376. 377. 378. 379. 380. 381. 382. 383. 384. 385. 386. 387. 388. 389. 390. 391. 392. 393. 394. 395. 396. 397. 398. 399. 400. 401. 402. 403. 404. 405. 406. 407. 408. 409. 410. 411. 412. 413. 414. 415. 416. 417. 418. 419. 420. 421. 422. 423. 424. 425. 426. 427. 428. 429. 430. 431. 432. 433. 434. 435. 436. 437. 438. 439. 440. 441. 442. 443. 444. 445. 446. 447. 448. 449. 450. 451. 452. 453. 454. 455. 456. 457. 458. 459. 460. 461. 462. 463. 464. 465. 466. 467. 468. 469. 470. 471. 472. 473. 474. 475. 476. 477. 478. 479. 480. 481. 482. 483. 484. 485. 486. 487. 488. 489. 490. 491. 492. 493. 494. 495. 496. 497. 498. 499. 500. 501. 502. 503. 504. 505. 506. 507. 508. 509. 510. 511. 512. 513. 514. 515. 516. 517. 518. 519. 520. 521. 522. 523. 524. 525. 526. 527. 528. 529. 530. 531. 532. 533. 534. 535. 536. 537. 538. 539. 540. 541. 542. 543. 544. 545. 546. 547. 548. 549. 550. 551. 552. 553. 554. 555. 556. 557. 558. 559. 560. 561. 562. 563. 564. 565. 566. 567. 568. 569. 570. 571. 572. 573. 574. 575. 576. 577. 578. 579. 580. 581. 582. 583. 584. 585. 586. 587. 588. 589. 590. 591. 592. 593. 594. 595. 596. 597. 598. 599. 600. 601. 602. 603. 604. 605. 606. 607. 608. 609. 610. 611. 612. 613. 614. 615. 616. 617. 618. 619. 620. 621. 622. 623. 624. 625. 626. 627. 628. 629. 630. 631. 632. 633. 634. 635. 636. 637. 638. 639. 640. 641. 642. 643. 644. 645. 646. 647. 648. 649. 650. 651. 652. 653. 654. 655. 656. 657. 658. 659. 660. 661. 662. 663. 664. 665. 666. 667. 668. 669. 670. 671. 672. 673. 674. 675. 676. 677. 678. 679. 680. 681. 682. 683. 684. 685. 686. 687. 688. 689. 690. 691. 692. 693. 694. 695. 696. 697. 698. 699. 700. 701. 702. 703. 704. 705. 706. 707. 708. 709. 710. 711. 712. 713. 714. 715. 716. 717. 718. 719. 720. 721. 722. 723. 724. 725. 726. 727. 728. 729. 730. 731. 732. 733. 734. 735. 736. 737. 738. 739. 740. 741. 742. 743. 744. 745. 746. 747. 748. 749. 750. 751. 752. 753. 754. 755. 756. 757. 758. 759. 760. 761. 762. 763. 764. 765. 766. 767. 768. 769. 770. 771. 772. 773. 774. 775. 776. 777. 778. 779. 780. 781. 782. 783. 784. 785. 786. 787. 788. 789. 790. 791. 792. 793. 794. 795. 796. 797. 798. 799. 800. 801. 802. 803. 804. 805. 806. 807. 808. 809. 810. 811. 812. 813. 814. 815. 816. 817. 818. 819. 820. 821. 822. 823. 824. 825. 826. 827. 828. 829. 830. 831. 832. 833. 834. 835. 836. 837. 838. 839. 840. 841. 842. 843. 844. 845. 846. 847. 848. 849. 850. 851. 852. 853. 854. 855. 856. 857. 858. 859. 860. 861. 862. 863. 864. 865. 866. 867. 868. 869. 870. 871. 872. 873. 874. 875. 876. 877. 878. 879. 880. 881. 882. 883. 884. 885. 886. 887. 888. 889. 890. 891. 892. 893. 894. 895. 896. 897. 898. 899. 900. 901. 902. 903. 904. 905. 906. 907. 908. 909. 910. 911. 912. 913. 914. 915. 916. 917. 918. 919. 920. 921. 922. 923. 924. 925. 926. 927. 928. 929. 930. 931. 932. 933. 934. 935. 936. 937. 938. 939. 940. 941. 942. 943. 944. 945. 946. 947. 948. 949. 950. 951. 952. 953. 954. 955. 956. 957. 958. 959. 960. 961. 962. 963. 964. 965. 966. 967. 968. 969. 970. 971. 972. 973. 974. 975. 976. 977. 978. 979. 980. 981. 982. 983. 984. 985. 986. 987. 988. 989. 990. 991. 992. 993. 994. 995. 996. 997. 998. 999. 1000.

x. Datum numerum. qui est ex duob. compositis quadratis. in duos alios quadratos numeros partiti. Numerus 12 constructus est quadratis duob. 4 & 8. deinde in alios ed quadratos dividit. Latus prior est quadratorum summa 12 & 1. Notat quæ quadratorum.





siuon alio est, sicutis altero exemplo de non sit quadratus numerus, ergo huiusmodi sit de  
 siuon. utrumque exemplum. Et ponemus intervallum debere esse 11. Et sit latera 10, et 1  
 10; 11, sicut quadratus 11. Ergo 10 11 11. Intervallum est 10; 11 || 11. Ergo 11 11 quadratus  
 numerus. In altero pariter exemplo si minus latera posuerimus 1 10; 11, invenit fuisse equate 10  
 11 11 || 10 11 est 11 11 || 11. quod etiam observandum prout erit futurum. Et si posuerit alter  
 latera 1 11 11, sicutis intervallum numerus sibi exhibebitur, erat enim quadratus intervallum  
 1 11 11 || 10 11 11 11. Latera itaque 10 11 11 et 10 quorum quadratus 100 et 11 11 numerus different  
 numerus 11. Curvum huiusmodi extra. Adhuc possumus pariter negare, si intervallum quod ad illud  
 debet inveniri sit semper, et quibus hanc rite curvum deprehensum.

CANON. Ad intervallum quadratorum dato si subtrahere, si impare est, reliqui semis  
 sit quadratus alter est eorum qui queruntur: aliter sit intervallum ad hunc additio.

Dentur circa quadrati, quorum intervallum 17. latera 1, residui semis 11. quadrati 104,  
 alibi 17 sit 11. alter quadratus, cuius latera 1, 11 per se intervallum numerus, et semis pariter  
 huiusmodi hoc intervallum, residui impare respondens; in ordine quadrati est alter eorum  
 qui queruntur, aliter si intervallum numerus additio. Ita in proposito, intervallum 17, semis 11.  
 quadratus impare 17 in ordine quadratorum super exposte respondens, ad illud cum in casibus  
 proxime notatis qui facit, est 17 11. Ergo aliter 17 11. Quomodo invenitur quadratus impare in  
 seve respondens, et super dictis et ipsa seve exposte liquet. Intervallum autem dato, cubus semis  
 sit sit videtur, et aliter recurrendum est. Et in utroque numero sicut non invenitur, neque  
 invenitur subtrahi: atque cum invenitur numerus quadratus satisfaciunt. Quadratus duo  
 numerus quadratus, intervallum 11, sit latera 1 11 et 1 11 11. Quadratus 11 11 11 11 11 11 11 11  
 11 11 11 || 11. hoc est 11 11 equatur 11 facit 11. Latera itaque 11 11 11. Quadratus 11 11  
 11, intervallum 11, ad est 11. Quod si alterum latera posuerimus 11 11, equate fuisse 1 11 11  
 11 || 11 11 est 1 11 || 11. Ergo 1 11 11, alterum latera et alterum 11 quadratus 11 11 11 11  
 intervallum 11, ad est 11. Et si sicutis intervallum invenitur, et ex postore prout notatis videtur,  
 est cum sicut in duo. quadrati enim quod situm latera est 11 11 et 11, sicutis alterum laterum po  
 fuisse 11 11 11, et equate fuisse 1 11 11 || 11. hoc est 1 11 11 || 11. et latera mixta 11 11, in duo  
 11. Sed hoc cum area sit liquet, hoc tam observando, hoc operando dicitur in mente, et inven  
 tione quod notatis est: Et ad hoc prout altera latera super dictis notatis, different numerus, et hoc  
 huiusmodi possumus, aliter ad eum nihil refero. Et cum vide hanc propositionem sit 17. propositum, et 11.  
 et latera proposita.

XII. Datis duobus numeris, unum eum demens, numerum addere, itaque utrumque  
 quadratum efficiat. Sunt numerus 1 & 2, et qui addendus est N. Erat ergo alteri N 1 2,  
 alteri N 1, uterque equale quadrato numero alio. Hoc genus vocatur duplica  
 2. quadrata. equate autem sic. Intervallum constructo, quare duos numeros quorum  
 unum in alterum multiplicatio istud intervallum producat. Sunt autem huius 1 & 2  
 horum vel intervallum semis in se ductus minor equatur, vel summa semis in se  
 ductus equatur minori. Semis in se ipsum, facit 1/4, huius equatur minor  
 1 N 1. Sit N, 1/4. Summa semis in se, est 1/4, huius equatur minor N 1 1/4. si que  
 sum numerus 1/4, ergo numerus qui additur est 1/4 & manifestum propositum. Ne autem  
 in hanc duplicem equatorem includamus, sic ageat nunc. Inveniendus est num  
 erus qui 1 & 2, & 2, addit, quadratum facit utrumque. Quomodo prius nume  
 rus, qui ad 2 additur, quadratum facit, aut quis numerus assumpto 1 hoc qua  
 dratum. Id autem querimus dicit quadratum, a quo 1 aut 2 subtraheris. Agamus de 1.  
 in subtrahit ab 1 Q, superest 1 Q — 1 est quod videtur, huius ad addendum 1 fore qua  
 dratum, restat ut eorum 1 additio sit quadratum, at 1 ad 1 Q — 1 additio, sit 1 Q 1, hoc  
 ergo equatur quadrato. Hoc quadratum si ergo ab 1 N — 1 sit unum minus, et subtra  
 hit quadratum eorum superest ipsa ante postea de seclus unitate, ut huius sit 1. Sic a  
 nim rursus ab utraque parte una species est speciei equale relinqueris. Si sit  
 1 N — 1. Ergo quadratum 1 Q 1 10 — 1 N. equatur utrumque hoc 1 Q 1 additio ut  
 ri que de seclus 1 & unitate equalibus, 1 N equatur utrumque, & sit 1 N 1/4, ergo huius  
 praeter propositum per eorum, numerus qui datorum utriusque additur cum facit qua  
 dratum, est 1/4.

SCHOLIUM.



## S C H O L I O N.

Hoc genus vocatur duplicita equalitas. Numerus nullius quadratus simplex fit quadratus, per quem Numerus quadratus numerus dicitur, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus. Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus. Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus.

Si numerus sit quadratus, numerus numerus fit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus. Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus. Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus.

Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus. Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus. Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus.

Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus. Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus. Numerus numerus fit quadratus, si numerus sit quadratus, ut si sit  $16$  quadratus simplex fit quadratus, quod etiam dicitur numerus quadratus.

Si numerus  
quadratus

## XYLANDRI.

Exemplum est hoc quod est quadratum cum cubo etiam cum cubo numerus est Diophantus in problemis et per se ipsum interpretatur, sicut etiam in verbis istis videtur et dependet ex eo esse non contrarium ad hunc finem, quod quidam per se interpretantur, et quod ex eorum verbis videtur videtur propositum. Ceterum in numeris istis hoc exemplum non est et potest esse quod est  $12$  et  $12$ , quod numerus dicitur, quod numerus est, quod numerus est et est effectus. Habet etiam hunc numerum potest ad exemplum videlicet quod videlicet videlicet potest, ut et dicitur ad hunc finem, quod numerus est, quod numerus est, quod numerus est, quod numerus est.

C. I. multiplicatio





drates. si nimirum est quadratus aliquis, si ei additur & altitum ergo in quem no-  
 lumus, est:  $Q + 4$ . nam hinc ablati 4, relinquatur:  $Q$ . Necessario autem erunt  
 7 drates de  $Q + 4$  & relinquatur quadrata. at relinquatur:  $Q - 1$ : quod ex-  
 querat illic quadrato. Ergo una quadratum ablati:  $N - 2$ . is est:  $Q + 4 - 2 = N$ , qui equatur:  $Q - 2$ . sic:  $N + 2$ . Ergo is quem querebamus, est  $\frac{1}{2}N$ :  
 & satisfaciit proposito.

S C H O L I O N.

Ratio est hinc, que fuit ductibus propositionis methodus. Ceterum  $\frac{1}{2}N$ , numerus à quo subtrahi dicitur  
 2, reliquatur utrumque quadratum, sic numerus:  $N - 7$  non ablati superior est:  $N - 6$ . Hoc in-  
 tervallum si numerus in altero multiplicatum, ut dicta propositione est explicatum, numerus habet  $2 + 7 = \frac{1}{2}$ . hoc id  
 intervallum  $\frac{1}{2}$  fuisse hinc  $\frac{1}{2}$  quadratum  $\frac{1}{4}$  ex parte minoris habet:  $N - 6$ . Item eorum  $\frac{1}{2}$  fuisse  $\frac{1}{4}$  hoc  
 hoc quadratum  $\frac{1}{4}$  equatur autem, qui est:  $N - 6$ . Quod si iterum in subtrahendo parte minoris subtrahat:  $\frac{1}{4}$  ad  
 $\frac{1}{4}$  ad hunc defertur & unitatem, fuit:  $\frac{1}{4}$ . unde si subtrahat  $\frac{1}{4}$  relinquatur  $\frac{1}{4}$  numerus quadratus. si vero  
 ad  $\frac{1}{2}$  ad hunc defertur & unitatem, sursum fuit:  $\frac{1}{2}$  unde si subtrahat  $\frac{1}{2}$  relinquatur  $\frac{1}{2}$  quadratum. In ergo ma-  
 ior est numerus  $1 + 1$ , non id id dicitur:  $1 + 1$ , reliquatur 2 quadratum. si 2, superius 2 quadratum est. Item  
 eorum autem qui sunt multiplicatione & consequenti, fuit hinc  $2 + 7 = 9$  non (ut in subtrahendo)  $4 + 7 = 11$  non est  $\frac{1}{2}$ , et  
 demum maius est ut procedat numerus autem non potest demonstrare unde quare si fuerit:  $\frac{1}{2}$  possit numerus  
 esse & consequenti ut exisset: supra & dicitur non potest. Porro inquit si & aliter dicitur quadratum reliquatur  
 reliquatur sursum faceret quadratum. si de hoc sumas sic aliter. Atque uterque est per totum de:  $Q + 4$  si subtra-  
 ham 7, reliquatur quadratum, reliquatur autem:  $Q - 2$ . quod equatur esse quadratum. Item ergo:  $1 + 1$  fuit  
 $2 + 1 = 3$ , que propositio de unitate si quadrato:  $Q + 4 - 4 = N$ , qui equatur:  $Q - 2$ .  
 addit utrumque fuit:  $Q + 4$  equale:  $Q + 4$  de dicitur utrum, equale:  $4$  equatur  $4$  de, si:  $N + 2$   
 et:  $Q + 4$ . et quem querebamus  $\frac{1}{2}N$  non si est  $1 + 1$  subtrahat 2, reliquatur quadratum  $1 + 1$  non est  $1 + 1$ , si:  $Q + 4$ , subtrahat 7, ut sit superius:  $4$  sic  $1 + 1$ , reliquatur quadratum.

X Y L A N D R I.

Item hoc in integritate patuit propositi. Dicitur numerus à quo si 24, et 12 auferat, reliqui sint  
 quadrati. is numerus invenitur 12. In Diophanto  $\frac{1}{2}N$  quare erat:  $N + 4$  et:  $N + 2$  ad quem  
 si 4 addit, subtrahit  $\frac{1}{2}N$  fuit  $\frac{1}{2}N$ . Atque duplicem subtrahit rationem propositi, non invenitur  
 additurum, in quo numerus hinc constanti canonice ad ductum est propositi. Quare ut  
 numerus, à quo si 4 et:  $1 + 1$  subtrahat, reliquatur duo quadrati.

C A N O N. Intervallum numerorum multiplicatione sua alterius in alterum  
 numeros coefficienter quare, horum numerorum sumam semel sumam, semel sumam item  
 laterali ipsorum, utrumque in se multiplica. Minus quadratum maiori ditorum,  
 minus minor ad dicit, seu eius constituta.

Hinc intervallum est 4, quod componitur in 2, ut 4 in 2, per 2 in 2, sed priores hinc rem ad  
 expeditur, quod expeditur fuit. Ceterum 4 et 12, fuit 14, fuit 7, quadratus 49. hinc  
 addit minus de 2, non, ut parte minoris, et quadratum fuisse summa, invenitur 24, non, hinc  
 quadratum. Eandem invenitur, si fuisse intervallum inter 12 et 2, ut per 2, in si decem, et qua-  
 dratum 25, minoris 25 ad dicitur. Per Algebraicam sic. Invenitur quadratum esse:  $2 + 2$ . non in-  
 tique quadratum est si 4, abigitur:  $1 + 1$  et:  $1 + 1$ , restat:  $2 - 2 = 0$ . equale quadratum. Le-  
 tur hinc fuit:  $2 + 1 = 3$  quare que unit estibus, non utrobique:  $2 + 1$  abigitur, et  $2 + 1$  equa-  
 tur hinc unitate superius, quod est operatione antea dicitur. Sic:  $2 + 1 = 2$ . quadratum  
 $2 + 4 = 6$ . equatur  $N + 4$  et:  $1 + 1$ , si:  $1 + 1$ ,  $2 + 1$ , ergo fuit  $4 + 1 = 5$ , hinc est per 2. In  
 hinc restat:  $2 + 1 = 3$ , invenitur quadratum 49, qui est:  $7 + 7$  et:  $1 + 1$  abigitur, ab satisfaciunt qua-  
 sita, de quo admodum se dicit. hoc si 12 et 4 in se subtrahat de aliquo eorum constituto,  
 invenitur non esse ad utrumque intervallum ditorum in componentes esse:  $4 + 1 + 1$ , et 2 per  
 2, dicitur, non si:  $1 + 1$  et 2 abigitur, frustra abitur. Vides simpliciter quare si canonicum invenitur, per  
 Algebraicam hinc plures solutiones esse conquiri.

X V. Datum numerum in duos partes, & in eum partes quadratum, qui ista-  
 rum cum partium utraque quadratum conferat. Demondus fuit in duos nume-  
 ros, qui sic potendi sunt, ut quadrati eorum non excedat dividendum, ac sint:  $2 + 2$   
 3. Quorum utraque si additis:  $1 + 1$ , eorum quadrata eorum:  $Q + 4 + 1 + 1$  et:  $Q + 6$   
 N + 1.





veluti, *hinc quadrati latera a seculo* :  $2N + 1$  quadratus sit  $2N + 1$  &  $2N + 1$ . *Si pro altera parte*  
*flaturus sit*  $2N + 1$  pro reliquis  $4N + 1$ , aut  $8N + 1$  pariter est utrumque partem, quod multis aliter  
 magis ostenditur, *si*  $2N + 1$  quadrati latera per se. *Atque magis si dividenda numerus maior*  
*sit* : & plures latera possintesse addatur. *Qua ergo ostendenda dico, non minus sepe perfi-*  
*quenda, quod exercitarius casum delicti in casu servandis facti habere.*

XVII. Invenitur duo numeri quorum sit que precipitur inter se ratio: & uter  
 que cum quadrato qui proponitur constantis, quadratum numerum conficiat.  
 Ebo maior triplus minoris, & uterque a ducto non ut sit quadratus. Hinc si quo-  
 cumque quadrato, cuius latera sit:  $N$  aliquot multiplicat, & addero: in numerus aliter  
 quadratorum erit. Ebo minor:  $Q + 6N$ , erit maior:  $Q + 18N$ , ut sit ut ad hunc quo-  
 cumque addito, fiat quadratus. At sit:  $Q + 18N + 9$ , hoc ergo aequalis est quadrato. Fin-  
 go quadrati latera  $2N + 1$  aut:  $N, 30$ . Ergo minor numerus est  $20$  &  $10$ , maior  $124$  &  
 quorum uterque, si addas ei  $9$ , est quadratus.

SCHOLIUM.

Quid quadratum effigitur latere, in quo est defectus, hinc habet rationem.  $Q + 18N + 9$  non est  
 ab uno numero, aliquot enim esse  $Q$  dicitur, cum sit  $18N + 9$ : sed latera per se  $2N$  cum def.  $18$  est, et  
 quadrati situm, numerus autem defectus, & uterque quadrato quadrato, sic cum uterque unumque hinc sub-  
 trahat, videtur illud subtrahitur: & Quadrato Quadrato additur, et Quadrato super illis erit. *De mo-*  
*derum multitudine quod triplex est, utroque defectus, & equalibus impedit, demonstrare non numerum*  
*segit*  $2N, 30$ :  $Q$  autem  $9 + 6N$ . Ergo minor sit:  $Q + 6N$ , ut  $100$ , maior:  $Q + 18N, 30 + 9$ .  $10$   
 et  $100$  addit, quadratum fitur  $129$ , cum latera  $30$ , et  $124$  quadratum  $1249$ , circumferens  $17$ .  $11$  &  $11$  sit  
 $1N + 1$  latera quadrati:  $Q + 18N + 9$ , ut sit  $2N + 1$ , latera quadrati  $Q + 9$  —  $12N$  sit ut  
 sit  $9$   $Q + 9$ , ut sit  $18N + 9$  sit ut  $18N + 9$ , ut sit  $18N + 9$ .

XYLANDRI.

In passibus hoc observabile facit inveniri posse numerum qui cum  $9$  sit quadratus, id est qua-  
 dratus habere pro latera  $2N$ , & sit unitatis, quod uterque latera quadrati propositi defectus  
 hinc  $9$ , cum quadrato sit  $9$ . Ergo:  $2N + 1$  in se ductum facit:  $2N + 1N + 9$ . Ergo aliter nume-  
 rum est:  $2N + 1N$ , ad quem  $9$  si addas, utique quadratum habebit. Hinc videtur of-  
 fici plures numeri, nam si uterque  $9$  addas, maior:  $2N + 1N$  facit (superaddere utrumque unum-  
 que interdum licet, cum sit uterque non plus compendit in se est quam in utroque.) Hinc maior est  
 $1N + 1N + 9$   $2N + 1N + 9$  quadratus. Hinc cum addas latera  $9$ ,  $2N$ , & ablatum  
 numerum  $9$ , uterque est indifferens sustinere rationem, et in equatione latera una  
 pro se desit, reliqua comparantur qui facti —  $9$ , quo  $9$  proterat, quo  $9$  ab altera parte abole-  
 ant, & quo defectus facti radices in uno quadrato, quod multiplicativum dicitur per  
 ablatum per unum radices in latero ut, ut in quadrato uterque efficitur sine plures  $2N$  quos  $2N$  qui  
 $9$  aut ut proterat. Quia unumque hinc facti de utroque dicitur, aquationem sit subtrahamus in gratiam  
 distinctionem.

Ratio hinc  
 pro quadrato.

$$2N + 1 \text{ — } 9 \text{ latera effigendi quadrati,}$$

$$2N + 1$$

---


$$4N + 9$$


---


$$4N$$


---

$4N + 9$  —  $4N$  quadratum, aequalis quadrato:  $2N + 1N + 9$ . *Primum ab utroque*  
*partibus ablatum  $9$  dicitur  $2N$  utroque parte ablati, & utroque  $9$  additum, sicut  $10N$  aequalis  $2N$  hoc*  
*est, numerum facti  $9$ , ut numerus utroque, demonstratur,  $1N$  est  $9$ . Cetera habentur scholia. Sed*  
*obiter moneretur, hinc quod, utrumque situm dicitur, nam quod quod altera  $9$  posita radices —  $9$ ,*  
*ut altera  $9$  aliter faciat. Quod utroque exemplo dicitur facti est, sit latera effigendi quadrati*  
 *$2N + 1$  —  $9$  quadratus  $9$  —  $4N + 9$  aequalis  $2N + 1N + 9$ , aquatione dicitur,  $1N$  est  $9$ ,*  
*numeri  $9$  &  $18N$ , utroque additum  $9$  facti  $1N + 18N$ , quod quadratus esse non videtur,  $1N$  est qua-*  
*dratus dicitur, propter unum numerum, quod utroque  $9$  additum quadratus facti est, ut utrumque*  
*est,  $100$  sit  $9$   $124$ , latera  $30$  &  $124$ , sit. Per duplicativum aquationem hinc non esse per-*  
*fectivum magis si ablatum sit  $9$  esse, ostendendum facit.*

**XLIX.** Datus tres numeri, quorum si quisque proximè ipsam infequenti per octo-  
nem suâ quantus imperatur tribuat, & praeterea aliquot ex praescripto unitates: om-  
nes illi utro dirempti datus & accepti quae mandatum fuerat, aequales existant.  
Esto haec res problematica, ut primus sui quintarem ac 6 secundò: secundus sui sextan-  
tem & 7 tertio: tertius sui septanem & 8 tribus ut prima. Ponamus primum nu-  
merum esse  $N$ , secundum  $2N$ . Dat primus secundo  $N+6$ , ita secundus erit  $7N+6$ . Iam si secundus eius quod ante accessionem hanc habebat sextanem, & 7, stillet  
erit  $N+7$ , de deest tertio iam nunc habebit hanc sua accessione  $6N$  — 1. Ceterum  
primus retinens dato sui quantitate & 8, adhaec  $4N$  — 8. Ergo primus, si à secun-  
do accipiat hanc septanem & 8, habere debet  $3N$  — 1. Sed hoc autem est desinat  $N+7$   
3. Ergo  $2N+7$  sunt septans tertii, & insuper 3, ergo si eis 8 adimas:  $2N$  — 1 erunt se-  
ptans tertii: ergo est  $14N$  — 11. Restat ut hic quoque, si primo dederit septanem  
sui & 8, ac deinde à secundo accipiat sextanem eius & 7, fiat  $6N$  — 1. Atque ter-  
tius accipit sui septanem & 8, erunt:  $12N$  — 11. & ubi à secundo ei accesserint 8  
(sexans huius) ac 7, habebit  $11N$  — 19. quod aequatur  $6N$  — 1. At ergo:  $N=7^{\frac{1}{2}}$ . Er-  
go primus est  $7^{\frac{1}{2}}$ , secundus  $14^{\frac{1}{2}}$ , tertius  $21^{\frac{1}{2}}$ . Atque si implent conditiones pro-  
positi.

## S C H O L I O N.

De tria loquitur, Amisso sui septante, & octo, reliquam ei est  $12N$  — 11. *si se sit se-  
ptans erit  $14N$  — 11. Dicit  $2N$  — 1, quoniam ubi tribus dedit, reliquit  $12N$  — 11. sed quod praeterea de-  
dit. Ergo septans erit  $12N$  — 11, & non — 11 — ut acciderit, desinat  $12N$ . Tertio porro  $14^{\frac{1}{2}}$  sic hoc  
passo  $14N$  — 11. hoc casu quod illi dedit, sicut  $11N$  — 19. retinens  $14^{\frac{1}{2}}$ . Primus ergo datus se-  
cundo sui quantitate, hoc est  $7^{\frac{1}{2}}$ , & praeterea 8, fit  $14^{\frac{1}{2}}$ , reliquit alter  $7^{\frac{1}{2}}$ , ubi à secundo eius septanem  $7^{\frac{1}{2}}$ , & 8  
sui accipiat, erit  $21^{\frac{1}{2}}$ . Accipiens autem sui septanem  $14^{\frac{1}{2}}$ , & 7, fit  $21^{\frac{1}{2}}$  tertio dedit, reliquit  $14^{\frac{1}{2}}$ . Post ubi à  
primo accepit sui septanem  $14^{\frac{1}{2}}$ , & 8, fit  $21^{\frac{1}{2}}$ , summa est  $21^{\frac{1}{2}}$ . Sicut tertius datus primo sui septanem  $14^{\frac{1}{2}}$   
& 8, fit  $21^{\frac{1}{2}}$ , reliquit  $14^{\frac{1}{2}}$ , ubi ubi à secundo eius septanem  $14^{\frac{1}{2}}$ , & 7, fit  $21^{\frac{1}{2}}$  accepit,  $21^{\frac{1}{2}}$  summa habet.*

## X Y L A N D E L.

*Ipse quæstio movet, ut prius  $2N$ , secunde à 21 restat, quia sicut tunc eorum partes repræ-  
sentantur, & haec partes sunt ad unam, cum ad unam ad unam existant, sunt ad unam ad  
11. Accipiens autem quae à dante est, accipiens partes postulat, ut sit res numerus, non ad  
summa quae est ad unam, sicut, referri ut erit in figuris. In Graeco consuevit quod dicitur  
ter, ubi ubi ubi & plures expedit, unum expedit.*

**XLIX.** Datus numerus in tres dividatur, quorum quisque proximè sequenti ubi de-  
derit sui partem quae imperatur, & aliquot item unitates datus accepitque, ut manda-  
tum fuit omnibus, aequales divisi partes existant. Hoc pacto divisus erit in tres numeri  
sua in tres alios, ut primus sui quintarem ac 6 secundò: secundus sui sextanem  
& 7 tertio: tertius sui septanem & 8 primo dedit itaque, ubi eisdem datus & acceptus  
ex praescripto omnibus, aequales existant. Statuamus primum  $5N$ , secundum  $12N$ .  
Ergo secundus, ubi quantitate primi ac 6 accipit, erit  $N+18$ . Verùm hoc secun-  
dus parte 12, ubi sui sextanem 2, & praeterea 7, id est in summa 9 amittit, dum fit ter-  
tium imperari remanet. & à primo domus deinde  $N+6$ , habet summam  $N+9$ .  
Tantum ergo reliquum datum accepitque, quod imperabatur habebat. At  
primo si quae iam datus accepit, cessabant  $4N$  — 6. Ut ergo habeat  $N+9$ ,  
desinat ut adhaerens —  $3N$ . hoc ergo est septis tertii & praeterea 8, quare si hinc sub-  
latis, quod restat  $7$  —  $4N$  septans erit tertii. Est ergo tertius  $49$  —  $12N$ . Restat ut  
18 dedit & accipiat quae habebat. Atque re pers datus habet summam  $43$  —  $12N$ , quae a-  
quantur  $N+9$ . Erit  $N=14^{\frac{1}{2}}$ . Er ergo primus  $14^{\frac{1}{2}}$ , secundus  $14^{\frac{1}{2}}$ , tertius  $21^{\frac{1}{2}}$ .

## S C H O L I O N.

Tertius  $49$  —  $12N$ , ubi se de se summa, & hoc  $7$ , id est unum 9 accepit, fit  $14^{\frac{1}{2}}$  —  $12N$ . Restat  
septans tertii  $7$  —  $4N$  quod praeterea 8, fit  $14^{\frac{1}{2}}$  —  $12N$ , quae sunt ad unam, & est  $49$  —  $12N$ . Restat ut  
adhaerens













... In alio particulari respiciat alios numeros, sicut 11, 17, 23, 29, 37, 43, 47, 53, 59, 67, 71, 79, 83, 89, 97, 103, 107, 113, 127, 137, 149, 157, 167, 179, 191, 197, 211, 223, 229, 233, 239, 241, 251, 263, 271, 281, 283, 293, 307, 311, 313, 317, 331, 337, 347, 349, 353, 359, 367, 373, 379, 383, 389, 397, 401, 409, 419, 421, 431, 433, 437, 439, 443, 449, 457, 461, 463, 467, 473, 479, 487, 491, 499, 503, 509, 517, 521, 523, 527, 533, 541, 547, 557, 563, 569, 577, 581, 587, 593, 599, 607, 611, 613, 617, 619, 623, 629, 631, 637, 641, 643, 647, 653, 659, 661, 667, 671, 673, 677, 683, 689, 691, 697, 701, 703, 707, 713, 719, 727, 731, 733, 737, 739, 743, 749, 751, 757, 761, 763, 767, 769, 773, 779, 781, 787, 791, 793, 797, 803, 809, 811, 813, 817, 821, 823, 827, 829, 833, 837, 839, 843, 847, 851, 853, 857, 859, 863, 867, 869, 871, 873, 877, 881, 883, 887, 889, 893, 897, 901, 903, 907, 911, 913, 917, 919, 923, 927, 929, 931, 933, 937, 939, 941, 943, 947, 949, 953, 957, 959, 961, 963, 967, 969, 971, 973, 977, 979, 981, 983, 987, 989, 991, 993, 997, 1003, 1007, 1009, 1013, 1017, 1019, 1021, 1023, 1027, 1029, 1031, 1033, 1037, 1039, 1041, 1043, 1047, 1049, 1051, 1053, 1057, 1059, 1061, 1063, 1067, 1069, 1071, 1073, 1077, 1079, 1081, 1083, 1087, 1089, 1091, 1093, 1097, 1099, 1101, 1103, 1107, 1109, 1111, 1113, 1117, 1119, 1121, 1123, 1127, 1129, 1131, 1133, 1137, 1139, 1141, 1143, 1147, 1149, 1151, 1153, 1157, 1159, 1161, 1163, 1167, 1169, 1171, 1173, 1177, 1179, 1181, 1183, 1187, 1189, 1191, 1193, 1197, 1199, 1201, 1203, 1207, 1209, 1211, 1213, 1217, 1219, 1221, 1223, 1227, 1229, 1231, 1233, 1237, 1239, 1241, 1243, 1247, 1249, 1251, 1253, 1257, 1259, 1261, 1263, 1267, 1269, 1271, 1273, 1277, 1279, 1281, 1283, 1287, 1289, 1291, 1293, 1297, 1299, 1301, 1303, 1307, 1309, 1311, 1313, 1317, 1319, 1321, 1323, 1327, 1329, 1331, 1333, 1337, 1339, 1341, 1343, 1347, 1349, 1351, 1353, 1357, 1359, 1361, 1363, 1367, 1369, 1371, 1373, 1377, 1379, 1381, 1383, 1387, 1389, 1391, 1393, 1397, 1399, 1401, 1403, 1407, 1409, 1411, 1413, 1417, 1419, 1421, 1423, 1427, 1429, 1431, 1433, 1437, 1439, 1441, 1443, 1447, 1449, 1451, 1453, 1457, 1459, 1461, 1463, 1467, 1469, 1471, 1473, 1477, 1479, 1481, 1483, 1487, 1489, 1491, 1493, 1497, 1499, 1501, 1503, 1507, 1509, 1511, 1513, 1517, 1519, 1521, 1523, 1527, 1529, 1531, 1533, 1537, 1539, 1541, 1543, 1547, 1549, 1551, 1553, 1557, 1559, 1561, 1563, 1567, 1569, 1571, 1573, 1577, 1579, 1581, 1583, 1587, 1589, 1591, 1593, 1597, 1599, 1601, 1603, 1607, 1609, 1611, 1613, 1617, 1619, 1621, 1623, 1627, 1629, 1631, 1633, 1637, 1639, 1641, 1643, 1647, 1649, 1651, 1653, 1657, 1659, 1661, 1663, 1667, 1669, 1671, 1673, 1677, 1679, 1681, 1683, 1687, 1689, 1691, 1693, 1697, 1699, 1701, 1703, 1707, 1709, 1711, 1713, 1717, 1719, 1721, 1723, 1727, 1729, 1731, 1733, 1737, 1739, 1741, 1743, 1747, 1749, 1751, 1753, 1757, 1759, 1761, 1763, 1767, 1769, 1771, 1773, 1777, 1779, 1781, 1783, 1787, 1789, 1791, 1793, 1797, 1799, 1801, 1803, 1807, 1809, 1811, 1813, 1817, 1819, 1821, 1823, 1827, 1829, 1831, 1833, 1837, 1839, 1841, 1843, 1847, 1849, 1851, 1853, 1857, 1859, 1861, 1863, 1867, 1869, 1871, 1873, 1877, 1879, 1881, 1883, 1887, 1889, 1891, 1893, 1897, 1899, 1901, 1903, 1907, 1909, 1911, 1913, 1917, 1919, 1921, 1923, 1927, 1929, 1931, 1933, 1937, 1939, 1941, 1943, 1947, 1949, 1951, 1953, 1957, 1959, 1961, 1963, 1967, 1969, 1971, 1973, 1977, 1979, 1981, 1983, 1987, 1989, 1991, 1993, 1997, 1999, 2001, 2003, 2007, 2009, 2011, 2013, 2017, 2019, 2021, 2023, 2027, 2029, 2031, 2033, 2037, 2039, 2041, 2043, 2047, 2049, 2051, 2053, 2057, 2059, 2061, 2063, 2067, 2069, 2071, 2073, 2077, 2079, 2081, 2083, 2087, 2089, 2091, 2093, 2097, 2099, 2101, 2103, 2107, 2109, 2111, 2113, 2117, 2119, 2121, 2123, 2127, 2129, 2131, 2133, 2137, 2139, 2141, 2143, 2147, 2149, 2151, 2153, 2157, 2159, 2161, 2163, 2167, 2169, 2171, 2173, 2177, 2179, 2181, 2183, 2187, 2189, 2191, 2193, 2197, 2199, 2201, 2203, 2207, 2209, 2211, 2213, 2217, 2219, 2221, 2223, 2227, 2229, 2231, 2233, 2237, 2239, 2241, 2243, 2247, 2249, 2251, 2253, 2257, 2259, 2261, 2263, 2267, 2269, 2271, 2273, 2277, 2279, 2281, 2283, 2287, 2289, 2291, 2293, 2297, 2299, 2301, 2303, 2307, 2309, 2311, 2313, 2317, 2319, 2321, 2323, 2327, 2329, 2331, 2333, 2337, 2339, 2341, 2343, 2347, 2349, 2351, 2353, 2357, 2359, 2361, 2363, 2367, 2369, 2371, 2373, 2377, 2379, 2381, 2383, 2387, 2389, 2391, 2393, 2397, 2399, 2401, 2403, 2407, 2409, 2411, 2413, 2417, 2419, 2421, 2423, 2427, 2429, 2431, 2433, 2437, 2439, 2441, 2443, 2447, 2449, 2451, 2453, 2457, 2459, 2461, 2463, 2467, 2469, 2471, 2473, 2477, 2479, 2481, 2483, 2487, 2489, 2491, 2493, 2497, 2499, 2501, 2503, 2507, 2509, 2511, 2513, 2517, 2519, 2521, 2523, 2527, 2529, 2531, 2533, 2537, 2539, 2541, 2543, 2547, 2549, 2551, 2553, 2557, 2559, 2561, 2563, 2567, 2569, 2571, 2573, 2577, 2579, 2581, 2583, 2587, 2589, 2591, 2593, 2597, 2599, 2601, 2603, 2607, 2609, 2611, 2613, 2617, 2619, 2621, 2623, 2627, 2629, 2631, 2633, 2637, 2639, 2641, 2643, 2647, 2649, 2651, 2653, 2657, 2659, 2661, 2663, 2667, 2669, 2671, 2673, 2677, 2679, 2681, 2683, 2687, 2689, 2691, 2693, 2697, 2699, 2701, 2703, 2707, 2709, 2711, 2713, 2717, 2719, 2721, 2723, 2727, 2729, 2731, 2733, 2737, 2739, 2741, 2743, 2747, 2749, 2751, 2753, 2757, 2759, 2761, 2763, 2767, 2769, 2771, 2773, 2777, 2779, 2781, 2783, 2787, 2789, 2791, 2793, 2797, 2799, 2801, 2803, 2807, 2809, 2811, 2813, 2817, 2819, 2821, 2823, 2827, 2829, 2831, 2833, 2837, 2839, 2841, 2843, 2847, 2849, 2851, 2853, 2857, 2859, 2861, 2863, 2867, 2869, 2871, 2873, 2877, 2879, 2881, 2883, 2887, 2889, 2891, 2893, 2897, 2899, 2901, 2903, 2907, 2909, 2911, 2913, 2917, 2919, 2921, 2923, 2927, 2929, 2931, 2933, 2937, 2939, 2941, 2943, 2947, 2949, 2951, 2953, 2957, 2959, 2961, 2963, 2967, 2969, 2971, 2973, 2977, 2979, 2981, 2983, 2987, 2989, 2991, 2993, 2997, 2999, 3001, 3003, 3007, 3009, 3011, 3013, 3017, 3019, 3021, 3023, 3027, 3029, 3031, 3033, 3037, 3039, 3041, 3043, 3047, 3049, 3051, 3053, 3057, 3059, 3061, 3063, 3067, 3069, 3071, 3073, 3077, 3079, 3081, 3083, 3087, 3089, 3091, 3093, 3097, 3099, 3101, 3103, 3107, 3109, 3111, 3113, 3117, 3119, 3121, 3123, 3127, 3129, 3131, 3133, 3137, 3139, 3141, 3143, 3147, 3149, 3151, 3153, 3157, 3159, 3161, 3163, 3167, 3169, 3171, 3173, 3177, 3179, 3181, 3183, 3187, 3189, 3191, 3193, 3197, 3199, 3201, 3203, 3207, 3209, 3211, 3213, 3217, 3219, 3221, 3223, 3227, 3229, 3231, 3233, 3237, 3239, 3241, 3243, 3247, 3249, 3251, 3253, 3257, 3259, 3261, 3263, 3267, 3269, 3271, 3273, 3277, 3279, 3281, 3283, 3287, 3289, 3291, 3293, 3297, 3299, 3301, 3303, 3307, 3309, 3311, 3313, 3317, 3319, 3321, 3323, 3327, 3329, 3331, 3333, 3337, 3339, 3341, 3343, 3347, 3349, 3351, 3353, 3357, 3359, 3361, 3363, 3367, 3369, 3371, 3373, 3377, 3379, 3381, 3383, 3387, 3389, 3391, 3393, 3397, 3399, 3401, 3403, 3407, 3409, 3411, 3413, 3417, 3419, 3421, 3423, 3427, 3429, 3431, 3433, 3437, 3439, 3441, 3443, 3447, 3449, 3451, 3453, 3457, 3459, 3461, 3463, 3467, 3469, 3471, 3473, 3477, 3479, 3481, 3483, 3487, 3489, 3491, 3493, 3497, 3499, 3501, 3503, 3507, 3509, 3511, 3513, 3517, 3519, 3521, 3523, 3527, 3529, 3531, 3533, 3537, 3539, 3541, 3543, 3547, 3549, 3551, 3553, 3557, 3559, 3561, 3563, 3567, 3569, 3571, 3573, 3577, 3579, 3581, 3583, 3587, 3589, 3591, 3593, 3597, 3599, 3601, 3603, 3607, 3609, 3611, 3613, 3617, 3619, 3621, 3623, 3627, 3629, 3631, 3633, 3637, 3639, 3641, 3643, 3647, 3649, 3651, 3653, 3657, 3659, 3661, 3663, 3667, 3669, 3671, 3673, 3677, 3679, 3681, 3683, 3687, 3689, 3691, 3693, 3697, 3699, 3701, 3703, 3707, 3709, 3711, 3713, 3717, 3719, 3721, 3723, 3727, 3729, 3731, 3733, 3737, 3739, 3741, 3743, 3747, 3749, 3751, 3753, 3757, 3759, 3761, 3763, 3767, 3769, 3771, 3773, 3777, 3779, 3781, 3783, 3787, 3789, 3791, 3793, 3797, 3799, 3801, 3803, 3807, 3809, 3811, 3813, 3817, 3819, 3821, 3823, 3827, 3829, 3831, 3833, 3837, 3839, 3841, 3843, 3847, 3849, 3851, 3853, 3857, 3859, 3861, 3863, 3867, 3869, 3871, 3873, 3877, 3879, 3881, 3883, 3887, 3889, 3891, 3893, 3897, 3899, 3901, 3903, 3907, 3909, 3911, 3913, 3917, 3919, 3921, 3923, 3927, 3929, 3931, 3933, 3937, 3939, 3941, 3943, 3947, 3949, 3951, 3953, 3957, 3959, 3961, 3963, 3967, 3969, 3971, 3973, 3977, 3979, 3981, 3983, 3987, 3989, 3991, 3993, 3997, 3999, 4001, 4003, 4007, 4009, 4011, 4013, 4017, 4019, 4021, 4023, 4027, 4029, 4031, 4033, 4037, 4039, 4041, 4043, 4047, 4049, 4051, 4053, 4057, 4059, 4061, 4063, 4067, 4069, 4071, 4073, 4077, 4079, 4081, 4083, 4087, 4089, 4091, 4093, 4097, 4099, 4101, 4103, 4107, 4109, 4111, 4113, 4117, 4119, 4121, 4123, 4127, 4129, 4131, 4133, 4137, 4139, 4141, 4143, 4147, 4149, 4151, 4153, 4157, 4159, 4161, 4163, 4167, 4169, 4171, 4173, 4177, 4179, 4181, 4183, 4187, 4189, 4191, 4193, 4197, 4199, 4201, 4203, 4207, 4209, 4211, 4213, 4217, 4219, 4221, 4223, 4227, 4229, 4231, 4233, 4237, 4239, 4241, 4243, 4247, 4249, 4251, 4253, 4257, 4259, 4261, 4263, 4267, 4269, 4271, 4273, 4277, 4279, 4281, 4283, 4287, 4289, 4291, 4293, 4297, 4299, 4301, 4303, 4307, 4309, 4311, 4313, 4317, 4319, 4321, 4323, 4327, 4329, 4331, 4333, 4337, 4339, 4341, 4343, 4347, 4349, 4351, 4353, 4357, 4359, 4361, 4363, 4367, 4369, 4371, 4373, 4377, 4379, 4381, 4383, 4387, 4389, 4391, 4393, 4397, 4399, 4401, 4403, 4407, 4409, 4411, 4413, 4417, 4419, 4421, 4423, 4427, 4429, 4431, 4433, 4437, 4439, 4441, 4443, 4447, 4449, 4451, 4453, 4457, 4459, 4461, 4463, 4467, 4469, 4471, 4473, 4477, 4479, 4481, 4483, 4487, 4489, 4491, 4493, 4497, 4499, 4501, 4503, 4507, 4509, 4511, 4513, 4517, 4519, 4521, 4523, 4527, 4529, 4531, 4533, 4537, 4539, 4541, 4543, 4547, 4549, 4551, 4553, 4557, 4559, 4561, 4563, 4567, 4569, 4571, 4573, 4577, 4579, 4581, 4583, 4587, 4589, 4591, 4593, 4597, 4599, 4601, 4603, 4607, 4609, 4611, 4613, 4617, 4619, 4621, 4623, 4627, 4629, 4631, 4633, 4637, 4639, 4641, 4643, 4647, 4649, 4651, 4653, 4657, 4659, 4661, 4663, 4667, 4669, 4671, 4673, 4677, 4679, 4681, 4683, 4687, 4689, 4691, 4693, 4697, 4699, 4701, 4703, 4707, 4709, 4711, 4713, 4717, 4719, 4721, 4723, 4727, 4729, 4731, 4733, 4737, 4739, 4741, 4743, 4747, 4749, 4751, 4753, 4757, 4759, 4761, 4763, 4767, 4769, 4771, 4773, 4777, 4779, 4781, 4783, 4787, 4789, 4791, 4793, 4797, 4799, 4801, 4803, 4807, 4809, 4811, 4813, 4817, 4819, 4821, 4823, 4827, 4829, 4831, 4833, 4837, 4839, 4841, 4843, 4847, 4849, 4851, 4853, 4857, 4859, 4861, 4863, 4867, 4869, 4871, 4873, 4877, 4879, 4881, 4883, 4887, 4889, 4891, 4893, 4897, 4899, 4901, 4903, 4907, 4909, 4911, 4913, 4917, 4919, 4921, 4923, 4927, 4929, 4931, 4933, 4937, 4939, 4941, 4943, 4947, 4949, 4951, 4953, 4957, 4959, 4961, 4963, 4967, 4969, 4971, 4973, 4977, 4979, 4981, 4983, 4987, 4989, 4991, 4993, 4997, 4999, 5001, 5003, 5007, 5009, 5011, 5013, 5017, 5019, 5021, 5023, 5027, 5029, 5031, 5033, 5037, 5039, 5041, 5043, 5047, 5049, 5051, 5053, 5057, 5059, 5061, 5063, 5067, 5069, 5071, 5073, 5077, 5079, 5081, 5083, 5087, 5089, 5091, 5093, 5097, 5099, 5101, 5103, 5107, 5109, 5111, 5113, 5117, 5119, 5121, 5123, 5127, 5129, 5131, 5133, 5137, 5139, 5141, 5143, 5147, 5149, 5151, 5153, 5157, 5159, 5161, 5163, 5167, 5169, 5171, 5173, 5177, 5179, 5181, 5183, 5187, 5189, 5191, 5193, 5197, 5199, 5201, 5203, 5207, 5209, 5211, 5213, 5217, 5219, 5221, 5223, 5227, 5229, 5231, 5233, 5237, 5239, 5241, 5243, 5247, 5249, 5251, 5253, 5257, 5259, 5261, 5263, 5267, 5269, 5271, 5273, 5277, 5279, 5281, 5283, 5287, 5289, 5291, 5293, 5297, 5299, 5301, 5303, 5307, 5309, 5311, 5313, 5317, 5319, 5321, 5323, 5327, 5329, 5331, 5333, 5337, 5339, 5341, 5343, 5347, 5349, 5351, 5353, 5357, 5359, 5361, 5363, 5367, 5369, 5371, 5373, 5377, 5379, 5381, 5383, 5387, 5389, 5391, 5393, 5397, 5399, 5401, 5403, 5407, 5409, 5411, 5413, 5417, 5419, 5421, 5423, 5427, 5429, 5431, 5433, 5437, 5439, 5441, 5443, 5447, 5449, 5451, 5453, 5457, 5459, 5461, 5463, 5467, 5469, 5471, 5473, 5477, 5479, 5481, 5483, 5487, 5489, 5491, 5493, 5497, 5499, 5501, 5503, 5507, 5509, 5511, 5513, 5517, 5519, 5521, 5523, 5527, 5529, 5531, 5533, 5537, 5539, 5541, 5543, 5547, 5549, 5551, 5553, 5557, 5559, 5561, 5563, 5567, 5569, 5571, 5573, 5577, 5579, 5581, 5583, 5587, 5589, 5591, 5593, 5597, 5599, 5601, 5603, 5607, 5609, 5611, 5613, 5617, 5619, 5621, 5623, 5627, 5629, 5631, 5633, 5637, 5639, 5641, 5643, 5647, 5649, 5651, 5653, 5657, 5659, 5661, 5663, 5667, 5669, 5671, 5673, 5677, 5679, 5681, 5683, 5687, 5689, 5691, 56











DIOPHANTI ALEXANDRINI RERUM  
ARITHMETICARUM LIBER TERTIVS.

Quibusdam Sylvestro Argenteo interprete.

I. Tres numeri proportionales, et uniuscuiusque eorum quadratus à summa omnium numero cum demendo, relinquat quadratum. Pone duos quadratos, alterum ab 1  
N, alterum à 2. Notantur quadratorum quos creavit. Q. Hoc igitur; Q. pono pro  
summa numerorum & numerorum qui quantitates primas à 2. Intra  
duobus propositi partibus est satisfactum. Jam cum 1 dimisus sit in duos quadratos,  
1 scilicet & 4: sub dimidione currebat, ut supra demonstratum est, in duos alios qua-  
dratos, qui sunt  $\frac{1}{2}Q$  &  $\frac{3}{2}Q$ . Pono rursus tertium quadratorum lateris alterius horum, ac  
sit  $\frac{1}{2}N$ , cuius quadratum demendo de summa omnium, seu  $\frac{1}{4}Q$ , reliquit qua-  
dratum  $\frac{1}{4}Q$ . Restat, ut his tres numeris summe consent; Q. ac faciunt  $\frac{1}{2}N$ , ergo  
1 sit 12, & prima est 6, secundus est 9, tertius 12, qui postulat ab utraque.

X Y L A X D R I.

Quidam sequitur, ad usum esse interpretationis sibi habet, vel ad usum cum locutione non  
premit. Neque enim dicitur, et Diophanti verba accepimus utque unum acris vada, non ad  
de corpora. Etenim verba usum esse, ne modicum defingit, velitur interpretatione, & sub  
cultro (quod dicitur) reliquit. Hac quales placuit variis diversis modis placet & pro summa  
notandi quare daturum quatuordecim summas placuit, sed autem in octonem, ac rito suprà à ma-  
nibus sibi habet, invenit non sibi habet, subactis autem gradus of superius libri propositio-  
nem dicitur: quare describere placuit, 2, constat à quadrato 2 & 1, quare redicta seu latte-  
ra 2 & 1. Et demum in duos quadratos dividimus, latera primorum duobus (paritatem  
hoc quare invenitur modo variis) 1 N 1, & 2 N. — 2. Horum quadrata 1 N 1 & 2 N  
1 & 2. — 1 N 1 & summa constans 1 2. — 4 N 1, aequalis scilicet 5, addit &  
aliquid quod per est; 2 aequalis à 2, seu 1 N 1. Ergo 1 N est  $\frac{1}{2}Q$ , & 1 N 1 aliter va-  
num est, aliter 2 N. — 2 est  $\frac{3}{2}Q$ , horum quadrata  $\frac{1}{4}Q$  &  $\frac{9}{4}Q$ , constans summas  $\frac{1}{4}Q$ , hoc  
est 1. (In deinde demum lateres utiq, sunt nulli, esse si videbitur, ac utraque interpretatio pos-  
sit non sibi habet.) Horum laterum utrum liberum pro tertio numero adiungitur. Et cum primus  
1 N, secundus à 2 fuerit, tertius esse 1 N. Summa 1 1 N 1 1 2. Sit 2 N utiq,  $\frac{1}{2}Q$ . Ergo est  
primus numerus, secundus à 2, seu  $\frac{1}{2}Q$ , tertius 1 N est  $\frac{1}{2}Q$ . Autem ad octonem constans quatuor  
ita redictis etiam reliquit, ac sibi quare querebamur  $\frac{1}{4}Q$ ,  $\frac{1}{4}Q$ ,  $\frac{9}{4}Q$ , etque hoc est a postea, inven  
quatuor quadratis sibi habet, videamus, 1 N est  $\frac{1}{2}Q$ , horum quadrata  $\frac{1}{4}Q$  sit per 1 multum  
(non summa erat 1 2)  $\frac{1}{4}Q$  habet, quare placuit à summa invenit, tam à numeris  
quatuor summas invenit, horum quadrata constans in partibus si demonstratur à 1222 ad quare  
ad summas invenit redicta,  $\frac{1}{4}Q$ ,  $\frac{9}{4}Q$  erat. Et invenitur hinc sibi quare demum invenit invenit, ca-  
teris numeris invenit. Quadrata de 12 est 722, de 120, 282 de 14, 124 de 122 ad quare  
deor alii, reliquant 1224, 1222, 1220, numeris pro si quare quadrata à 1222 ad quare  
12, 120, 118 nihil in quatuor positulato facti, quod non praesentiam. Aliqua sibi  
provenit & secundum relinquere sibi invenit invenit  $\frac{1}{4}Q$  &  $\frac{9}{4}Q$  horum quadrata sibi  $\frac{1}{4}Q$  &  
 $\frac{9}{4}Q$  summa ad octonem demum invenit redicta  $\frac{1}{4}Q$ , invenit 1224 & 120 si invenit sibi  
sum à numeris 1222, reliquantur quadrata 1224 & 120, quare invenit invenit. Ceterum in  
propositione placet cum libri superius habet invenit invenit, ac sibi invenit invenit, liberum  
demum invenit non esse invenit.

11. Inventendi sunt tres numeri, quorum summa quadratorum quorum ipsorum ad  
unum quadratum facit. Quadratorum summe pono 1 Q, numerus ipsius 1 Q, 3 Q,  
12 Q. in quadratis summa singulis additas, quadratos facit, 4 Q, 9 Q, 16 Q. Jam  
eponebitur horum summa sic pollicem summam equam 1 N: latera sed hoc quadrat  
summa, ergo 16 Q equatur 1 N, scilicet 1 N,  $\frac{1}{16}$ . Ipsi autem quos quaerimus, erunt  
 $\frac{1}{4}Q$ ,  $\frac{9}{4}Q$ ,  $\frac{16}{4}Q$ : & quatuor satisfient.

## XYLANDRI.

in 7 quibus septem) ubi non abundat, & fractionem revertit. Trias  $\frac{1}{2}$ , hoc est a do-  
 bil est, sed rursus decomponatur in Græcis dyad. Libet tamen excutere ut numerus immutetur. Im-  
 mutetur summa est  $\frac{1}{14}$  hoc est  $\frac{1}{7}$  quadrato summa est, adde singulis habet quadratos  $\frac{1}{49}$ ,  $\frac{1}{16}$ ,  
 $\frac{1}{9}$ . Plerique variabilis arbitrio & persisterent, & numeris.

111. Invenienda sunt tres numeri, ut eorum summa quadratae quotiens ipso cum  
 de qua reliquatur quadrato. Sit summa eorum 4 N, cuius quadratus 16 Q qui  
 cum vel 7, vel 12, vel 17 Quadrans detrahitur manent quadrata: ponitur numerus est  
 7 Q, 12 Q, 17 Q horum summa 34 Q, ut posueramus eam esse 4 N, ergo hęc æquan-  
 tur, & N sit 8, Quadrates 4, est primus 24, secundus 48, tertius 60, & præstant quod  
 habet questio.

## XYLANDRI.

Ita quævis legitur, sed nec hoc modo habet. (N) sit  $\frac{1}{2}$  Q autem  $\frac{1}{2}$ , in Græcis pro 10 utitur  
 erar: si Numeri erant sint  $\frac{1}{14}$ ,  $\frac{1}{16}$ ,  $\frac{1}{9}$ . Sed quæ decomponitur abicit. Castrebus hęc an-  
 no veram summa est  $\frac{1}{14}$  immo quadrata  $\frac{1}{196}$ ,  $\frac{1}{256}$ ,  $\frac{1}{81}$ . ad singulas partes numeri etiam redactis, sicut  
 122,  $\frac{1}{196}$ ,  $\frac{1}{256}$ ,  $\frac{1}{81}$ . Item deinde amissi decomponitur, hec, ut 12, & 17, ut de 1494 usque  
 singulariter relinquatur 1494, ut 12, & 17 quadrat, quarum litteræ sint. 11, 14.

114. Ce do numero tres, ut summa eorum quadrata, à quibus ipsorum detractis,  
 quadrata relinquat. Ego summa numerorum, 2 Numeris quadrum, Q, ipsi aut nu-  
 meri sunt 2 Q, 3 Q, 5 Q, nam horum quilibet quadrato summa detracto manent qua-  
 drates. Porro cum summa numerorum sit 1 N, & uiculis tres illi, quos posuimus,  
 simul sint 7 Q, sit N, 1, & quadratus eius: ipsi autem, qui poscebantur, manent sine  
 2, 3, 5.

## XYLANDRI.

Hic: N, si non sit  $\frac{1}{2}$  Q, quadrato cum  $\frac{1}{14}$  numeri est  $\frac{1}{14}$ , hęc summa est  $\frac{1}{14}$   
 scilicet  $\frac{1}{2}$  & hęc quadrato  $\frac{1}{28}$  quæ si à numero ipso substat, reliquatur quadrato  
 $\frac{1}{14}$  quod uolere quævis possit.

115. Tres numeri quadrato quadrato æquales, quorum bini tertium quadrato  
 superent numero. Securus eos æquales esse quadrato laterum, N + 3, qui est 1, Q + 3  
 2 N + 1, ac superent primus & secundus unum tertium unitate sic tertius 7 Q + N, ut  
 primus & secundus eam unitate superent. Rursus secundus & tertius primū qua-  
 drato superent, numerum 7 Q, erit scilicet primus N + 3, & reliquum secundus, ut  
 deficiat 7 Q + 3. Restat ut primus est tertio secundum superent quadrato, ac quo est  
 superans, sunt 2 N, æquale quadrato, sub hoc uoluntate sit N, 3. Ergo primus est 8  
 2, secundus 12 2, tertius 40, & satis ficiunt propositio.

## XYLANDRI.

Ita quæ, persisterent fieri arbitrio, ut quæ facta obfusa est, ut explicationem emittit, quæ  
 de æquæ potest ante mutatum 1 Q + 2 N + 3, quæ est 1 Q, & 1, quadrato  
 est 3, & 2 N, duo complementa representat, quæ de se super inuenit. Erat primus & secun-  
 dum tertio unitate ut uterum est secundum 1 Q, profane primo ponit, quod uolens dicitur licet,  
 scilicet etiam alio quadrato simili, sed obfusa consideramus hoc pæte. Tres sunt numeri, quarum  
 summa sit A, & B, & C complens fuerit quæ B, & C, & complens quæ A, C, & A, ut complens  
 quæ B. Hoc si numerus uolens uterque uterque habet, & quæ ab A, & B, ut uterque superent,  
 à summa unitate (ut) usque, scilicet residus fuerit C, ut uterque, quæ ab A, & B, & C superent,  
 usque de 24, scilicet reliquus debet, A, & B de 24 reliquus 24, cuius summa sit B, ut uolens.

$$\begin{array}{r}
 B + A \\
 \left\{ \begin{array}{l} B \\ C \end{array} \right\} C + B \\
 \left\{ \begin{array}{l} B \\ C \end{array} \right\} A + B
 \end{array}$$

ita summa.

Hinc ergo casu quæ variis Diophantos uoluit pat est. Primus est secundus & amplius ha-  
 bent quæ uterque. usque à 2 summa unitate, residus 1 Q + 3 N, scilicet habet ter-  
 tium 1 Q, 2, 3 N. Rursus secundus est tertio primus unitate superans, ut usque de  
 summa unitate: residus 1 Q + 3 N, scilicet, 1 N, 3 2, primus debet, hoc 2 summa primi est  
 secundi

secundus  $12 \frac{1}{2} + 12 \frac{1}{2}$  subdubio, reliquit secundus  $12 \frac{1}{2}$ . Adde primus & tertius, habebit  $12 \frac{1}{2} + 12 \frac{1}{2}$ , aufer secundum, reliquitur 12, restat primus & tertius super quadratum. Cum autem aqua 2 N cum seculo aueratur: Quod ut sequitur, colligitur. Nam cumque quatuor numero 2 N aueritur, uti succedat, imparet autem propter numerum sextus, sed 6 ueritatibus, et 2 N bene requiritur. Arripit ergo 24 uel 12, ut talis fiat 2 N. Hinc patet per se quadratum reliquum 12. Per se 2 N.  $12 \frac{1}{2} \frac{1}{2}$   $12 \frac{1}{2} \frac{1}{2}$   $12 \frac{1}{2} \frac{1}{2}$   $12 \frac{1}{2} \frac{1}{2}$   $12 \frac{1}{2} \frac{1}{2}$   $12 \frac{1}{2} \frac{1}{2}$   $12 \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ . Item 12 licet numerum est 12, quadratum. Primus & secundus sunt 12, aufer tertium, restat 1 quadratum. Secundus & tertius 20, aufer primum, restat 8 quadratum. Tertius & primus est  $\frac{1}{2}$  quadratum, restat 16 quadratum. Si 2 N aqua, cum 4, numeri restituerit 2, 2, 2, 4, & auferatur, fiat quadratum. Multo commodius, si 2 N || 20 passus, non 12, 12, 12, C. ut passus. A & B summas 12, aufer C, restat 5, B & C summa 24, aufer A, superest 12, C & A summa 18, aufer B, reliquitur 18 quadratum, quadratum est 6, summa numerum. Hæc ratio inuenerit in propositione hæc, ut et in superioribus in sequenti tractanda, adhibita, quod summa numerum quadratum numerum numero, hanc rationem si quis propositione. Quod si 10 abesse, tenentur quadratum summus & extra numerum numerum numerum numerum debent adduntur. Quæ autem per se gratia, uti uenerit, quorum licet reliquum quadratum superest. Sit A B, C 4 p. B C sit d 4 25, C A sit B 4 12. Adde quadratum, summa 12, bene aufer p, restat 12, ergo C est 12. Aufer 25 à 12, restat quatuor & est 11. Denique si ab 12 subtrahat, superest 24 ergo B est 12. Atque hoc numerum sitis uere solutur. Hinc experitur, et alio quadratum si summus, erunt modo alio repositis numero. Quod eorum summam interuallem quibus bene quique tertium concordant, erunt in hoc quæque summa quæque numerum aueritur, ut et libro primo secunda propositione uidebitur, ut autem quod est ueritatibus, si quis uenerit. Nam ut si Algebra necessitati operetur, licet non habere non possit. Repetitur autem casu superest cunctis de rebus numerum, quorum A B sum C 14, B C autem A 7, & C A denique B 14. Dux summam numerum A B C, non possit a, bene est quæque 20, quæque interuallem summa, fiat A B, C 14, 12, 14. 14 --- 4. 7 numerum A est: B 12 uel 12 --- 4. 2 ergo B C 12 N --- 1. 2. 14 --- aqua 12 (2 (pau A) 7 4 sit 12, 12 --- 5, bene est. A id est 12. Adde, reliquitur 12, tenentur est B denique C fiat 2 N --- 7, aqua 12, quæque est B 14. Est ergo 12, 12 & quæque dantur, fiat A B, B 1, C 2, super est 12 numerum superest & hanc summa, erunt ut interuallem, est 20. Iam sum amon summam est ampliorum summa interuallem sitis, utis gratia 22. Iam A B 12, 12 uel 12, 12 --- 1. 12 uel 12 si addit habet 41 --- 12, quæque aqua 2 N, est 12 12 12 12, summa A & B, ergo C est 12, Est A 12, additur B, 12 --- 12, & C, summa 33 --- 12 aqua 24, 12, B 12 tenentur est A, B ergo 1. Adde A & C, habet 27, et B 4, 10 numerum 11 est. Iam ergo explicable sunt hæc problema sed dependet. Hinc sumamus summam est minorum summa interuallem sitis, sit fiat A B 12, 12 12 12 --- 12, 12 si addit 4, 12 12 --- 12 aqua 12, sique est 12, ergo A B sum 12, & C est 4, fiat A 12, 12 B 12 --- 12. Et adde C, habet 11 --- 12 aqua 24, sit 7, 2 tenentur est A, B 1, C 6, addit A C, sunt 17, aqua B & C, sunt 12, ergo quæque hæc non casus. Hinc, ut non recedat admodum superior libro primus conferat. numerum reliquum gratiam quæque tenentur aueratur, primus hæc considerat. Præterea licet numerum quatuor & magis numerum casus.

V 1. Alio modo hoc expedimus. Primum tres numeros quæque quadratos, qui quadratum consiciunt. Si duos numeros quæque compono, ut 2 & 9, summa 11, quantum quis quadratus sit numerus, qui si adhibeatur, quadratus fiat 12 est 36. Ergo in tres quadratos sequantur quadratum. Restat ut quatuor tres numeros, quorum binum reliquum certo excedens numero. Ita scilicet in primis & secundis ultra tertiam & secundas & tertius ultra primas & primis ultra secundam habentur 16. Atque hoc tam antè est demonstratum. Erunt numerus, qui implent conditiones quæque 10, 6  $\frac{1}{2}$ , 12  $\frac{1}{2}$ .

## XYLANDRI.

Si 24. Trices hanc numerum summam 48 posuerit, & quæque uere si aliter, 711



& tertius 240 tertius & primus 480 nam ob intervalli aequalitatem inter se quop-  
dam facta est ordinis. Sic utrumque eorum quos quaerimus, summatim esse 720. Et cum  
hoc fit, quoniam est summa primi ac secundi, autem de 18 restat tertius 18 — 480.  
Rursus si auferat secundum & tertius de 18, restabit 18 — 240 ut primus & si ter-  
tium ac primum de 18 auferas, tunc secundum reliquit 18 — 108. Reliquum est,  
ut si tres sint aequales 18. & fit 18, 36 et 54. Ergo ipsi numeri sunt 120, 240, 360 &  
ita ut, sic postulare.

XYLANDRUM.

Tres numeros quadratos, sic vocantur tri passales, & non recipiuntur si liberis male  
est pertracta. Pars autem suavitatis quatuordecim si continet intervalla eadem videtur: videtur  
summa summa aut quatuordecim si vocantur ab aliquo explicari aequationem non passim  
decedunt. Quod est quatuordecim passus: N — 1. Arithmetica ratione summa de N, quae punitur  
ad 2, utrumque ab altera; applicatur numerus centus, autem multiplicitate de N si est rati-  
onata, horum fit eorum expressio passu, quod inter eorum passu infra speculata sunt habebimus.  
Iam ut N fit ut autem quatuordecim, summam est deprehensa. & si dicimus inter se in con-  
tinendo reliquis numeris, ita ut ab altera sit summa eorum 480, 108, 240, quorum passus  
quatuordecim est quatuordecim. Hinc cum N fit 120, summa (supra) est 480, secun-  
da obiecta est 120, & si N, quod est 240, fit 120, & si N, summa 480, & si N, tertius  
videtur eundem 120, ut N, & 240, ut 120, & 120, ut 240, ut 120, ut 240, ut 120, ut 240, ut 120,  
secundum supra primam, tertio supra secundam, & 120, tertio autem hoc ab altera numeris ut  
est quatuordecim 480, 108, & 240, 120 intervalla progressivum. Quorum summa cum fit  
120, ad eundem N. — 1080 equatur 120, quod est N, 120. Et fit 240, summa sum-  
ma horum, quatuordecim, quatuordecim (ut mandatum erat) numerus. Ad hoc summa, sicut  
240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240,  
et 240, addit, quatuordecim 480, 120, & 120, addit 240, quatuordecim 240, 120, 120, quatuor-  
decim, quod hoc exponitur. Quod si latus illius quod deest passus N — 1, equatur nullatenus  
240, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N,  
ut 240, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N, & N,  
habent non passim quatuordecim numerus, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240,  
ergo ad se adferuntur 120, ut 120, & latus est summa, ut 120, ut 120, ut 120, ut 120, ut 120, ut 120,  
ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240,  
latus alibi numerus potest 240, ut 240, — 2, equatur eundem ut 120, ut 120, ut 120, ut 120, ut 120,  
Eius quadratum 120, secundum 120, tertium 120. Cuius 120, numerus, 240, 120, & 120,  
quatuordecim intervalla 120 progressivum summa 120, equatur 240, & N, & N, & N, & N, & N, & N,  
quorum quadratum superius summa, 120, ut 120, quatuordecim intervalla summa eundem, et fit  
ter 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240, ut 240,  
est quadratum, ut fit ab altera quatuordecim.

3. Dato ab aliquo numero invenienda sunt tres alii, quorum binum ad se habent illo qui  
datus est, quo daturum consent. Sed & summa horum trium ad se habent qui datur, quo  
daturum exhibet. Sit datus ide 3, compositus est primis duobus: Q + 4, N + 1, ad ad se  
to stat quo daturum. Compositus est secundo & tertio: Q + 5, N + 6. Summa autem  
omnium fit: Q + 8, N + 19, eadem utrumque de causa. Item cum quos quaerimus tres, conside-  
ra sint: Q + 5, N + 19, & primus ac secundus sint: Q + 4, N + 1, utrum quatuordecim, 4, N +  
11. Et melius summa secundi & tertii: Q + 5, N + 6, subtrahit 1 summa omnium, et fit  
primus 2, N + 7. Et summa primi ac secundi cum sit: Q + 4, N + 1, primus hinc subtra-  
tus, secundum relinquit: Q + 3, N — 1. Restat ut primus est tertio, ad se habent 3, sicut  
quod daturum. Sit autem 3, N + 7, quod si sequatur quadratum. Eius 3, non fit 1, N, ut quatuor-  
decim, 12, secundum 19, tertius 3, qui conditiones proponi implere.

XYLANDRUM.

Invenienda ratio hinc quatuordecim facile est passus eorum laterum: N + 1, N + 3, N + 4, quatuor-  
decim intervalla numeris, ut si additis quadratis reddiderit (ponere: N + 1, 1, 4, ut 3 de uno qua-  
drato si ad se habent passus 1, 2, 3, 4, — 2, melius ergo ad se habent 12, ut 3 de uno qua-  
drato si ad se habent intervalla.) Subtrahit hinc daturum singulis numeris, ut videtur. Et fit 2, N, 3, 4  
E. equat

æquæ quadrato, quæ semper arbitrio delegitur, aut qui dem eadem, ut ab ea se deducit, vel quæ extra summam efficit per 6 dividit. Est ergo hæc arbitrariorum, & numerus perfectissimorum quædam. Nam si (verbi gratia) æquassetur cum 64, si N esset 7, & numerus 22, 27, & quædam præcipue illæ de his præcipue et præcipue exemplum utriusque daret.

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{l}
 17. \text{ adde } p. \\
 \text{100.}
 \end{array}
 \left\{ \begin{array}{l}
 17 \\
 17p \\
 100.
 \end{array} \right\}
 \begin{array}{l}
 \text{202. adde } p. 202. \\
 \\
 \text{212. adde } p. 212.
 \end{array} \\
 \hline
 \text{Summa 202.} \\
 \text{adde } p. 212.
 \end{array}
 \qquad
 \begin{array}{r}
 \begin{array}{l}
 17. \\
 17p. \\
 100.
 \end{array}
 \left\{ \begin{array}{l}
 17 \\
 17p \\
 100.
 \end{array} \right\}
 \begin{array}{l}
 202. \\
 212. \\
 212.
 \end{array} \\
 \hline
 \text{107 } p. 100.
 \end{array}$$

XI. Tres numeros invenimus, quorum bini dat o aliquo numero eodem modo tali, quadrati sunt. Summa quoque Inveniarum, dato illo demto, quadratus fit Inveniarum. Hæc datus 3. Summa primi & secundi:  $Q^2 + 1$ , quæ amissa; relinquatur quadratus. Hæc datus 4. Summa secundi & tertii:  $Q^2 + 2N + 4$ . Summa quoque omnium quos quaerimus, sit:  $Q^2 + 4N + 7$ , ut demissa tertio restat quadratum. Hæc cum summa prima sit:  $Q^2 + 4N + 7$ ; ab hac summa primi & secundi si auferatur 1,  $Q^2 + 3$ , restus utriusque supererit  $4N + 4$ . Is à summa secundi & tertii demittitur:  $Q^2 + 3N + 4$ , secundum relinquatur  $Q^2 - 2N$ , rursum hac ablatas à  $Q^2 + 3$ , summa primi & secundi, primum reliquerit  $2N + 3$ . Hæc ad octos restus, summa fiet, quæ si 1 auferatur, supererit  $6N + 4$ , quæ æquatur cui quadrato, sitque  $6N + 4$ , sit primus 8, 10. Proinde quæ tertium primus 25, secundus 20, tertius 4, quos quaeramus.

## XYLANDRI.

Hæc ex superioribus facile intelliguntur, & æquæ ratione sunt arbitrarie, nam si  $N + 1$  æquæ poteram (verbi gratia) sumam 100, ut si N esset 12, ut æquæ 16, ut si N esset 2, &c. Et sequitur.

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{l}
 17. \\
 17p. \\
 100.
 \end{array}
 \left\{ \begin{array}{l}
 17 \\
 17p \\
 100.
 \end{array} \right\}
 \begin{array}{l}
 202. \\
 212. \\
 212.
 \end{array} \\
 \hline
 107p - 3. \\
 100.
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \begin{array}{l}
 17. \\
 17p. \\
 100.
 \end{array}
 \left\{ \begin{array}{l}
 17 \\
 17p \\
 100.
 \end{array} \right\}
 \begin{array}{l}
 202. \\
 212. \\
 212.
 \end{array} \\
 \hline
 107p - 3.
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \begin{array}{l}
 17. \\
 17p. \\
 100.
 \end{array}
 \left\{ \begin{array}{l}
 17 \\
 17p \\
 100.
 \end{array} \right\}
 \begin{array}{l}
 202. \\
 212. \\
 212.
 \end{array} \\
 \hline
 107p - 3.
 \end{array}$$

*Vides etiam se posse  
ut satisfieri æquationi, quæ  
de re dicitur alibi.*

XII. Tres numeri desiderantur, et quem bini abier in alterum multiplicatus, producant, in adfinito dato aliquo fiat quadratus. Datus esto 25. Hæc si ab aliquo quadrato liberatus datus, scilicet præter reliquum fore cum qui è primo sit in secundo, quod ita addito fiet omnino quadratus. Assumit 12 de quadrato, patet 25 supererit, hoc est sit primo in secundo datus. Sit primus 12 in secundo 18. ut productus 12  $Q$  sua multiplicatione. Rursum ab illo quadrato auferam 25, et habebit quod sit secundo in tertium datus, auferam à 18, relinquatur 4. Ergo secundo in tertium datus gignet 4, cum 4 sit secundus 18, erit tertius 4  $Q$ , qui 4  $Q$  producant. Rursum productum tertii in primum, addito 25, faciet quadratum. Productum est 42  $Q$ . Ergo 12  $Q^2 + 25$ , quadratum valent. Hoc loco facile efficitur quæstio, nullo modo si 25, quæ in meo est primo loco desiderum 25  $Q$ , quadratus esset. Quod cum non sit, 25 rei deducta est, ut duo nomen sint Inveniarum, quorum multiplicatione minus in abierit, producat quadratus; et præterea uterque cum 25 conveniat, quadratum exhibent. Sed si illo numero nam quadratus inveniarum 25 sua multiplicatione quadratum producant, Inveniaris igitur quadratus duobus, quorum uterque adfinito 25 fiat quadratus, expedita erit æquatio, sunt scilicet 4 & 4, quorum uterque adfinito facti quadrati.

Hæc

































resti, sicuti quæsit. Quod alibi bene traditur dependens de maiori de quadrato qui ad datum quadratum cum alio ab eo quibus convenit, additur quadratum differt ex his est definitum, quæ supra sunt expresse lib. II. præf. 26. 27.

VII. Cubo & quadrato adijctis unum eundemq; quadratum, ut eadem quæ superius inveniæ sunt ordine. Sit cubus primo, quadratus secundus, huius adijctio dicitur quadratus tertio loco. Et quoniam volo additæ quadratæ adijctio fieri ad quadratæ dicitur, necesse faciet cubi primi huiusq; primus secundus tertio superior, nimirum quadrato, tertius. n. est quadratus, id quod ubiq; dno numero posuerit, eorum quadrata n. est duplo eius quod ex uno in altero sit, quadratæ facient. Debeo itaq; expofitas duob; numeris, pro summa qui eorum quadrati faciunt, ponere unitatib; quoniam unitas æquatur duob; quadratis, et quod quantur & et quod adijctus, qui sunt secundus & tertius quadrati, dupli eius quod producit 3. & est 3 quadratus. Itaq; etiam dupli eius quod producit, est quadratus. Tertio itaq; numerus huius N & 2 N: ut dupli eius quod alter in altero dicitur producit, sit quadratus. Horum itaq; summa quadrati, primi tertio 3 Q, tertio 4 Q, dupli eius q; sit ex uno in altero. Erat ergo secundus 1 Q, ut est tertio fiat æquibus primo. Restat ut primus sit cubus, ergo 1 Q quadratus 1 C, sicuti N, 2. Ad postulata quæ sit hoc spiritus. Erat cubus, primus sicuti 125 quadratus, qui secundus obtinet loci, 25 quadratus huius adijctio dicitur, tertio loco posuita, 100, & videtur est demonstratio.

## XYLANDRI.

Probatur bene Demo quæ sit ut scire, ad id & perplexa & astuta est explicatio. Quæsit quod præfati sunt supra. 26. 27. de constructis quadratis 20. 21. ut & 22. facit cubi 105 ad est, quadratæ additur cubo quadratæ, quadrato cubi facit, ut postulat huius, hoc enim est quod ubiq; respectu procedens problemata. Et postea primo in dicitur 1 Q, secundo 2 Q, tertio 4 Q, 12. Et si summa primo 125, secundus 25, tertius 100, summa quæ secunda & tertio summa 3, huius cubi efficiat, ut explicatur, huius a priori patet, ut fallitur, ut in illa 4 & 125 & 100, quæ ubiq; sunt. Et ut patet, ut primo 1 ab altero secundus præterit est unum, pro tertio legi debet quod sit 125. Item habet tertius cum primo quadratæ, ut sit cubi debet consistere. Tunc itaq; ante cubi, quæ est primo, æquæ est duo quadrata, huius sicuti & adijctio. Et alii quadratus huiusmodi quartus sicuti factus sit dicitur. Littera erit prima 12 & 2. huius quadrati 12 & 4. 2. huius 2. dupli eius quod in altero multiplicat productum, ut 4 & 2 quadrati 12. Ad id sit quadratus q; 12 habet cum primo 3. 2. tertio 4. 2. ponit, huius enim quæ quadratæ 12 tertio quæ summa, id est huius postulationem alius est numerus. Et quæ secundus est tertio primo 4 aquæ postulat, videtur quæ cubi est 12. 2. restat ergo, ut sicuti & tertio summa primo est cubus, ergo 1 cubo cum aquæ, est.

IX. Alter. Sit cubus primo, datus quadratus secundus, adijctio quadratus tertio loco. Volo ut hic secundo additus, cubi efficiat qui est primus. Sit ut primus tertio additus, dicitur quadrati. Et itaq; loci res deducta sit, ut quadrati sint duo quadrati, quorum summa cum altero ipsorum est illa quadratæ exhibeat, de oq; est duo quadrati, datus tertio & adijctio eius, primo est est cubi posuita altero 1 Q, altero 4. summa eorum est primo, 2 Q, 4. cum æquibus quadratæ tertius 2 N — 2, quæ 24 + Q 14 — 2 N sit N, 4. Ergo ponimus tertio eorum de quibus agit numerorum est 16 Q, secundo 4 Q, ergo primus summa horum, 20 Q. Aequaliter ergo 20 Q uni cubo, & sicuti N, 20. Est ergo primus 1000, secundus 200, tertius 6400. Atq; hoc modo infinites fieri quæsitio satisfacere.

## XYLANDRI.

Notandum quadratæ quantitas, alter 4 Q, 2. 2. alter 4 q, 16. 2. quæ postulat 2 dicitur, sed ante in notanda nota sit sicuti de 125 & 200, quæ 2 125, quæ 4 est notanda sicuti dicitur dicitur in 1. 2. 4. quæ 4. Cum huius summa 2 N — 2, in primo est numerus ut expresse & unitate, quæ — 2 dicitur, ut cum 2 & N dicitur equaliter 2 || 2 N & 2 12. 2. Primo numerus ut sicuti dicitur, ut & Ceterum huius cubi, videtur quadratæ est huius, & 400 ad huius additur, sicut quadratæ 14400, ad huius cubum 1000.

X. Cubo & 1000 cum eundem adijctio eius numerus, & rursum cubus ac latus eius existit. Sit additæ numerus, 1 N latus cubi, Numpropterea quæritur sit ergo 2 N. Ergo cubus est 8 C. latus 1 N, si additæ 20 N, sit 1 N, dicitur 2 C, sit 2 C + 1 N. Ergo 2 C + 1 N æquatur 27 C. aut ut utiq; 2 C. Ergo 19 C æquatur 1 N, vel 1 demumque unitate







sum summa 517 summa laterū æqualis, que est 31. si. fr. 11. Secunda postulata ergo cuborum latera sunt  $\frac{1}{2}$  N, &  $\frac{3}{2}$  N. cubi ipsi  $\frac{1}{8}$  N<sup>3</sup> &  $\frac{27}{8}$  N<sup>3</sup>.

## XYLANDIA.

Hæc quæstio præcedenti facili intelligitur. Nomen est æquum numerorum æque est utrius ad alterum ut quadrata ad quadrata, utrumque si vel multiplicetur vel dividatur numerorum æquatur quadrata. Ex his. Cuborum summa est  $\frac{1}{8}$  N<sup>3</sup> hæc numerorū horum fracti communis mensura est  $\frac{1}{8}$  ergo in primis numerū summa dividatur hæc  $\frac{1}{8}$  atque tanta ætate est laterum  $\frac{1}{2}$  &  $\frac{3}{2}$  summa, quod postulat.

XXI. Invenimus duos cubos, quorū intervallum æquale sit intervallō laterum cubicorum. Latera sūt 1 N &  $\frac{3}{2}$  N. Cuborum hinc ortum intervallū est 19. Clāssam intervallum 1 N. Ergo 1 N æquatur 19 C. Explicam quid sit 1 N, non potest, quia si eodem ad speciem non habet rationem quadam ad quadratum. Eō itaq, sum redactus, ut inveniret opus habere duos cubos, quorum intervallum ad ipsorum laterum intervallū rationem haberet, que est quadratū ad quadratum. Sumo latera cuborum, 1 N, &  $\frac{3}{2}$  N. Inter differentia ipsorum, puta  $\frac{1}{2}$  N, quæ datur numerus. Differentia cuborum est  $\frac{1}{8}$  Q<sup>3</sup> N<sup>3</sup> hæc ad  $\frac{1}{2}$ , quod est intervallum laterum, debet se habere, ut quadratus ad quadratum. Ergo quadratus est, que producitur horum altero in alterum multiplicato. Producitur quōd 1 Q<sup>3</sup> N<sup>3</sup>. Id æquabimus quadrato cuius latera sūt — 1 N, & fr. 1 N. Revertor nunc ad primum institutum, ponendi cuborum latera 7 N, & 1 N. laterum differentia 1 N. cuborum 149 C. ergo in æquatur 1 N. fr. 1 N. Ut ergo postulata factamus satis, latera cuborum sūt  $\frac{1}{2}$  &  $\frac{3}{2}$  N.

## XYLANDIA.

Ut alteri si ego vel, crederet aliquid, et rursus demonstraret sine errore (ut scrib. saepe) frangi solita solutio. Cubus de 1 N, 1 N, est 1 C<sup>3</sup> & 27 N<sup>3</sup> 19 C. unde latera 1 C. Infero, cubos differentia sine intervallum existat. Inter ætatem et peritæ ætate de numerorum hæc ætate præparati numerorum qui sunt quadratorum simili, quid datur si vel multiplicatus 9, vel de vel quadratū faciat numerū quod datur, vel ex prima non tenetur potest est. Et latera quadrata æquatur 1 N — 1 N, ut ætate ablatum utrumque, resultat, ut si ætatem 2 N. Unde alteri intervallū æquatur intervallum laterū  $\frac{1}{2}$  N, & fr. 1 N. differentia est 1 N. Cubi sūt 149 C. & 1 N<sup>3</sup> intervallū laterū  $\frac{1}{2}$  N, quod 1 N, dividit primo tenetur intervallū est  $\frac{1}{2}$  N, ut si frangi potest.

XXII. Invenimus duo numeri, ut maioris cubus addito minore numero, æque minoris cubo addito maiore numero. Sum numeri 1 N & 1 N. Maioris cubus addito minore numero sit 1 C<sup>3</sup> N. Hæc ergo æqualis minor. Depressit nominibus sunt 19 Q. æquales unitat. Sed 1 N quid sit, explicam numero nō potest. At 19 Q sunt intervallū duos cubos, utrius laterū est differentia. Eō itaq, res tūta redat, ut quærens sint duo cubi, quorū intervallū ad intervallū laterū ea sit ratio prædicta, que est quadratus ad quadratū. Superi uti hoc est 2 cubi latera & sint cubos latera 7 atq, 1. Accedo itaq, ad id quod peto quærebatur numerus 7 N & 1 N, sūt 141 C. 1 N æqualis sit 1 N & 1 N. Ad postulata, numeri sūt  $\frac{1}{2}$  &  $\frac{3}{2}$  N, ac demonstratio localetia.

## XYLANDIA.

Alios reliquos ablatos est hoc problema, ut quod falli solentis numeri præparati demonstrare oportet. Porro exemplum, Maior cubus est 149 C. addit minor 1 N, hoc est 149 C. habet 149 C. Maior cubus est 149 C. addit minor 1 N, hoc est 149 C. rursus habet 149 C.

XXV. Quæritur duo numeri, quorū summa, ipsorum ætate, sed & latera illi ipsorum, si utrius sit singulis a differentia, quærens numerum sit. Si unius addit ad aliquid qua dicitur, habet ut primo. Singo aliquid quadratū, cuius latera sit aliquot N & fr. 1 N. quadratus hinc sit 9 Q<sup>2</sup> N<sup>2</sup> hinc ablatæ ætate, primo pono 9 Q<sup>2</sup> N. Rursum quis voluerit primo est secundo & unius quadratū facere. Sed primus ac secundus inter eū unius & Q<sup>2</sup> N, N sūt: secundus aut cum unius quadratū ablatæ ætate quærens dicitur mihi obtristat quis quadratus est unius est 9 Q<sup>2</sup> N quadratū est 9 Q<sup>2</sup> N. Expono duos numeros, quorū multiplicandæ unius in altero sūt 9 Q<sup>2</sup> N. hoc in prima mal.

Explicat sit 19 Q<sup>2</sup> N & 1 N sūt: secundus est 9 Q<sup>2</sup> N. N sūt: secundus est 9 Q<sup>2</sup> N, quorū quibus est quadratū facit, restat ut eū dicitur eorum cum hoc









quadratus cum quadrato differentie ipſorum, quadratum facit. Ergo ſi quadratus numero ſi differentie ſtatimque 1, quod ſi uno in altero multiplicato, eius quadratum erit, ſicut quatuor. & ſi differentie quadrati ponamus unitatem, ipſa quoque differentia erit unum. Itaque latera quatuoradrati quibus licet utamur, ſunt den ſunt Numeris den ceptis, ad ſe ſe unitate, puta unitas eſt 1, 2 eſt 4. Proinde quadratus lateris 1 eſt 1, eſt  $Q \pm 1$ , unde ſi uſura unitatem, primus in ſecundum productum multiplicatione erit  $Q \pm 2$  eſt 4, eſt ſecundus 1 eſt primus 1 eſt 4. Rurſum quadratus lateris 2 eſt 4, eſt  $Q \pm 4$  eſt 16, uſura, ergo ſecundus in tertium ſicut 4,  $Q \pm 4$  eſt 16, & cum ſecundus ſit 4, erit tertius 4 eſt 16. Anque ſolutus eſt quaſiſio inſeſum, ut bini qui quatuor in alterum multiplicatione numerum producant, qui ad ſe unitate quadratus ſit, 1 eſt unum quod ſi uſura unitatem addideris, hoc enim eſt inſeſum querere, tales poſitiones conſtituere, ut quatuorque Numeri aſſertionem que accommodes, ſemper propoſiti poſtula ſatis ſaciat.

Indicium quatuor

XYLANDRI.

Tertius in primis quatuor, 4, 12, 20, 28, 36, 44, 52, 60, 68, 76, 84, 92, 100, 108, 116, 124, 132, 140, 148, 156, 164, 172, 180, 188, 196, 204, 212, 220, 228, 236, 244, 252, 260, 268, 276, 284, 292, 300, 308, 316, 324, 332, 340, 348, 356, 364, 372, 380, 388, 396, 404, 412, 420, 428, 436, 444, 452, 460, 468, 476, 484, 492, 500, 508, 516, 524, 532, 540, 548, 556, 564, 572, 580, 588, 596, 604, 612, 620, 628, 636, 644, 652, 660, 668, 676, 684, 692, 700, 708, 716, 724, 732, 740, 748, 756, 764, 772, 780, 788, 796, 804, 812, 820, 828, 836, 844, 852, 860, 868, 876, 884, 892, 900, 908, 916, 924, 932, 940, 948, 956, 964, 972, 980, 988, 996, 1000, 1008, 1016, 1024, 1032, 1040, 1048, 1056, 1064, 1072, 1080, 1088, 1096, 1104, 1112, 1120, 1128, 1136, 1144, 1152, 1160, 1168, 1176, 1184, 1192, 1200, 1208, 1216, 1224, 1232, 1240, 1248, 1256, 1264, 1272, 1280, 1288, 1296, 1304, 1312, 1320, 1328, 1336, 1344, 1352, 1360, 1368, 1376, 1384, 1392, 1400, 1408, 1416, 1424, 1432, 1440, 1448, 1456, 1464, 1472, 1480, 1488, 1496, 1504, 1512, 1520, 1528, 1536, 1544, 1552, 1560, 1568, 1576, 1584, 1592, 1600, 1608, 1616, 1624, 1632, 1640, 1648, 1656, 1664, 1672, 1680, 1688, 1696, 1704, 1712, 1720, 1728, 1736, 1744, 1752, 1760, 1768, 1776, 1784, 1792, 1800, 1808, 1816, 1824, 1832, 1840, 1848, 1856, 1864, 1872, 1880, 1888, 1896, 1904, 1912, 1920, 1928, 1936, 1944, 1952, 1960, 1968, 1976, 1984, 1992, 2000, 2008, 2016, 2024, 2032, 2040, 2048, 2056, 2064, 2072, 2080, 2088, 2096, 2104, 2112, 2120, 2128, 2136, 2144, 2152, 2160, 2168, 2176, 2184, 2192, 2200, 2208, 2216, 2224, 2232, 2240, 2248, 2256, 2264, 2272, 2280, 2288, 2296, 2304, 2312, 2320, 2328, 2336, 2344, 2352, 2360, 2368, 2376, 2384, 2392, 2400, 2408, 2416, 2424, 2432, 2440, 2448, 2456, 2464, 2472, 2480, 2488, 2496, 2500, 2508, 2516, 2524, 2532, 2540, 2548, 2556, 2564, 2572, 2580, 2588, 2596, 2600, 2608, 2616, 2624, 2632, 2640, 2648, 2656, 2664, 2672, 2680, 2688, 2696, 2700, 2708, 2716, 2724, 2732, 2740, 2748, 2756, 2764, 2772, 2780, 2788, 2796, 2800, 2808, 2816, 2824, 2832, 2840, 2848, 2856, 2864, 2872, 2880, 2888, 2896, 2900, 2908, 2916, 2924, 2932, 2940, 2948, 2956, 2964, 2972, 2980, 2988, 2996, 3000, 3008, 3016, 3024, 3032, 3040, 3048, 3056, 3064, 3072, 3080, 3088, 3096, 3100, 3108, 3116, 3124, 3132, 3140, 3148, 3156, 3164, 3172, 3180, 3188, 3196, 3200, 3208, 3216, 3224, 3232, 3240, 3248, 3256, 3264, 3272, 3280, 3288, 3296, 3300, 3308, 3316, 3324, 3332, 3340, 3348, 3356, 3364, 3372, 3380, 3388, 3396, 3400, 3408, 3416, 3424, 3432, 3440, 3448, 3456, 3464, 3472, 3480, 3488, 3496, 3500, 3508, 3516, 3524, 3532, 3540, 3548, 3556, 3564, 3572, 3580, 3588, 3596, 3600, 3608, 3616, 3624, 3632, 3640, 3648, 3656, 3664, 3672, 3680, 3688, 3696, 3700, 3708, 3716, 3724, 3732, 3740, 3748, 3756, 3764, 3772, 3780, 3788, 3796, 3800, 3808, 3816, 3824, 3832, 3840, 3848, 3856, 3864, 3872, 3880, 3888, 3896, 3900, 3908, 3916, 3924, 3932, 3940, 3948, 3956, 3964, 3972, 3980, 3988, 3996, 4000, 4008, 4016, 4024, 4032, 4040, 4048, 4056, 4064, 4072, 4080, 4088, 4096, 4100, 4108, 4116, 4124, 4132, 4140, 4148, 4156, 4164, 4172, 4180, 4188, 4196, 4200, 4208, 4216, 4224, 4232, 4240, 4248, 4256, 4264, 4272, 4280, 4288, 4296, 4300, 4308, 4316, 4324, 4332, 4340, 4348, 4356, 4364, 4372, 4380, 4388, 4396, 4400, 4408, 4416, 4424, 4432, 4440, 4448, 4456, 4464, 4472, 4480, 4488, 4496, 4500, 4508, 4516, 4524, 4532, 4540, 4548, 4556, 4564, 4572, 4580, 4588, 4596, 4600, 4608, 4616, 4624, 4632, 4640, 4648, 4656, 4664, 4672, 4680, 4688, 4696, 4700, 4708, 4716, 4724, 4732, 4740, 4748, 4756, 4764, 4772, 4780, 4788, 4796, 4800, 4808, 4816, 4824, 4832, 4840, 4848, 4856, 4864, 4872, 4880, 4888, 4896, 4900, 4908, 4916, 4924, 4932, 4940, 4948, 4956, 4964, 4972, 4980, 4988, 4996, 5000, 5008, 5016, 5024, 5032, 5040, 5048, 5056, 5064, 5072, 5080, 5088, 5096, 5100, 5108, 5116, 5124, 5132, 5140, 5148, 5156, 5164, 5172, 5180, 5188, 5196, 5200, 5208, 5216, 5224, 5232, 5240, 5248, 5256, 5264, 5272, 5280, 5288, 5296, 5300, 5308, 5316, 5324, 5332, 5340, 5348, 5356, 5364, 5372, 5380, 5388, 5396, 5400, 5408, 5416, 5424, 5432, 5440, 5448, 5456, 5464, 5472, 5480, 5488, 5496, 5500, 5508, 5516, 5524, 5532, 5540, 5548, 5556, 5564, 5572, 5580, 5588, 5596, 5600, 5608, 5616, 5624, 5632, 5640, 5648, 5656, 5664, 5672, 5680, 5688, 5696, 5700, 5708, 5716, 5724, 5732, 5740, 5748, 5756, 5764, 5772, 5780, 5788, 5796, 5800, 5808, 5816, 5824, 5832, 5840, 5848, 5856, 5864, 5872, 5880, 5888, 5896, 5900, 5908, 5916, 5924, 5932, 5940, 5948, 5956, 5964, 5972, 5980, 5988, 5996, 6000, 6008, 6016, 6024, 6032, 6040, 6048, 6056, 6064, 6072, 6080, 6088, 6096, 6100, 6108, 6116, 6124, 6132, 6140, 6148, 6156, 6164, 6172, 6180, 6188, 6196, 6200, 6208, 6216, 6224, 6232, 6240, 6248, 6256, 6264, 6272, 6280, 6288, 6296, 6300, 6308, 6316, 6324, 6332, 6340, 6348, 6356, 6364, 6372, 6380, 6388, 6396, 6400, 6408, 6416, 6424, 6432, 6440, 6448, 6456, 6464, 6472, 6480, 6488, 6496, 6500, 6508, 6516, 6524, 6532, 6540, 6548, 6556, 6564, 6572, 6580, 6588, 6596, 6600, 6608, 6616, 6624, 6632, 6640, 6648, 6656, 6664, 6672, 6680, 6688, 6696, 6700, 6708, 6716, 6724, 6732, 6740, 6748, 6756, 6764, 6772, 6780, 6788, 6796, 6800, 6808, 6816, 6824, 6832, 6840, 6848, 6856, 6864, 6872, 6880, 6888, 6896, 6900, 6908, 6916, 6924, 6932, 6940, 6948, 6956, 6964, 6972, 6980, 6988, 6996, 7000, 7008, 7016, 7024, 7032, 7040, 7048, 7056, 7064, 7072, 7080, 7088, 7096, 7100, 7108, 7116, 7124, 7132, 7140, 7148, 7156, 7164, 7172, 7180, 7188, 7196, 7200, 7208, 7216, 7224, 7232, 7240, 7248, 7256, 7264, 7272, 7280, 7288, 7296, 7300, 7308, 7316, 7324, 7332, 7340, 7348, 7356, 7364, 7372, 7380, 7388, 7396, 7400, 7408, 7416, 7424, 7432, 7440, 7448, 7456, 7464, 7472, 7480, 7488, 7496, 7500, 7508, 7516, 7524, 7532, 7540, 7548, 7556, 7564, 7572, 7580, 7588, 7596, 7600, 7608, 7616, 7624, 7632, 7640, 7648, 7656, 7664, 7672, 7680, 7688, 7696, 7700, 7708, 7716, 7724, 7732, 7740, 7748, 7756, 7764, 7772, 7780, 7788, 7796, 7800, 7808, 7816, 7824, 7832, 7840, 7848, 7856, 7864, 7872, 7880, 7888, 7896, 7900, 7908, 7916, 7924, 7932, 7940, 7948, 7956, 7964, 7972, 7980, 7988, 7996, 8000, 8008, 8016, 8024, 8032, 8040, 8048, 8056, 8064, 8072, 8080, 8088, 8096, 8100, 8108, 8116, 8124, 8132, 8140, 8148, 8156, 8164, 8172, 8180, 8188, 8196, 8200, 8208, 8216, 8224, 8232, 8240, 8248, 8256, 8264, 8272, 8280, 8288, 8296, 8300, 8308, 8316, 8324, 8332, 8340, 8348, 8356, 8364, 8372, 8380, 8388, 8396, 8400, 8408, 8416, 8424, 8432, 8440, 8448, 8456, 8464, 8472, 8480, 8488, 8496, 8500, 8508, 8516, 8524, 8532, 8540, 8548, 8556, 8564, 8572, 8580, 8588, 8596, 8600, 8608, 8616, 8624, 8632, 8640, 8648, 8656, 8664, 8672, 8680, 8688, 8696, 8700, 8708, 8716, 8724, 8732, 8740, 8748, 8756, 8764, 8772, 8780, 8788, 8796, 8800, 8808, 8816, 8824, 8832, 8840, 8848, 8856, 8864, 8872, 8880, 8888, 8896, 8900, 8908, 8916, 8924, 8932, 8940, 8948, 8956, 8964, 8972, 8980, 8988, 8996, 9000, 9008, 9016, 9024, 9032, 9040, 9048, 9056, 9064, 9072, 9080, 9088, 9096, 9100, 9108, 9116, 9124, 9132, 9140, 9148, 9156, 9164, 9172, 9180, 9188, 9196, 9200, 9208, 9216, 9224, 9232, 9240, 9248, 9256, 9264, 9272, 9280, 9288, 9296, 9300, 9308, 9316, 9324, 9332, 9340, 9348, 9356, 9364, 9372, 9380, 9388, 9396, 9400, 9408, 9416, 9424, 9432, 9440, 9448, 9456, 9464, 9472, 9480, 9488, 9496, 9500, 9508, 9516, 9524, 9532, 9540, 9548, 9556, 9564, 9572, 9580, 9588, 9596, 9600, 9608, 9616, 9624, 9632, 9640, 9648, 9656, 9664, 9672, 9680, 9688, 9696, 9700, 9708, 9716, 9724, 9732, 9740, 9748, 9756, 9764, 9772, 9780, 9788, 9796, 9800, 9808, 9816, 9824, 9832, 9840, 9848, 9856, 9864, 9872, 9880, 9888, 9896, 9900, 9908, 9916, 9924, 9932, 9940, 9948, 9956, 9964, 9972, 9980, 9988, 9996, 10000, 10008, 10016, 10024, 10032, 10040, 10048, 10056, 10064, 10072, 10080, 10088, 10096, 10100, 10108, 10116, 10124, 10132, 10140, 10148, 10156, 10164, 10172, 10180, 10188, 10196, 10200, 10208, 10216, 10224, 10232, 10240, 10248, 10256, 10264, 10272, 10280, 10288, 10296, 10300, 10308, 10316, 10324, 10332, 10340, 10348, 10356, 10364, 10372, 10380, 10388, 10396, 10400, 10408, 10416, 10424, 10432, 10440, 10448, 10456, 10464, 10472, 10480, 10488, 10496, 10500, 10508, 10516, 10524, 10532, 10540, 10548, 10556, 10564, 10572, 10580, 10588, 10596, 10600, 10608, 10616, 10624, 10632, 10640, 10648, 10656, 10664, 10672, 10680, 10688, 10696, 10700, 10708, 10716, 10724, 10732, 10740, 10748, 10756, 10764, 10772, 10780, 10788, 10796, 10800, 10808, 10816, 10824, 10832, 10840, 10848, 10856, 10864, 10872, 10880, 10888, 10896, 10900, 10908, 10916, 10924, 10932, 10940, 10948, 10956, 10964, 10972, 10980, 10988, 10996, 11000, 11008, 11016, 11024, 11032, 11040, 11048, 11056, 11064, 11072, 11080, 11088, 11096, 11100, 11108, 11116, 11124, 11132, 11140, 11148, 11156, 11164, 11172, 11180, 11188, 11196, 11200, 11208, 11216, 11224, 11232, 11240, 11248, 11256, 11264, 11272, 11280, 11288, 11296, 11300, 11308, 11316, 11324, 11332, 11340, 11348, 11356, 11364, 11372, 11380, 11388, 11396, 11400, 11408, 11416, 11424, 11432, 11440, 11448, 11456, 11464, 11472, 11480, 11488, 11496, 11500, 11508, 11516, 11524, 11532, 11540, 11548, 11556, 11564, 11572, 11580, 11588, 11596, 11600, 11608, 11616, 11624, 11632, 11640, 11648, 11656, 11664, 11672, 11680, 11688, 11696, 11700, 11708, 11716, 11724, 11732, 11740, 11748, 11756, 11764, 11772, 11780, 11788, 11796, 11800, 11808, 11816, 11824, 11832, 11840, 11848, 11856, 11864, 11872, 11880, 11888, 11896, 11900, 11908, 11916, 11924, 11932, 11940, 11948, 11956, 11964, 11972, 11980, 11988, 11996, 12000, 12008, 12016, 12024, 12032, 12040, 12048, 12056, 12064, 12072, 12080, 12088, 12096, 12100, 12108, 12116, 12124, 12132, 12140, 12148, 12156, 12164, 12172, 12180, 12188, 12196, 12200, 12208, 12216, 12224, 12232, 12240, 12248, 12256, 12264, 12272, 12280, 12288, 12296, 12300, 12308, 12316, 12324, 12332, 12340, 12348, 12356, 12364, 12372, 12380, 12388, 12396, 12400, 12408, 12416, 12424, 12432, 12440, 12448, 12456, 12464, 12472, 12480, 12488, 12496, 12500, 12508, 12516, 12524, 12532, 12540, 12548, 12556, 12564, 12572, 12580, 12588, 12596, 12600, 12608, 12616, 12624, 12632, 12640, 12648, 12656, 12664, 12672, 12680, 12688, 12696, 12700, 12708, 12716, 12724, 12732, 12740, 12748, 12756, 12764, 12772, 12780, 12788, 12796, 12800, 12808, 12816, 12824, 12832, 12840, 12848, 12856, 12864, 12872, 12880, 12888, 12896, 12900, 12908, 12916, 12924, 12932, 12940, 12948, 12956, 12964, 12972, 12980, 12988, 12996, 13000, 13008, 13016, 13024, 13032, 13040, 13048, 13056, 13064, 13072, 13080, 13088, 13096, 13100, 13108, 13116, 13124, 13132, 13140, 13148, 13156, 13164, 13172, 13180, 13188, 13196, 13200, 13208, 13216, 13224, 13232, 13240, 13248, 13256, 13264, 13272, 13280, 13288, 13296, 13300, 13308, 13316, 13324, 13332, 13340, 13348, 13356, 13364, 13372, 13380, 13388, 13396, 13400, 13408, 13416, 13424, 13432, 13440, 13448, 13456, 13464, 13472, 13480, 13488, 13496, 13500, 13508, 13516, 13524, 13532, 13540, 13548, 13556, 13564, 13572, 13580, 13588, 13596, 13600, 13608, 13616, 13624, 13632, 13640, 13648, 13656, 13664, 13672, 13680, 13688, 13696, 13700, 13708, 13716, 13724, 13732, 13740, 13748, 13756, 13764, 13772, 13780, 13788, 13796, 13800, 13808, 13816, 13824, 13832, 13840, 13848, 13856, 13864, 13872, 13880, 13888, 13896, 13900, 13908, 13916, 13924, 13932, 13940, 13948, 13956, 13964, 13972, 13980, 13988, 13996, 14000, 14008, 14016, 14024, 14032, 14040, 14048, 14056, 14064, 14072, 14080, 14088, 14096, 14100, 14108, 14116, 14124, 14132, 14140, 14148, 14156, 14164, 14172, 14180, 14188, 14196, 14200, 14208, 14216, 14224, 14232, 14240, 14248, 14256, 14264, 14272, 14280, 14288, 14296, 14300, 14308, 14316, 14324, 14332, 14340, 14348, 14356, 14364, 14372, 14380, 14388, 14396, 14400, 14408, 14416, 14424, 14432, 14440,





quod sine addito ad 2. fiat inde superior, a 2. ubi ualeat 2. Dicoque quod si dicitur  $Q \uparrow 2$  &  $N$  in solidis & primo productum a  $N \uparrow 2$  facta est arguta. Superiori inferiori quod ad numerum utriusque facta dupla, sed in superiori dicitur charactere inferioribus facta una utriusque minoris. Ergo a  $N$  per  $\frac{1}{2}$   $N$ , multiplicatum, habebimus  $\frac{1}{2} N$  si a per  $\frac{1}{2} N$  sufficit a  $N$ , est ergo  $\frac{1}{2} N$  quatuor. In altera equatione a  $\frac{1}{2} N$  ponatur, ut  $Q$  prius, ab illa, equatio fit inter 2  $\frac{1}{2} N$  &  $2 \frac{1}{2} N$  &  $1 \frac{1}{2} N$ , non  $\frac{1}{2} N$ . Primum numerum utriusque quatuoribus primis a  $\frac{1}{2} N$  secundum  $\frac{1}{2} N$  tertium  $\frac{1}{2} N$  (in eorum facta correptione.) Tertio primus in secundis factus  $\frac{1}{2} N$ , quod productum in tertium abducat, ut  $\frac{1}{2} N$  habebit, secundum de eorum est, abducat in primis fit  $\frac{1}{2} N$ , habebit quadratum  $\frac{1}{2} N$ . Adde si dicitur secundum habebit  $\frac{1}{2} N$  quadratum. Adde si dicitur tertium fit  $\frac{1}{2} N$  quadratum, quod abducat efficitur.

XXIV. Inveniantur tres numeri, ac quos ex his fit solidus, quosque ipsorum productum, fiat quadratus. Si primus  $N$  solidus autem  $Q \uparrow 1 N$ , qui multiplicatus primo, quadratus fit iam cum solidus & utriusque confectus fit  $Q \uparrow 1 N$  & primus fit  $N$ ; utrius productus secundi in tertium multiplicatione erit  $N \uparrow 1$ , ac ponamus secundum esse 2, ergo tertius est  $N \uparrow 1$ . Superest ut solidus tam secundo quam tertio detracto, utrobique fiat quadratus. Ac secundo multatus, fit  $Q \uparrow 1 N$  — 2 tertio adempto, remanet  $1 Q$  — 2. horum utriusque equabitur quadratus. Hic ita duplicata equino existit. Ac ratio interualum, quod est  $1 N$  & continuo duos numeros, quosque unus in alterum multiplicatione  $1 N$  procreetur, ut fiat 2  $N$  &  $\frac{1}{2}$ , ut hic ducatur in duplam lateris Quadrati. Est ergo quem nosse equatio, & fit  $1 N$ , 17, ac primus eorum qui quatuor est 17, secundus 23.

## XYLANDRI.

Ubi dicitur, ut sita eorum quod abducat fita ualeat hoc, ualeat ualeat ualeat  $E$  uti dicitur. Duplata autem autem equatio fit solidus. Tertio componitur interualum a  $2 \frac{1}{2} N$  — 2. hinc fita  $1 N \uparrow 2$ , quadratum habet  $2 \uparrow 2 N$   $\frac{1}{2}$  hinc equatur  $2 \uparrow 1 N$  — 1. Ergo pariter  $1 N$  abducat, & abducat, ut sita  $2 \frac{1}{2} N$  utrius, abducat, equatur  $1 \uparrow 2 N$ , Ergo  $1 N$  factus  $\frac{1}{2}$ . Et qui quatuor numerus fit  $\frac{1}{2} N$ , &  $\frac{1}{2} N$ . Solidus quo fit primo in secundis, productum in tertium multiplicatum, est  $\frac{1}{2} N$ . Unde si primus fit  $\frac{1}{2} N$  superior, reliquatur quadratum  $\frac{1}{2} N$ . In secundum parte  $\frac{1}{2} N$ , reliquatur quadratum  $\frac{1}{2} N$  si tertium, abducat  $\frac{1}{2} N$ , reliquatur quadratum  $\frac{1}{2} N$ , & abducat fita postulat.

XXV. Datum numerum in duos numeros dividimus, ut qui fit altero in alterum multiplicato, fit cubus suo multatus latere. Si numerus 6, partes ponantur  $2$  &  $3$  — 1.  $N$  multiplicatione eorum productum  $6 N$  — 1  $Q$ . Hoc equatur cubo cuiusdam de solidis. Ergo cubi lateris aliquis  $N$  — 1, ac si lateris eius 2  $N$  — 1, cubus cubus, lateris detracto, fit  $1 C \uparrow 4 N$  — 1  $Q$ , hoc equatur  $6 N$  — 1  $Q$ . Hic si numerus  $N$  utriusque fuerit equalis, ut stabat ut  $C$  &  $Q$  quatuor, & numero uero exprimeretur solutio. At 4  $N$  ab excessu proficiscitur super 2  $N$ ; si cubos ter 2  $N$ , & si ter 2  $N$  amittit 2  $N$ , remanent his 2  $N$ . At 6  $N$  ducatur ex hypothesi. Eo utriusque ductus sum, ut quod ex duos fit loco 2  $N$  numerus aliquis, quibus tribus fuerit 6. Is est 1. Ergo cum quatuor 6  $N$  — 1  $Q$  equalis cubo cuiusdam detrit later hoc ego pono 1  $N$  — 2, cuius cubus, ipse later detracto est  $1 C \uparrow 6 N$  — 20  $Q$ , quod equatur  $6 N$  — 1  $Q$  fit  $1 N$ , 26. Est ergo primus 26, secundus 176.

## XYLANDRI.

Proferuntur hae factae esse omnia, sed ualeat apparet. Nam cubus lateris 10 — 1 est 17  $C$  — 27  $Q \uparrow 1 N$  — 1, unde si ipsum lateris superior, reliquatur 17  $C$  — 27  $Q \uparrow 1 N$ , quod residuum equatur 6  $N$  — 1  $Q$ . Adfer utriusque, 6  $N$ , & abducat utriusque  $2 \frac{1}{2} N$  equatur eius ualeat 17  $C$  & 26  $Q$ , unde tertium componitur in 10 factis, quod lateris cubi ad quem referuntur est a quatuor proferunt. Ceterum 10 est  $\frac{1}{2} N$ . Et cum hoc fit altera dicitur de per, qui propositus est nobis fit, fiat  $\frac{1}{2} N$ ; altera ualeat  $\frac{1}{2} N$ . Hinc numerum per  $\frac{1}{2} N$  multiplicatum, productum  $1 \uparrow 2 N$ . Quod si fit 6  $N$  — 1  $Q$ , abducatur later, ut est  $\frac{1}{2} N$ , & ergo  $\frac{1}{2} N$ . At si ualeat  $\frac{1}{2} N$ , fit  $\frac{1}{2} N$ , abducat  $\frac{1}{2} N$ , habebit  $\frac{1}{2} N$  solidum tam cubi lateris est  $1 N$  — 1, hoc est  $\frac{1}{2} N$  —  $\frac{1}{2} N$  numerum  $\frac{1}{2} N$ . Ergo ipse cubus  $\frac{1}{2} N$ , unde si later ipsum superior, quod est  $\frac{1}{2} N$  fit  $\frac{1}{2} N$ , reliquatur  $\frac{1}{2} N$ , hoc est  $\frac{1}{2} N$  cum hoc numerum componitur, hinc in superioribus  $17 \uparrow 1 \uparrow 1$  est, facta factum hinc proferunt, & quod ualeat est, abducat utriusque ualeat utriusque  $17 \uparrow 1 \uparrow 1$  est, facta factum hinc componitur.

XXVI. Datum numerum in tres partes dividimus, & quibus octus solidus, cuius fit,

bus facilius habens æquale summis intervalloꝝ quibus binij inter se distant. Di-  
videndus sit 4. solidus quem tres partes constituunt, sit C (cubum eadem esse opor-  
tet) lateris 2 N. Jam intervallo primi & secundi, secundi & tertij, tertij & primi, un-  
da duplum facimus eius quod est inter tertium & primum. hoc est. Si tres fuerint u-  
meni inæquales, utrum intervallo duplum fiat intervallo eademomni. Nonero-  
rum autem & intervalloꝝ summa debet esse eadem. Ponamus tertium primo  
maiores intervallo 1 N, & sit primus 2 N (poterant quovis N sumere) tertius est  
3 N. Cumq; solidus his tribus componitur sit 3 C: & primus in tertium ductus 6  
Q producat consequens est secundum fore 1 1/2 N. Hoc loco si secundus tertio mi-  
norem primo excessum: iam questioꝝ satis erat factum. Vesim secundus pro-  
dijt divisio 8 per 12 quod ex primo in tertium habet primus autem & tertius nō sunt  
temerè similes, sed qui unitate differant. Ed itaque de certis, ut querendi sint duo  
numeri unitate differentes, ut per eum qui altero in alterum multiplicato gi gunt,  
divisio edonatio, numerus existat minor maior, & maior minor. Si minor N,  
maior N 7 1/2. productus eorum multiplicatione 1 Q 7 1/2 N. per quem si 1 dividat,  
erit medius 4, is maior debet esse quàm 1 N, minor quàm 1 N 7 1/2. Quorum interme-  
dium cum sit 1, quam intervallo primi & medij minus unitate est. Ergo secundus  
cum unitate maior erit primus. Secundus addito unitate, & restitutus in medietatem,  
sit 5, hoc ergo maior est quàm 1 N 7 1/2 & facta reductione: Q 1 N 1 1/2 maior est quàm  
1 C 1 1/2 Q 7 1/2 N. Asseruntur similia à similibus, relinquatur 1 minus quàm 1 C 1:  
Rigantur cubum in quo continentur: C 1: Q, sitq; lateris eius 1 N 1/2. & quoniam  
1 minus sit quàm 1 C 1: Q 2: cubus quoq; latido latere maior quàm 1 C 1: Q 2:  
quemus eadem latere, 2 & 1 N 1/2. Per 1 N, 1/2. Jam ad es quæ posterius hoc accom-  
modetur. Erit primus 8, secundus 9, tertius 7. & omnibus per 12 multiplicata, pri-  
mus 40, secundus 27, tertius 21, communi denominatore 12 nichilo. & summa fiat  
tres numeri, quorum es multiplicacione octus solidus, sit cubus, lateri habens sum-  
mam intervallo eorum. Sit autem lateris primus 40 N, & secundum 27 N, tertium 21 N. &  
solidus horum trium est cubus, cuius lateris æquante intervallo ipsorum continebitur.  
Volo autem hos tres æquare unitatibus datis, numero scilicet proposto, qui est 4.  
Ergo 32 N æquatur 4. sit 1 N, 1/2. Ad posita, primus erit 40, secundus 27, tertius 21.

$$\frac{1}{N} = \frac{1}{N}$$

$$\frac{1}{N} = \frac{1}{N}$$

K Y L A N D E I

Solus quidem verus est. R 20 1 N 1/2. Primus ergo 1/2, secundus 1/2, tertius 1/2. Pro quo  
hoc facile denominatore sub contrarietate 40, 27, 21, sufficit: cum huiusmodi de contrarietate  
denominatore non sufficit cubum existitorem. Itaq; primo in secundum ducto fuerit 1272. hoc per  
tertium multiplicata habet 2700, qui est cubus à latere 30. Sed est quædam numerorum interme-  
dia sunt 12, 15, hoc est 30, uti passim dicitur. Preterquam autem quod modo in Craco aliquot  
sunt, quæ contrarietate inter intervallum, addit unitate sunt 12, quæ explicatas habent admo-  
dum difficultat. Quæ de intervallorum summa distancat, et dicitur ad tertij quatuor uti præf-  
erunt huius libri de contrarietate in satis intelligi possunt. Denominat 1 C æquæ autem cubi à la-  
tere 1 N, 1/2 sit q; minor sit quàm 1 C 1: 2. Itaq; latera eorum æqualia est, summa ductus  
narcida. Atque autem ergo 2 N sit 1 N 1/2. At sit 1 N non sit 1/2, sed 1/2. Operatur ergo sit q; sit  
later cubi 1 N 1/2, ut 1 N sit 1/2. hoc enim deinde in voce hypostasis remissis antea appa-  
ret. Nam sit 1/2 N sit 1 N 1/2 restituit per unitatem 1 N, ut unitatem sit, ut 1 dividit per compo-  
sitionem ex illo, ut autem sit q; later 1 N primus. Nam sit 1 N sit 1/2, quatuor erit 1/2 sit 1/2. 1/2 N  
est 1/2, quatuor erit 1/2, utriusque minorum numerus. Ad istos adverte de his numeris. Et  
inducant unde hypostasis Diophantica 22, 23, curritur, ut sit 1/2, 1/2, ut ut sit facili est  
restitutum, his eam partem ad situm cum quatuor unitas est restitutum. ut 1 N sit 1/2  
1/2. Atque (ubi non adhibet) explorat; non valent pro 1 N, utriusque erit erit. per  
minorem vero operatum: Et sit q; sit conditio obvia hypostasis, more sit. Hoc sermo sunt  
eandem, sed videtur numerum non quadrare palliatum, quæ extremum intelligit  
interius magis produceret numerum. Minor autem quæ produceret, si alii esset nu-  
merus, quæ sit q; sit. Ergo pro 1/2 pariter, sed res non faceret, quod expectat dice, ut  
ergo 1 N, 1/2, erit alter extremus? Nam in multiplicacione produceret 1/2, per quæ 1 dividit 1/2,

quæ sit

quoniam habetur, qui erit minor est maior, maior minor. quod manifestum est, veluti  
 numerus Despharica, ad communem denominatum quatuordecim partibus denominacionem refer-  
 dit. Faciam hoc per se, non est ita pro 12, ut per 12 non expectat diffinitionem rem. Sed et prima  
 positio est utriusque passiva videtur: quod per se non est transpositio. Causam hanc  
 sicut videtur esse, que reducitur ad eundem numerum, ut de solentur, modo tractare. Ceterum  
 autem indicacionem Faciamur ergo  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{3}$ , numerus signi 12 afficit, et habet numerus ad eundem de-  
 nominacionem, ut per se passiva nullam fallam. Atque tractatio passiva, hoc accipit, quod  
 non est in significatione, sed alius numerus est summa partium. Reliqua loquitur.

XXVII. Dicitur duo numerus, ut qui sit multiplicacione alterius in alterum, ut  
 tollitur adiecto cubum faciat. Primum pono aliquot N, quorum numerus sit cubi-  
 culus, utriusque N. alterum Q. — 1. Ita alteri postulatorem facit. Nam si alter  
 in alteri multiplicato ad productum adiciatur prior, cubus existeret. Reliquus est ut  
 productus hinc nam postulatorem afficitur cubus fiat. Fit autem hinc conueniens C T  
 Q — 1 N — 1. quod equatur cubo. Habet latus duo 1 N — 1. & fit 1 N, 14.  
 Ergo iustis posticea notitas prior est 14 posterior 27.

X Y L A N D R I.

Si 12 per 27 multiplicetur, sunt 324. quibus si 27, siue 12 addit, utriusque cubus inueni-  
 tur. Quod ad posteriorem dicitur, cubus qui fit utriusque prior ad productum numerum addit, uter  
 12. Quod ad quibus si 27 (primum) detrahatur, superest 1 C — 1 N, quod si ex primo  
 in secundum ad super 12 dicitur, ut per primum secundum inuenitur: Q — 1. Latus ce-  
 lestis per 1 C & 1 dicitur in equatione fit uter 1 N — 1. cubus est 1 C + 1 N — 12  
 Q — 1. hoc equatur 1 C T 1 Q — 1 N — 1. Primum 1 C detrahatur, addatur uter  
 12 Q & 1 1 N, ut sit equatio uter 14 N & 12 Q. Ergo 1 N est  $\frac{1}{2}$ . Est ergo quatuordecim al-  
 ter  $\frac{1}{2}$ , alter  $\frac{1}{3}$  —  $\frac{1}{2}$  (1) Q — 1 numerus  $\frac{1}{2}$  multiplicato  $\frac{1}{2}$  per  $\frac{1}{3}$  productus  
 $\frac{1}{6}$ . Item si addit  $\frac{1}{2}$ , hoc est  $\frac{1}{6}$ , summa erit cubus  $\frac{1}{6}$ , latus  $\frac{1}{2}$ . Ita utrum productus  
 addit  $\frac{1}{2}$ , siue  $\frac{1}{3}$  summa erit  $\frac{1}{6}$ , cubus & 12, & latus  $\frac{1}{2}$ . & scilicetum est quatuor.

XXVIII. Inuenitur numerus duo, quorum unus in alterum multiplicacione  
 qui sit, utrobique ipsorum detracto fiat cubus. Rursum primum ponatur 12, secun-  
 dus 1 Q — 1 semper, latus productus eorum multiplicacione, dicitur secundo, sic 1 C T 1  
 N — 1 Q — 1 hoc equatur cubo. Est autem impossibile, Rursum primum summo  
 numerum N cubum & 12 sit 1 N T 1, secundus Q, uno in alterum multiplicato,  
 & primo ab eo quod sit subtrahit, sit cubus. Rursum secundum si ab eodem produ-  
 cto subtrahatur, reliquitur 1 C T 1 Q — 1 N — 1, a quale cubo hunc conficitur & la-  
 tere 1 N, sit 1 N 14, & si ad posticam accedamus, prius est 12, secundus 19 8.

X Y L A N D R I.

Composio & dicitur hoc facti in Græca. Cuius primum passivum impossibile sequitur dicitur, non  
 exprimitur. Ceteri si 12 in 1 Q — 1 dicitur, sit 1 C — 1 N, unde si secundum dicitur, habet  
 1 C — 1 Q — 1 N — 1. ut 12 equatur alterum autem corripit. Hoc si cum cubo  
 lateris 1 N — 1 (cum addit eorum duo passiva) conficitur per 1 C T 1 N — 12 Q — 1. nihil  
 sit ab eodem equatur eorum 14 N & 12 Q. Sed si primum de productis ab eodem, reliquitur  
 iter 1 C — 1 N equatur cubo, cum latus prius addit per se quo ab eodem inuenitur dicitur  
 lateris passiva, & per primum (in Græca primum & secundum inuenitur dicitur ponatur, ad rem  
 nihil inuenitur in eodem lateris primum per se dicitur, maxime cum secundum numerus in ordine ab  
 altero ponatur, ut inuenitur lateris dicitur app. per 1 N, ponitur 1 N T 1 per secundum 1 Q, cum  
 eorum productus 1 C T 1 Q, ut 1 Q primum dicitur, eandem sit 1 C restat cubum. Reliqua sunt  
 eadem que in se per se passivum. Ergo 1 N hoc equatur  $\frac{1}{2}$ , sit primum  $\frac{1}{2}$ , secundus  $\frac{1}{3}$   
 hoc per primum multiplicato, sunt  $\frac{1}{6}$ . Pars primum  $\frac{1}{6}$  conficitur superius  $\frac{1}{6}$   
 cubus lateris  $\frac{1}{2}$ . Et ab eodem productis secundum, que est  $\frac{1}{3}$ , conficitur reliquitur  $\frac{1}{6}$  cu-  
 bus, latus habet cubum  $\frac{1}{2}$ . Ita hoc quoque explicata est quæstio.

XXIX. Quatuor duo numerus, quorum unus in alterum multiplicacione qui  
 sit numerum summo cum ad data quidem detracto est, cubus sit. Sic cubus quem produ-  
 citur cum summa numerorum conficit, 24. & cubus quem summa numerorum &  
 productis subtrahit relinquit, 8. Horum cubo tam intervallem 16, duplum est sum-

me numerorum; horum ergo summa 25. Et quia productum cum summa facit 64, reliquum productum esse 36. Sed 36q; loci deducta res est, ut duo numerus inueniam quorum summa sit 25, productus uno in alterum multiplicato 36. Et hoc maior 1 N 7 14; cui minor 14 — 1 N, reliquum est, et qui sit uno in alterum multiplicato, minimum 196 — 1 Q, sit 36. Sit Q q; qualis 100. Quod si uno esset quadratus numerus, solus esset questus. Enumero 160 est excessus 196 supra 36. Et 196 est quadratus numeri 14, qui est semissa de 28. Itaq; 196 sunt semissa 28 in se deducta. At 14 semissa est de 36, ergo 14 sunt quadrans de 36. Et autem 36 in uentulum ducens cuborum 64 & 1 & 36 est cuborum horum summa semissa. Itaque est deductus sum, ut querendi mihi sint duo cubi, quorum intervallo quadrans in se si ducatur, ipsorum cuborum semisse de quadrato qui sic se habet subdacto, quadratum relinquatur. Sit lauis maioris cubi 1 N 7 1, minoris: N — 1. Sunt cubi, maior: C 7 3 Q 7 2 N 7 1, minor: C 7 3 N — 3 Q — 1. Horum intervallo qui dicitur est 14 Q 7 3, qui si in se ducatur, sunt 14 Q Q 7 1, Q 7 3. Vnde si semisse summa cuborum, qui est C 7 3 N auctus, reliquatur 14 Q Q 7 1, Q 7 3 — 1 C — 3 N hoc queritur quadrato. Sed propter minutias omnia multiplicentur prius per 4, erunt 9 Q Q 7 6 Q 7 1 — 4 C — 12 N. Huc equabimus quadratum, cuius lauis sit 3 Q 7 1 — 6 N. Et ergo quadrans 9 Q Q 7 42 Q 7 1 — 36 C — 12 N, equalis 9 Q Q 7 6 Q 7 1 — 4 C — 12 N. Addeis & demittis utrobique equalibus, tandem 32 C — 12 N — 4 C — 12 N. Addis & demittis utrobique equalibus, tandem 32 C — 12 N — 4 C — 12 N. Jam de ea que postuerimus hoc conferatur. Cuborum latera posuimus, maioris: N 7 1, minoris: N — 1. est hoc illud 14. Cubi ergo plurimos 14 14, minor 7 7. Vero nunc ad id quod erat initio propositum, ac quare, quomodo duo numeri ducatur, quorum productus uno in alterum multiplicato, cum summa ipsorum numerorum constituit, cubi 14 14 faciat. idemq; productus summa eorum multiplicata cubi 7 7, reliquatur. Et quoniam intervallo horum cuborum dupli est summa ut in memoris est q; hoc intervallo 14 14 summa ipsorum numerorum est 14 14. Ac quid o productus est summa constituit, facit 14 14, & summa est 14 14; productus ergo est 14 14. Quod reliquum est ut conficiamus demonstrari est libro primo: sed explicanda causa questionis deinde est summa. Posuimus primis N est semisse summa ipsorum, hoc est 1 N 7 14, & sit secundus 14 14 — 1 N, summa eorum utiq; 14 14 est. Sed uno in alterum multiplicato, minoris 14 14 — 1 Q, 28q; hoc 99q; 2437. et ducatur eptere quocq; ad idem parit notat, & auferatur equalis ab equalibus, operatio erit inter 26 14 4 Q 8 14 sit N 300. ad possidens hoc si cuborum, ut patet 1752, facti d' 728, & cetera est demonstrata.

XYLANDRÆ

*Pallo est arguta hanc questionem tractatis. Et quoniam uentulosi sunt multi, et uentus ea conuoluit non fuit laboriosum. Denominatores postea nulli, cuborum res effuderunt. Quod de priore libro dicit, unde cum propolitionem respicimus, et que non de decimus. Sed alterum uentus mare nostro expeditur, et habet uentulosi per se. Sequitur et iter 1000000 — 1 Q, et productus 1000000, si addatur utrobique, 1 Q, et utrobique ablatum 1000000, fit 1000000: a quoque est iter 1000000, et 1 Q, (superior iter 1,000,000 et 1 Q, 14, 14, reddidit 1,000,000, et subditum res ad id quod nos agimus, recedunt. Nam ut ut iter 21, utrobique respicere oportet. 1 Q, 1 N 7 14. Primum ergo: N 7 14, est 14 14, secundus 14 14 — 1 N, est 14 14. Quare hoc loco denominatores nulli modo possunt, nisi uentus uentus deponatur. Et cum in se multiplicandus decimus est, et numerus alterius item multiplicando ad denominatores equalitatem perducendum, et uentus per se. Ipsi enim minoris si ad minoris redigimus ter minus; utrobique uentulosi nostri, cuborum inter operis est denominatores, que in se ducunt, et productus quadratum, cubus uentus etiam est de quadrato, et ad 12 denotatis alterius in hunc superest ut experiamus facti, cum ut uentus de uentus uentus postulare quæsitio. Certe si uentus denominatores 1728 in 728 multiplicata, 12 1728 productum, et si summa numerorum horum edidit, uentus 12 12 12, nequaquam cubus. Si summa producti aduenit, superest 12 12 12, ubi uentus cubus. Ad 12 12 12, per 12 12 multiplicata, productus 12 12 12. Summa numerorum est 12 12, ad idem producti uentus reddidit, 12 12 12. Quia denominatores sit cubus uentus arithmetica uentus dicitur. Itaq; cum uentus dicitur separatum, et 12 12 12 ad ducatur ad 12 12 12, ubi de uentus uentus uentus, fit in cubus. Summa est 12 12 12, cubus*

















XYLANDRI.

Inferi est 25m, Alter. Sed ab utroque hoc, & etiam incertitatem, tunc problema superius videt  
 tale trahitur, eundem autem quo superius dicto laborat hoc probabitur. 25m enim 17 p 2 N,  
 fit, fit 25 p per 3 N ducitur, fit 2, quomodo prius problema horum soluitur in resista. Hic  
 enim ab utroque 4, ut prius fecimus in N 15 n erit 5, prius fit 17 p 2 N, erit 27 proba  
 cum hi ad 25, modo fit 22 (summa 27 minus) auferat, 22 resista, sicut passivetur. At si prius  
 ducatur 2, ut hoc patto erit 12, quod si per 5 (secundum) multiplicetur, emerit 62, summa  
 auctoram est 12, que a productis soluta, 62, relinquit, hoc est 5. Restat ut verum posteriori sola  
 steven exprematur. Sit ergo secundus 25 1, erit prius (ut ant) 2, & totum 225 remanem  
 num 1 25 N, fit 2. Hoc ab utroque prius multiplicaverit, 2 productis, em flidamur (hoc enim  
 est summa prius & 225) relinquatur numerus aequalis 2 2, restans 1 N est 12. Ergo pro  
 prius est 2, secundus 12, tertius 2. (Sunt ad unum reducere, erant summas denominatore  
 de constituta, de numeratore 2 27, 202, 224, que si numeris integris occurrerit apud Diophan  
 tum superserant.) Experimentum autem in sacchara palustris. Prius in secundum dalls flent  
 22, summa 27 minus 5, inde auferat, restat 22, hoc est 2. Secundo in tertium productis 17 2,  
 summa 27 minus 22, inde subtrahit, relinquitur 5, hoc est 5. Denique tertium in prius mul  
 tiplicat 5, unde si aliquis 27 minus summa 22, supersat 5, hoc est 5. Varias priores  
 hoc modis modo prius hoc 1 21, 24, alig efficit numerum, 21, 24, 27, 28, 29, &c. modo unum  
 ab utroque quadrati qui ferre se quibusdam, ut in serdo resisteret.

- a  $\frac{17N+2}{2N}$
- b  $\frac{17+2}{2N}$
- c  $\frac{17N+2}{2N}$
- d  $\frac{17+2}{2N}$
- e  $\frac{17N+2}{2N}$
- f  $\frac{17N+2}{2N}$
- g  $\frac{17N+2}{2N}$

XLI. Duo numeri infiniti dantur, ut qui sit suo ipsorum in alterum ducto, ad sum  
 mam ipsorum habeat proportionem qua prescribitur. Sit producti ad summam  
 triplicatio. Status prius 1 N, secundum 2. Pluris ex ipis fit 2 N, quod triplum  
 fit ad 1 N 2, ergo 2 N 2 2 2 2 2 2 2 2 2 N, fit 1 N, 2 2. quod si possibilibus notus se  
 cundum demus, prius erit 2 2, secundus 3. Considero hoc, 1 N fit 2 2, quod 2  
 N dividitur. At 2 sunt secundus per data ratiois numerum multiplicatus, & 2  
 sunt intervallum secunda, & numeri rationis. Ergo si quantumcumque statuamus se  
 cundum, & multiplicemus eum per numerum rationis date, ac productum dimidiam  
 per intervallum, quo fecit duo rationis numerum coeclit, inuenitur prius.  
 Secundus fit 2 N, multiplicat per 2, sunt 2 N, divide per 2 N, —, habes prius  $\frac{2N}{2N-4}$ .

XYLANDRI.

In Graecis exordate sunt hoc. Parri fit 7, & 1 ad hoc, habet 22 2, quorum triplum 27, secun  
 dum fit 14 2 in 7. Varias passu hoc, non est abstrahit. Sed ab utroque est cavetur. Sit prius 25,  
 secundus (verbo gratis) 22, summa 2 2 2 2 2. Invenit triplum 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 N, quod si  
 uno in alterum dalls, fit prius 4 secundus 12. Nam quater 12 sunt 48, commutatio est uno  
 ad summam auctoram, ut, statutuus per prius 1 N, soluta 2. Et rite manet eadem.  
 Probat 2 N, quod si triplum ad 2 N, a ergo 2 N 2 a quadratur 2 N, & 2 N 1 erit ab ut  
 quod est abstrahit. Hoc manet, ut intelligas secundum maiorem velis per se necesse qua re  
 tio prodit, ad summam facere exprimitur.

XLI. Dantur tres numeri, ut quem bini producatur plium, ut ad eorum sum  
 mam ea sit que postulat ratione. Si producti est prius in secundum ad summam  
 ipsorum triplus: et secundo in tertium ad summam horum quadruplus: et tertio in  
 prius ad summam eorum quincuplus. Statuamus secundus 1 N, erit ex preceden  
 te lemmae prius 2 2. Eodem modo tertius 2. Restat ut prius in tertium ductus  
 quem producit, ut ad summam ipsorum sit quincuplus. Probat 2 2 2 2 2. Similit  
 autem horum erit. Huius summa ergo quincuplum 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2. Et ab utro  
 communi denominatore, 22 Q equatur 22 Q — 22 N. Ita fit 2 N, 220. Idem ad  
 positionem applicamus, que erit 2 2 2 2 2. Si 220, ut 1 N, in prius multiplicata, 22  
 2 N, erit 440, reliquum est 22 220 ducas in 22 — 4, sunt 22, relinquitur ergo per  
 prius 22. Secundus in 220, 220 enim ab aliquo numeri parte denominatur. Pro te  
 20 220 in 4 N ducitur, sunt 4 20. Item in denominatori 22 — 4, sunt 20. re  
 stat ergo tertius 4 20, & manifesta est demonstratio.

- a  $\frac{17N+2}{2N}$
- b  $\frac{17+2}{2N}$
- c  $\frac{17N+2}{2N}$
- d  $\frac{17+2}{2N}$
- e  $\frac{17N+2}{2N}$
- f  $\frac{17N+2}{2N}$
- g  $\frac{17N+2}{2N}$
- h  $\frac{17N+2}{2N}$
- i  $\frac{17N+2}{2N}$
- k  $\frac{17+2}{2N}$

XYLANDRI.

Similitudo omnia sunt deprecata, itaque ab equatione incisa ad unum omnia deprecata  
 Latini.

$\frac{1}{2}$   
 $\frac{1}{3}$   
 $\frac{1}{4}$   
 $\frac{1}{5}$   
 $\frac{1}{6}$   
 $\frac{1}{7}$   
 $\frac{1}{8}$   
 $\frac{1}{9}$   
 $\frac{1}{10}$   
 $\frac{1}{11}$   
 $\frac{1}{12}$

*Levi. Septuaginta denarii verba convegit hinc. Rationem addendi & b. ubi nar. explicatur. non. quod hinc duplitas perspiciatur. Et non dicitur Ab hoc duo communi denominatore, ut Graecus se respicit. Sed in casu ubi si s. l. legendum videtur ut ubi ubi non dicitur in divisionem esse existens, nihil aliud est quam occulta multiplicatio per rem ipsam, qua convegitio abstrahitur. Cetera omnia sunt falsa. Non enim ubi. sed  $1\frac{1}{2}$  sitis 2, ubi est candido. Et hoc numerus ubi, ubi, quodam pacto praestitit quoniam praestitit praestituta hinc ut respondens. Ceterum ut ratio explicationis, cum  $1\frac{1}{2}$  sit  $1\frac{1}{2}$ , s. h.  $1\frac{1}{2}$  —  $1\frac{1}{2}$  —  $1\frac{1}{2}$  —  $1\frac{1}{2}$  dicitur  $1\frac{1}{2}$  hinc est  $1\frac{1}{2}$  per hoc secundum  $1\frac{1}{2}$ , ut ratiocinatio per ratiocinatio  $1\frac{1}{2}$ . Secundo dicitur  $1\frac{1}{2}$  ratiocinatio est s. h.  $1\frac{1}{2}$ , dividendum per s. h. —  $1\frac{1}{2}$ , hinc est per  $1\frac{1}{2}$  —  $1\frac{1}{2}$ , dividendo per  $1\frac{1}{2}$  sic ergo ratiocinatio  $1\frac{1}{2}$  fit  $1\frac{1}{2}$ . Hinc facile est videre quia postea Graeca convegitio sine. Sed convegitio hinc ubi, ut etiam praestititae sunt. Primum  $1\frac{1}{2}$  in secundum  $1\frac{1}{2}$  dicitur, praestititae  $1\frac{1}{2}$  summae ratiocinatio  $1\frac{1}{2}$ , ratiocinatio praestititae. Ratiocinatio secundum  $1\frac{1}{2}$  in ratiocinatio  $1\frac{1}{2}$  ratiocinatio  $1\frac{1}{2}$ , ut summa ratiocinatio est  $1\frac{1}{2}$ . quodammodo praestititae. Denique tertium  $1\frac{1}{2}$  in primum  $1\frac{1}{2}$  ratiocinatio  $1\frac{1}{2}$  ratiocinatio  $1\frac{1}{2}$  ut summa ratiocinatio est  $1\frac{1}{2}$  qua per quinqu. multiplicatio praestititae ratiocinatio. XLIII.*

Denuncietur numeri, quorum quem bini faciunt plerumque ad summam omnium habent quae positae rationem. Si plures in primo in secundum ad omnium summam tripliciter: plures in secundo & tertio ad omnium summam quadrupliciter: plures tercio in primum ducti factas, ad omnium summam quincupliciter. Quando binorum plures semper ad summam omnium habet dnam rationem: quare porro omnes tres numeros, & aliquem necuno, adhiberi, ad quem binorum plures habeat impertitas rationem. Arbitrarius iste numerus fit. cuius triplum, hoc est 15 N cum sit plures qui fit ex primo in secundum, aut plures iste 15. Statuamus secundum 15, sit plures 10 N. Rursum cum quis secundo in tertium fit, sit quadruplum arbitrarium istum, erit plures 10 N. ergo cum secundum sit 15, erit tertius 10 N. Restat ut qui est tertio ductus in primum fit, arbitramus 200 Q, fit quantitas ad arbitrarium. Ergo 200 Q ratiocinatio 25. Sane si numerorum inter se existisset ratio ea, qua quadrati est ad quadratum, quibusque solutionem inveniuntur. Enimvero 200 Q ratiocinatio erit 15 N in 200 N multiplicatis cum quidem 15 ad arbitrarium; tripliciter, 20 ad eandem quadruplam haberet rationem. Hoc ergo desideratum, ut si plures ad 3 per quadruplum ad 3 multiplicatus, productus ad 3 per 3 multiplicatus praed. arbitrarium habeat, qui est quadrati ad quadratum. Atqui 3 numerus arbitrarium est, & temere addimus. Quod quidem 200 inde est numerus, cuius triplum & quadruplum quem plures procedat, sit ad numerum quinquies, rationem habeat qui est quadrati ad quadratum. Hunc statuimus 15. Huius triplum 45 N in quadruplum 4 N multiplicatus, productus 12 Q, atque hic ad positae quincupliciter, ad 3 N inquam, rationem habeat oportet qui est duorum quadratorum inter se. Considerans est ut altero in altero ducto, fiat quadratus. Ergo 60 Cum quant quadrato 15 fit 900 Q, fit 1 N, 15. Ergo ad positae, cum quibus numerus sit 15, primus & secundus productus 45 N, cuius triplum sit 1 N, erit primus 45 N, quadruplum tertius 60 N. Superest ut productus hoc in primum multiplicato, solvere 2700 Q, sequatur quincuplo positae numeri, quod est 75. fit: 3 hoc pacto 6. In quo secundum positae primus erit 75, secundus 6, tertius 10. Quorum summa sit forte 91, facta istum plane esse quales. Statuo itaque eorum summam 91 Q, atque erit 24 N, hoc ergo aequatur 15 Q, fit: 1 N 47. Ad positae, erit primus 208, secundus 222, tertius 470.

XYLANDRI.

*Hic quia, mundo complexa ratiocinatio, explicationi. Dicit autem ratio, si in C aliquot quadrato ageretur, & s. h. fieri debeat 15 ( quod complexa duplitas non debet) non referri ad 30, 40 Q, sed ad 15, per 15. Non per se ducto, ut praed. Cetera omnia sunt confusa. Et, reliqua ut erant in Graecis. 200.00 autem ratiocinatio praeponitur. Certe in primo explicationis uniuscuiusque arbitrarium sic summam omnium ratiocinatio 1 N, cuius triplum 15 N, quadruplum 4 N, ut quincuplum ducto, 25 numerus dicitur. Et sic hinc 25 N positae, sic 2 explicationi: cum 25 N, & 1 N fit 26, quod ratiocinatio praed. duplitas. Rursum uniuscuiusque 25 N per quibus praestititae, ut summam omnium positae 25 N, ratiocinatio 25 N ad plures ratiocinatio eandem autem ratiocinatio 22 adhibetur. Solvitur autem numerus positae, sine fide & impetu.*

h. 2 ut dicitur.

ut demonstrare etiam hoc poterit. Et itaque notandum est hanc esse. Invenimus autem  
 rum. autem triplicem et quadruplam eam et multiplicata producta in numerum cuius ad dati qua-  
 druplam ratio sit quae est quae ad eam ad quatuordecim. Et hanc utique, tabulari potest Diophantus  
 bellis. Et quae quadrupla numerus 12. Atque hanc non solum numerum invenimus esse. Sed etiam  
 prima in sexagesimo dicitur fuisse 42. primus secundus est 12. sit primus. Et eadem ratione  
 tertius 21. primus in sexagesimo dicitur produci 12. quod apparet 21. quatuordecim summa numerus.  
 Hoc restat aequatio sit—270 || 72 Q. Et 12 sit 21. Ergo 12. puta secundus. est 6. primus  
 21. tertius in qua positum manifestat integra inter se correspondit. Atque hanc numerum  
 summa numerus non est. quod probatur. 21. tertium 21. Ita hanc abstractam de summa numerum  
 non tenetur per 12. Nam ab illis si addatur summa posterioribus. ad eam additur sum-  
 meri numerum. quae sit numerus quatuordecim. Erunt ergo summae hae 21. 12. 6. 12. 12. qua-  
 rum summa 21. Si primus in sexagesimo dicitur. 42. producta. tunc tertius 12. 21. et  
 probatur summa numerum aequat. sit ergo 12. 21. Ergo primus. 21. 21. est 4. secundus (puta 6  
 21) 21. tertius 21. numerus 12. Probatur eadem in sexagesimo sit expens. 21. 21. 21. 21.  
 Summa numerum est 21. Primus in sexagesimo sit artificiose multiplicatur (21) in (21) 21. Et  
 ea per 12. 21. Et 12. per 4. dicitur ad numerum terminus rediit. fuit 21. in (21) productum  
 21. summa triplicem summa numerum. In sexagesimo in tertium dicitur (21) in (21) numerum  
 tertium per 4. demonstratur posteriora per 4. reliquis per 4. dicitur ad numerum rediit.  
 fuit 21. in (21) productum 21. summa summa numerum quadruplam. Denique primus et tertius  
 numerum. 21. in (21) hoc est (quo in prima multiplicatur. eadem hanc inter comparat) 21  
 in 21 multiplicatur. fuit 21. 21. et eadem sit probata. Et summa numerum quadruplam.  
 Habes explicatum quatuordecim non. ut legimus. Et per diffidit. ut eadem correspondit ad multi-  
 tudine ad nos perita. ut perit numerum eorum dependere. Fides autem quod post legimus. et  
 numerum eorum sit in his rebus.

**KLIV.** Invenitur tres numeri. in summa eorum multiplicata per primum. fiat  
 triangulus. in secundum. quadratus. in tertium. cubus. Tertius summa numerum Q.  
 Primus quadratus numero triangulo. puta 6 Q. secundus quadratus numero  
 quadrato. 4. tertius quadratus numero cubico. sit Q. Ergo Q. in primum du-  
 ctus sit 6. triangulus. in secundum. 4. quadratus. in tertium. 2. quae est cubus. restat ut hi  
 tres conuicti sit: Q. at summa Q. quod aequatur. Q. & multiplicatis omnibus per  
 Q. se equatio inter 6. et QQ. Operetur ergo 12 esse Q. & habere latus quod sit  
 quadratus. At in est summa trianguli. quadrati. & cubi. Proinde repetitum est qua-  
 dratus. cuius latus eodem ex parte. numerum triangulo. quadrato. cubo. Est in: QQ  
 — 4. Ergo si hi QQ. quatuor. Q. — 4. superant 4. Q. — 4. haec dividit in cubi  
 & trianguli. ac sic cubus 8. est trianguli 2. Q. — 4. Porro quibus trianguli per 6. est  
 multiplicatus. additis numeris quadratus sit. Ergo 6. Q. — 7. equatur quadrato. Ergo  
 quadratus sit latus 4. N. in est 16. Q. — 8. N. sit 12. N. p. Haec ad positiones accom-  
 modatur. est triangulus 24. quadratus 4. 70. cubus 8. Venio ad id quod in medio propo-  
 sum. Tertio summa eorum 12. primum 12. Q. quando triangulus equatur se-  
 cundum 4. 70. Q. qua quadratus. tertium 12. qua cubus. In hoc multiplicatur. Q.  
 numerus quadratus facit triangulum. quadratum. cubum. Horum summa sit: Q.  
 et est 12. Q. quod equatur: Q. & depresso utroque. per: Q. equatur: Q. & 256. sit  
 12. p. Ergo secundum polita. primus est 24. secundus 4. 70. tertius 8. & reddens est de.  
 monstrano.

**XYLANDR.**

Glossarum in corruptis sit hinc Diophantus. quae post. Fix ad hoc est hinc restat. quae  
 summa post unde ora indiget quod hoc sit rei. quod hinc agitur. Trianguli numerus fuit. qui  
 numerus aliquis (quatuordecim sit perinde est) ab unitate ordine naturae perpenditur (sicut  
 sit summa arithmeticae numerorum identidem superant. quo est modus et ratio numerandi)  
 in summa summa contractis. ut 2. 4. 6. 12. 12. Et in summa est: sit hinc. quod unitas sit  
 distributa. ac sit hinc. ut apparet. quod summa triplicem equatur. hinc sit hinc restat non  
 quod unitas sit unitas sed quod sit hinc in hinc. hinc est 12. summa summa perpenditur arithme-  
 tice ab unitate unitatis et summa numerorum sit hinc. hinc sit hinc restat. Tertius distrib-  
 tione canit. quae sit hinc summa in summa distributa sit hinc restat. hinc sit hinc restat  
 hoc sit hinc restat. hinc sit hinc restat. per hinc et hinc quod sit hinc. et hinc sit hinc restat.  
 hinc

De triangulo  
 numerum hinc  
 triangula.







operantur illi et sic, hanc quoque, uti proposuimus, sine intermissione restituet ad eandem. Sit  
*hinc* circa unum sicuti passio, et per illud iter repetere. Partem solent invenire modo po-  
 test, alio in eadem quadrata, ubi per arbitrio ad possessionem additur.

XLV. Quatuordecim nomen, uti ut coeclis maioribus supra medium ad excedi  
 sim medij supremum minimum fiat qua praecipue ratione. Porro autem hinc quadrata  
 florent co nomen. Sit ratio intervalli maiorem ad intervallem minorum tripla, iam  
 cum summa medi & minoris sit quadrata, esto 4, ergo medius est maior binario  
 sitaquet  $N+2$  erit minimus 2 — 1N. Et cum intervallem maiorem & medij ad  
 intervallem medij & minoris sitaquam hoc autem sit 2 N erit illud 2 N. Ergo ma-  
 ximus est 7 N + 2. Superflant duo postulata, nempe ut primus & medij, & secun-  
 dum minimum addito, fiat quadrata. Hinc mihi duplices occurrunt quotus, cum &  
 1N + 4 quadrato, & item quadrato 8 N + 4, equatur. & quis unum eam numerus  
 est quadrata, expedit est equatio. Status enim duos numeros, quorum uno in  
 alterum duobis producantur. N. quam legem esse duplicis aequationis conserua.  
 Sit 1 N + 4. Fit 1N, ut. At ab inde ad postea cofero, non postquam auferre 1 (1N)  
 2. Volo itaque 1 N inueniri minore binario, atque sic etiam 2 minus erit qualem  
 8 N + 4. Nam binario in 8 multiplicato, & 4 addito, sunt 16. Quando igitur quotus  
 8 N + 4 aequales quadrato, nempe 8 N + 4, aequales quadrato sed & 1 binario sit qua-  
 drata 4, ita iam tres sunt quadrati, puta 8 N + 4, 8 N + 4, & 4. Et intervallem inter  
 maximum & medij, intervallem inter medij & minimum est mens. Itaque 16 res  
 et dupl. et maiorem sit quadrata, ut intervallem maiorem & medij, mens sit cum  
 quo medius minimum sitaquam praeterca minimum sit 4, medius minor qualem 16.  
 Scaturit minimus 4 latera medij 1N + 2, erit ipse 7 N + 4. Cum ergo interval-  
 lum inter maiores, intervallem inter maiores sit in eadem hoc autem sit 7 N, erit in-  
 tervallem maiorem & medij 7 N + 4. Ad hoc medij, habebit maximum 7 N + 4  
 N + 4, quod aequatur quadrato. Multiplicet totum per 9, sicut 12 N + 4, 1N + 4, aequa-  
 le quadrato, sed & 9 quadrans hoc est, 7 N + 4 N + 9 aequatur quadrato. Praeterca con-  
 stantem erit ut medius quadratus minor effect quam 16. Ergo simul sumi eius minus  
 oportebit esse qualem sit 4. est autem latera illud 1N aut totum binario abiectione, 1  
 N oportet ut minorum esse qualem est 2. Superflant ut 7 N + 4 N + 9 aequatur quadrato.  
 Itaque quadrata sit latera quod sit 12 — aliquid 1N autem 1N ca 2 hinc nume-  
 ros latera sumo, & addidit hoc autem (ibi) 12, qui sit equationis numerus, ac simi-  
 le intervallem quo Numeri quadratus ab est 12 Quadratorum numero, sicut 12,  
 qui sunt in aequatione. Et itaque deducta est res, uti uelentes sit numeros, qui  
 & dea sumo, ad 16 12, ac diuisis in intervallem quo quadrans ipsius termino prop-  
 ter, quod erit binario minorum exhibeat. Sit 1 N, ut per 6 multiplicetur, itaque  
 6 N + 4 sit 4 N + 12 ipsius aut quadratus deinde 3, habet 12 — 3. Volo igitur  
 6 N + 4 diuisi per 12 — 4, ut quotiens fiat binario minus. Sed & secundus dis-  
 tingua duplum quoniam sita ego 6 N + 4 ad 12 — 1 rationem habent ratio  
 rem qualem sit 12, ergo etiam plenas que sit 12 sit 12 N + 12 minor est qualem quoc  
 1 in 12 — hoc est qualem 12 — 4. Adhuc autem 4 quod defuit utique, sicut 6 N  
 + 4 aequales 4 Q. In aequatione hac explanda, dimidium non est deinde N in-  
 legimus si dicitur, sicut 9. Et numerus Q insignitus in absolutis deditur, sicut 16  
 quibus adde 9, habet 45, cum latera minus est qualem 9. addo sensum N, non mi-  
 nus qualem 9 habebat, sicut 12 N + 9 aequatur quadrato latera 1 — 1N. Fit  
 1N + 42, hoc est 21. Postea sumo medij quadrati latera 1N + 2, consequenti latera 4, 2  
 ipse quadratus sit 4, 9. Venio ad primum postulatum, & status quadratus 12, 4, 9  
 qualem 8 N + 4, omnia in 12, fit 12 N + 9. Et quod minor binario 12 ad postea in-  
 quatione. Scaturit ut medij 1N + 2, minimum 2 — 1N, maximum 7 N + 2. En maxi-  
 mus 1007, medius 287, minimum 127. & quando deo sumatur est 722, ad est 90  
 dicitur, sicuti sumit eius est 12 quadratus. Rarum itaque, numerus sicuti occupat  
 dicitur, sicut primus 122, secundus 409, tertius 127. Quod si 127 numerus hinc habere  
 decidit, nec si minus interuenit, omnia per quatuor multiplicet. Erat primus 722,  
 secundus 127, tertius 127 & manifesta est demonstratio.









*Multiplicemus 30, (12<sup>2</sup>) per 11<sup>2</sup>, fiat 441 (nam 30 & 1200 terminatio habet congruam 30, & multiplicata se multiplicat, per 11<sup>2</sup> multiplicatur, &c.) Tandem si dividit in se dividit. Sicut ergo tres numeri continuenter proportionales. Adde primo 12, fit 42, quadratus lateris 2. Ad secundum, 7, adde 12 (sicut 20) habet 14, quadratus lateris 3. Adde 12<sup>2</sup> (nam 20) ad 11<sup>2</sup>, habet quadratum 121, cum lateri est 11. Italem ergo desiderare non potest in nostra solutio numerus quatuordecim Graecus, si ita additur.*

111. Dato numero tres numeros sequentes, ita ut quintus eorum & qui à bitis producitur quibusdam, dato numero affuso fiat quadratus. Siq; datus numerus 3. In ponituribus hoc habetur, si duo sint numeri, quos tam uterq; quàm qui ex his producitur unius in alterum multiplicandi, semper dato numero adiecto fiat quadratus eorum esse à duobus continenter proximis quadratis. Duos ergo quadratos ordines se consequentes facio, laterum  $N+1$ , &  $N+4$ . Quodati hi sunt, alteri  $Q+2N+2$ , alteri  $Q+8N+16$ . Ab unoq; horum tollo 3, & statuo alterum:  $Q+2N+2$ , alterum:  $Q+8N+16$ . Tertium summam horum, demta unitate, scilicet  $Q+10N+18$ . Restat ut hinc quoq; adiecto quinto fiat quadratus. Ergo  $Q+10N+18$  sequatur quadrato. Ergo totus  $N$  — 6 statuitur. fit quadratus  $Q+10N+18$  quadratus sequitur  $Q+10N+18$ , & fit  $N=6$ . Ergo secundum positionem, primus est 126, secundus 744, tertius 1350.

117. Dato numero, invenire alios tres, ita ut quintus ipsorum & qui ex his quibusq; fit, detracto dato numero faciat quadratum. Datus sit 6. Rursum similiter duos expono quadratos deinceps in ordine quadratorum constituto: unum  $Q$ , alteri  $Q+2N+2$ . Ab his adiecto datus sunt primus:  $Q+6$ , secundus:  $Q+2N+2$ , tertius si demt sit duplex amborum demta unitate, hoc est  $Q+2N+10$ . fit  $N=7$ . Ergo sit eundem posita primus est 499, secundus 749, tertius 1246.

#### XYLANDIA.

*Harum duarum propositionum explanationem si non esset, mirari non debet, cum neq; sit videri vera sint, neq; persona cui constructur (quod ex libris de proprietatibus numerorum ab auctore scriptis desumptum fuisse apparet, quos desideramus) expressum sit, neq; cum in hypothesis, ac neq; cum ipsa propositione consistant. Primum aequationem & solucione. A equatio sit tunc inter  $Q$  &  $2+2N+2$  &  $Q+2N+2$  —  $2N$ . Primum abiquorum  $Q$  &  $2+2N+2$  reliquatur aequalis inter  $Q$  —  $2N$ , &  $2N+2$  aequatur  $2N$ , &  $2N+2N+2$  fit  $4N+2$ . Hoc ad hunc passum auctore occupandum. Erunt latera quadratorum  $2+2N+2$  &  $2+2N+2$ . Primum quadratum  $Q$ , secundum  $Q+2N+2$ . Quod ad tertium attinet, aequatio esse demonstrat est duplex per summam ipsorum numerorum unitate multiplum. Nam si  $Q$  &  $2N+2$  &  $Q+2N+2$  addit,  $Q+2N+2$  summa erit, cuius duplo  $Q+2N+2N+2$  summatore differens,  $Q+2N+2N+2$  reliquatur per totum, qui addito quinto datus est quadrato lateris  $2N$  —  $6$  aequatur, ut  $2N$ , fit  $2N$ , ergo tertius est amicus  $2N+2$ . In tertia aequatione si latera numerorum amissa est, per hinc de denominatore qui ante d dicit solucione numerus, alius ita numerus tunc ambigat scripta. Sicut ergo qui querebantur numeri  $126$ ,  $744$ ,  $1350$ , ita, hoc ipse invenit, si hypothesis per auctorem posita. Primum si posuerit, satis fatis quosdam, perfectissimos. De duobus primis, quos utiq; adhibet, quadrati sunt, sed tertius non est, cum sit ex hypothesi quadratus quatuor multatus. Adde 1, ut iam ad tertium, nempe  $121$ , fit quadratus (nam de denominatore quinq; quadrato, datus est, nulla reliquatur) 127, quadratus, à lateri 11. Ergo 1 addit, singulis innoterunt. Primum in seculo duo multiplicati sunt  $121$  &  $127$ , adde 1, hoc est  $121$  &  $127$ , fit numerator  $147723$ , amicus quadrati à lateri 121. Ad hoc repositum ita in reliquorum horum multiplicatione, & quinto ad productum addendum. Primum ergo 121, nisi ipsius horum problematis solucione, erantur. Inperit ut persona cui affuso ab officio ad causam revertere solucione analysi investigatur. Quo his numeris non bene non in eo est ut proprietate, nam quorum demonstratio, neq; ratio arithmetica bene sit in solucione tractatione; sed ut Diophantus ut interpretatur, interem non diffinitur, in hoc genere Algebraica operationes non demonstratae obtinere, quod & alibi, & ad superius libris quadrati sequitur in propositione decima. Hoc quoq; notandum, quod ex Aristotele analysi dicitur dicitur, in hoc solucione non esse exemplum, quo 121 à lateri repositum, quod*









## LEMA AD ID QUOD SEQUITUR.

11X. Inveniantur duo triangula rectangula, quorum æquales sint sex. Primum quaratur duo numeri, quorum quadrati cõmisti cum eo qui fit ex altero in aliorum, factus, cuius latus fit 7. Compono tria triangula rectangula à numeris binis 7 & 1, 7 & 2, ac denique 7 & 3 (quæ cõfama; & 1) inveniorum numerorum. Ergo à 7 & 3 erunt triangula 40, 42, 48 & 24, 70, 74 & 32, 84, 85, quorum omnium eadem cõfama 840.

## XYLANDRI.

*Ita est ad verbum in Græc. sed non facile intelligera. Equall in verbis (quæ rationales vocat) numeri hoc præfere, ut omnia latera sint rationales, atque numeri integri, ut est consuevit in vulgaribus opor. Itaque præstatio illustrare Primum ex præcedenti liquet, si præterea quædam aliæ in esse dederunt, ut dixerunt ex 1 ut 2 quadrata, quæ quæ sit altera in altero includatur. Sed quod hoc ad triangula rectangula perueniat, nondum liquet. In un triangulo orthogono rectum angulum includentium laterum altitudo datur, duplici ipsius area producti, nisi quod est Ergo si de triangulo orthogono, cuius latera sunt 2, 4, 3, et qui includit in hoc genere habetur, 2 gnomæ: area cum habebimus 2 in 4 ductis, et producti finisset accepti. Præter hoc laterum æquæ multiplicata fuerint, ut area habeamus numeri 2, 4, 3, et producti finisset accepti. Præter hoc laterum duplendum fiat. In area finisset 2, 4, latera angulorum rectum includentium peruenit esse 3 et 4, ut 4 et 12 per 2 et 16, ut 16 et 2 et 24, ut, sic ut area, sed quatuor rectangula habebimus triangula, quorum omnia eadem finisset area. Sed hoc si dicit, quid hyperbola non faciat sine omni ratione. In quo lateribus 8 et 3 rectum includentibus, sicut hyperbola non manifestum est, et reliquarum effectus 140 et 180. In quod est ab anterioribus uti altitudo, manifestum quod altitudo includentibus et comparationibus fieri numeris quasi claudens, non potest exemplum in se agere quodam. Operibus ergo laterum orthogono casu, angulorum rectum facientium non esse naturam, ut et quadrata laterum includentium quadrata, et producti ex binis potest effectus. Nota quod per se finisset in hanc quædam rectum, intercedit sicut superius præfinitum ad præfinitum et præfinitum accommodat; et præfinitum deinde triangularum trium invenit. Ad hoc non ipse est non sine præfinitum sine ratione, que non infra nobis dicitur ut præfinitum non potest, de nostra largiamur: non hoc demonstratur 14, sed in præfinitum. In hoc, de quibus agit, triangulum in superius præfinitum non ita sita dicitur Diophantus: sed magis est cultura verborum cum factis. Itaque quatuor numeri, dum superius invenit respondentes, utrum datur quadrata qui includuntur plane et quadrata laterum includentium, quartum summam datur præfinitum. Hæc sunt in mainibus terminat 2, 3, 7, 8 in primis in reliquis, itaque deinceps quædam in finem: datur, seu sine numeri 2, 2, 4, 12, 40, 14, 24 (quod in arithmetica demonstrator) ostenditur, ut primo in finem, secundo in quatuor, tertio in quatuor ductis, idem finem per numerum productum 140, qui duplum area effectus, et secundo in quatuor, tertio in quatuor ductis. Atque ita sunt qui ante se sunt triangula orthogona, omnes area æquali, et lateribus eandem area numero includentibus, et 47 per se finisset sine finem. Et in quodam eandem triangulo, cum ergo 2, 2, 3. In hoc orthogono alium numerum præfinitum alium habet numerum ut 102, ut in se erant, nisi quod area æquali et area. Altem ergo hanc laterum præfinitum invenit in modo subditum, et ad rem præfinitum pertinetur. Latera in triangulo finem finem, qui numerus 14 in hanc quadrata per præcedentem finem præfinitum cum 2, 2, et finem hanc 2 finem finem. Dicit 7 in 2, habet 21 cum duplum 42, est eandem latera. Quod est 49 et 3, hanc intervalum 49, est altitudo laterum, tertium hyperbola fit quod altitudo additum, 21. Interim 7 in 2 gnomæ 12, ergo eandem laterum angulorum rectum finem finem 70, quadrata 49 et 21, ergo 24 altitudo, hyperbola 74. Denique 7 in 2, productum 14, ut altitudo laterum fit 14. quadrata 49 et 14. hanc intervalum 21, est altitudo. hyperbola autem finem quadratum 112. Hinc denique inter se præfinitum eandem considerat utque nota, que ad 22 utque eandem finem de triangulo præfinitum. ut de 14 et 1. Respondentium ergo numerus datur. Itaque triangulum rectangulum laterum rectum includentibus 21 et 3 (si præterea eandem in altero triangulo includentibus*









*peffima ut 31 ad 20, fit 127 aut 128 ad 20, extremis 313: producunt, medij 129 vel 130, uter  
 que de quolibet maior est. Porro hoc fit quare quatuordecim ternarii cum certo  
 123 generati deficiunt binarij cum certis binariis additis non colligunt debere. Atque quod  
 est illi brevis subtilitas Diophanti proutis intelligitur. Summi quadratorum cum additis ad  
 25 comparatum ut, 2 & 3 (ut minus) debet, quare quadrata faciunt 12. Et quia latera  
 trianguli debent quadratorum ad  $\frac{1}{2}$  addere, qualis est  $\frac{1}{2}$ ; ideo 12 utrumque facit esse  $\frac{1}{2}$ .  
 Quia latera sunt, flantur 2 1 12. Et dicitur 3 — 9 12. Quia utrumque fit  $\frac{1}{2}$ , 20 ad 12.  
 fit  $\frac{1}{2}$  2 fabricat in quatuor fit  $\frac{1}{2}$ , ad 2 addit. Itaque ut, obvia sunt causa. Et hinc sequitur  
 inferunt alij, explicando dicit. Quod ad conditiones dati numeri a certis, videtur perficitur  
 hoc veli, debere tunc qui datur duplata esse dicitur numeri primi. Quod autem imparium esse  
 non vult se experientia. Sit 7. Ergo summa quadratorum 1. Quare eadem ergo est, qua pari quod  
 dicitur ad 4 addit quadrata fit 12. 4 est quadrata, cui 3 pari quadrata, pari  $\frac{1}{2}$ , fit, adque  
 ratur, numerus colligit in eo prodit quadrata in quadratum et unitate, quare ut fit ut  
 possit non enim aliter numerus quadratorum quadratum unitate excedit. Sit dicitur 11. Ergo summa  
 quadratorum fit 12. Ad 2 addit pari  $\frac{1}{2}$  pari quadrata, ut fit quadrata  $\frac{1}{2}$ , causa latera  $\frac{1}{2}$ .  
 Cuius expediti reliqua ex dictis conditionibus poterunt inveniri dicitur numeris, quare quod  
 120 consistant, fit ut plene de hoc conditionibus non habeam, nisi amplius.*

**XXIII.** Vultis scire, & dicitur utiq; segne 10 alij 10; alij datur numerum,  
 itaq; quadratum conficere. Sint addendi segmenta unitatis aliter 2, aliter 6 utiq; co  
 stitit quadratum.  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$  Exponatur unitas ab, & fecerunt in addendum  
 ad a binarius a ad b est aliter numerus c. utiq; ergo, e d & c c est quadratum. Et est a  
 b fit, a d est & b simul aliter facit s. Ergo tota d a, obtinet esse unitate ab, & q  
 diu diu aliter d oportet in duos quadratos ed & c c. Sed quia quadratorum aliter, e d, maior  
 est binario a d, minor aut quaternarius d hoc res redit, ut q (quadratus datus) diu  
 di debetur in duos quadratos d c & c c, quorum aliter inter a & b incidit. Nil magis ac  
 dato quadrato c d, cum d a binarius fit, debetur etiam residuum a c. Porro a b est uni  
 tatis ergo etiam c b datur, quod ad unitate aliter c b restat dabitur etiam q, in quo una  
 res fit ut hinc descriptio est ductum sic exsequatur. Ebo aliter quadratorum, in q  
 inter a & b incidit, Q est aliter 9 — 1 Q, 10 q, hoc sequatur quadrato. Facile res con  
 ficitur. Sed hinc invenit des est quadratus binario maior, ternario minor. 5 ternarius  
 duos quadratos unum binario maiore m, aliter ternario minore m, qui sunt 24 &  
 30; ita fit. Q ut ad omnia, ut inter hinc incidat, explicabitur quatio. Operetur  
 ergo latera etiam: Q, hoc est: N, ponit maior quibus 17, minus quibus 19. Ergo oportet  
 quatuor 9 — 4 Q, invenit Numerus quadrato m aut quibus 17, minus quibus 19. Q  
 fit 9 — 1 Q, quale quadrato sumimus huius latera singulos 1 — aliquot numerus em  
 1 12 omnem ex aliquo numero 10 latera sumo, & d' uno per numerum unitate maior. Q  
 est quadratus numerus sic sumo. Redacti sumus hoc, ebo, ut numerum 10 dagemus, cu  
 ius scriptum si dividimus per numerum unitate illius est quadratus maior est, q ob  
 tinent 17 m aut, 19 minus fit. Ebo qui quatuor 17 12 & quatuor, unitate later ob  
 obtinent 6 m aut 17 12 Q 17 quatuor factis maior 17, & minor 17 12. Sed & 17 p 12 dicit  
 sine quadrato 17 12 dicit maior oportet 129, 6 N ad 17 12 maior habere rationem,  
 17 quibus 17 ad 12. Q d' ergo fit ex 6 N in 12, parte 72 N, amplius erit quibus 6, dimidi  
 ta in partem, fit 36, aut quadrata in unitate, hoc est 129 m aut, restat 107, cuius  
 latera ob est maior 12 ad 107 sumit. Numerorum fit 107 minus quibus 17, dicit per mul  
 tiplicat numerorum, fit: N, 67. Similiter 129 in numerus 6 ad 17 Q 17 numerorum  
 habere rationem 129 17 habet minor est 60, fit 129 m aut quibus 60, fit 17. Ergo latera  
 quadrata 17 — 17 N, fit quadratus 17 Q 17 — 17 N. Hec equatur 17 — Q ergo: 17, 12, 17  
 70, 12 17 & si hinc aut minus 2, est unum segmentum unitatis 129, ergo aliter 107, & po  
 ssit hinc sumit.

XYLANDR.

*Quæstio elegit, et tractat subtilis est, sed verba curiosa deprecata. Si partes unitate sunt  
 17 12 & 17 12 17 12 17 12 & binarius est 17 12. Sed ut est curiosa portio dicitur quadrato  
 facit ut ergo dicitur utiq; subtilis. Sed hoc quod verum est est quadratum latero 1 — 1 12 latero  
 ut 2 17 — 17 12, fit 12 12 17 17 — 2. Nam si equatur 17 — 17 dicitur unitate 17 12 17 12  
 utiq; subtilis, equatur unitate 17 12 17 12 17 12 17 12 17 12 17 12 17 12 17 12 17 12 17 12 17 12  
 autem hinc, hoc est d' 17 12 17 12, utiq; subtilis 17 12 17 12. Tunc ergo est quadratum C. Latero unitate  
 17 12 17 12*









*duos explicacionem, ut quæritur verba tercia corrigere potestatem, si similes adhiberentur, qui sua verba supponunt & dicitur, si in actu labare ut et hinc difficultates explicationis, ut in eadem epistola diligenter lecturi reliqua.*

XV. Vnum dividit octo est in tres numeros, addendæque cuius eorum alius atque alius datus numerus, ut summa quælibet sit quadratus. Sint autem dati, 2, 3, 4. Rursum eò res redit, ut denarium dividam in tres quadratos, quorum primus basium, secundus tertium, tertius quatuor superet. Ergo unate in duas duæ partes, & si missi singulis datorum addito, sit ut quadratus sit quadratus unius maior quàm 2, minor quàm 3, alius maior quàm 3, minor quàm 4, denique 2, huius maior quàm 4, minor quàm 4. Et quæ omnia deducuntur, ut in ea duobus contentam quadratis, subdividam in alios duos, quorum alter maior sit quàm 2, minor quàm 3, ab hoc 2 abiciamus, partem tertiam quæ sitam partem habebimus. Rursum alium quadratorum subdividam in duos, quorum alter maior sit quàm 3, minor quàm 4, 3, 4, quo item 2 habebit, secundam unitatis partem ut in se 10. Eadem etiam tertio invenitur ratione.

## X Y L A N D R L

*Obsecramus nos est, quin ad decem interitum propositum huius libri si habeat hoc propositum, sicut procedit ad explicationem. Fides autem, quomodo res proposita est explicata sit. Certe in dividendo in tres quadratos 1, 2, 3, 4, sed hinc ad id quod hoc loco agitur, nihil facit, ut primo fronte videtur. Item quod de fractionibus unitatis dicitur, non explicatur, sed, ratio vel causa adferret alia, ut, neque habemus que consisterent, itaq. expleret.*

XVI. Datum autem in tres quadratos dividemus, ut basi contenti quadratum consistant. Sit is 10. Quoniam de tribus qui quaeruntur numerus maior & medius cum tertio faciunt quadratum, itemque medius cum tertio, & tertius cum primo. Ergo tres isti basi summi, tres faciunt quadratos, quorum quilibet minor est quàm 10. Atres hi basi summi consistunt 10. Dividenda igitur est 10 in tres quadratos, quorum quilibet minor sit denario. Item 10 in duobus componitur quadratis, 16 & 4. Et si de quæsitis unum ponamus 2, oportebit 16 dividere in duos quadratos, quorum quilibet minor sit quàm 10. Dividimus autem datum quadratum dividens in duos quadratos, ut unus eorum maior quidem sit quàm 6, minor autem quàm 10. Item 10 in 16 unitate, itaque dividens sit in tres quadratos, quorum quilibet denario sit minor, & si unum quæsitum inferamus à denario, inveniemus reliquos, quorum binum contenti quadratum faciant.

*Est hinc, cum,*

XVII. Datum numerum in quatuor numeros dividemus, quorum terni contenti quadratum faciat. Sit ille 10. Quoniam qui à primo delinque tres summi quadratum faciant, itemque qui à secundo, qui à tertio, qui à quarto delinque. Sic utique quatuor contenti quadrati. Atqui sic sunt 10. Ergo 10 dividendus est in duos quadratos, quorum uterque minor sit denario. Hoc autem sic inveniemus, si per ad quadratum basium unumque numerum 7, & utrumque quadratorum inferamus à denario, inveniemus quæsitos. Sin autem, amducto 10 componi 1216, 2, 4, 2. Ponemus 4 & 2, quando uterque minor est quàm 10. Restat ut 17 dividamus in duos quadratos, quorum uterque minor sit quàm 10. Si ergo 16 dividamus in duos quadratos, ut dicitur, quorum uterque maior sit quàm 1, minor quàm 10, erit uterque ipsorum minor quàm 10, unde si utrumque eorum inferamus, reliquos deprehendemus de quæsitis, alterum 6, alterum 4, soluta erit quæstio.

*est autem,*

XVIII. Tres numeri sunt inveniendi, ut cubus summa eorum, quomodo ipse summa adhibito cubus exhibet. Summa nam cum summa 8, quæ sit 7 C, 7 C, 8 C. contenti hoc, cubum summa cum quomodo posteriorum iunctam, cubum prætere. Reliquum est, ut tres isti contenti, faciant in summa 8. atque contenti 8 C. hinc sequantur 1 8; & de positione facta 96 C sequantur 121. Vnde quidem, quid dicitur est, ut si 96 item quadratus esse, soluta fuerit quæstio. Proinde quæ sit 96 iste numerus omnia fuerit. Numerum summa 8 est idem numero cum, quorum quatuor cubi summa, cubus fuerit, hoc est res redit, ut tres numeri, ut inveniri

in basi,

hanc, quorum quilibet unitate addita cubus fiat: ea tamen lege, ut summa eorum  
 numeri eorum sit numerus quadratus. Ponatur latera primi cubi  $N+1$ , secundi  $N$ ,  
 tertii  $a$ . Cubi sunt  $C+1$   $Q+1$   $N, 6 Q+1$  —  $C$  —  $12$   $N$ , &  $1$ . Ab horum unoquo  
 que abijcto  $1$  & poto sumum de his  $Q$  quatuor numeris:  $C+1$   $Q+1$   $N$ , decendi  
 $6 Q+1$  —  $C$  —  $6 N$  residuum  $7$ . Reliquum est ut summa eorum sit quo dicitur nu  
 merus. Est autem ea  $Q$   $Q+16$  —  $9 N$ , quo d equatur quadrato lateris  $1 N$  —  $4$ , &  
 fit  $1 N$ . Erunt ergo quæ sunt  $1314$ , primus  $1317$ , &  $7$ . Iam scideo ad id quod initio erat  
 propostum, & denob summam harum:  $N$ , & sunt  $41740 N$ , & sunt  $1318 C$ , primus  
 $1317 C$ , tertius  $7 C$ . Rævisi taminus summam eorum:  $N$  sunt  $41740 C$  æquales  $1$   
 $N$ , & omnium decima quinta pars, ac characteres per  $N$  demonstrant, sunt  $1991 Q$   
 æquales  $1317$ , &  $\frac{1}{15}$ , id posita, & manet.

XYLANDI.

*Infra questio in Graeco est scripta depravata: sed non reliqua sibi constant. Atq; propolunt  
 quædam ut ante accedendum colligimus cum eorum q; dicitur sit q; solutio problema. In  
 hoc idè explicari. Cubi sunt numerorum:  $N$ , passit autem, cum cubus sit  $1 C$ , & q; sum  
 mæ ab eis esse  $C$  consequatur, addatis numerorum cubis numeris eorum ut multi, ut sit  
 $7 C$ , &  $C$ , &  $25 C$  eorum summa cubi,  $C$ , singulis addita, sunt  $1 C$ ,  $27 C$ ,  $64 C$ , eorum cubi,  
 quorum latera eorum ut esse:  $1 N$ ,  $3 N$ ,  $4 N$ . Hæc solutio admittere problema videtur, quia  
 alij etiam cubi numeris habet eadem potè ac, maxime uter sit meti q; solutio si auti  
 hoc. Summa numerorum sit passorum sit  $1 C$ , & pascitur  $1 N$  hoc ergo equatur, & char  
 acteribus deprehe  $18$   $Q$  sunt  $1$ . Ergo  $18$  est  $18$ . Sed ferde videri, ut ad id numerum, utre  
 resiste eorum sit  $7, 24, 64$ , que sunt cubi aut ut quatuor multi, summa consequitur quadrato  
 lateris expressum, ut constat esse. Ergo alij cubi sunt maxime, quæ sunt ut quæque mal  
 ture summa numerorum quadratorum habet. Latera eorum ut ponatur:  $1 N$ ,  $1 N$ , &  
 $1 N$ , ut q; dicitur de eorum equatur ut  $1 C$  —  $1 C$  si meti habent. Et cum factum, quid se  
 cundum latera per Graeco habent  $1 N$  —  $1$ , quod expressa in radices gratias ut decimus.*

1 N 1	1 N — 1	1 — 1 N
1 N 1	1 N — 1	1 — 1 N
<hr/>		
1 N 1	1 N 1	1 N 1
1 Q 1 N	+ Q — 1 N	+ 1 N
<hr/>		
1 Q 1 N 1	+ Q — 1 N 1	+ 1 N 1
1 N 1	1 N — 1	1 — 1 N
<hr/>		
1 1 Q 1 N 1	— 1 Q 1 + N — 1	— 1 N 1 + Q — 1 C
1 C 1 2 Q 1 N	1 C — 1 Q 1 + N	1 — 1 N 1 + Q
<hr/>		
1 C 1 2 Q 1 N 1	1 C — 1 Q 1 + N — 1	1 — 1 N 1 + Q — 1 C

*Primi cubi.*
*Cubi hæc alij factus.*
*Cubi ad usum sit ut  
sit concluditur, &*

*in ipso verbo, uter sit superius, primo hoc integer, post corruptus. Itaque eorum est:  $1 N$  ut  
 sit, hanc addit:  $C+1$   $Q+1$   $N+1$ , &  $17 C$  —  $12 N$ , summa consequitur  $9 Q$  —  $12 N+17$ .  
 Cæterum aliter potè habet, quibus præfiteri. Non eorum eorum summa, sed summa de  
 terminorum eorum summa quadrato equatur debet. additur ergo hæc:  $1 C+1 Q+1 N$ , &  $Q$   
 $17$  —  $1 C$  —  $12 N$ , &  $7$  con sequitur summa  $9 Q$  —  $9 N+17$ . (quodam scilicet ternario  
 de eorum summa rursus.) Hanc demum quadrato equatur  $9 Q+16$  —  $12 N$ , & lito  
 $18$   $Q$  —  $9$  eorum, uter sit ut deo septies lem est  $1$  cubi explicare, sit itaq;  $1 N$ , &  
 erunt ergo eorum latera  $\frac{1}{15}$ ,  $\frac{1}{15}$ ,  $\frac{1}{15}$ . Cubi  $\frac{1}{15}$ ,  $\frac{1}{15}$ ,  $\frac{1}{15}$ . Hæc summa  $\frac{1}{15}$ , con  
 sequitur mensura est  $15$ , per quæ dicitur numerorum eorum latera per se, cum characteres summa  
 sit ternario dividit, & uterque quæ eorum numerorum cubi  $15$  eorum, ut, ut dicitur potè. Et  
 ergo summa  $\frac{1}{15}$ , hæc est (cum rursus commensurata mensura  $9$ , quid sit characteres eorum  
 summa dicit)  $\frac{1}{15}$ , hæc autem ternarium  $\frac{1}{15}$  refert  $\frac{1}{15}$ , ut, quadrato numerum. Ad  
 rem. Hæc eorum eorum eorum quæque accitè, & statim ut quæ quædam*

12000 <sup>12000</sup> 12000. Addebat singulis dicitur C. & statim summa unitatis esse 12000. Ergo  $\frac{12000}{12000}$  Cuius cum dicitur Ergo  $\frac{12000}{12000}$  & sequitur 1. Ergo  $\frac{12000}{12000}$  2. Refertur autem hypobolice ad 12000. Cuius  $\frac{12000}{12000}$  per hanc multiplicacionem tres passus 1. cubus, habebitur 12000000. 2. 12000000. 3. 120000000. Item cubum summa eorum ita numerorum operibus videtur esse 1. Cuius summa fit 12. Addebat ergo  $\frac{12000}{12000}$  operibus singulis, ut videtur an fiat cubus ubiq. Et cum dicitur unitatem post unum communem esse cubum dicitur, non ex multiplicacione cubi 12; sed cubus 1271 per quatuor non Euclidis de numeris theorib. agenda est. Iste aut multiplicacionis 1271 per 1271 ut eadem demonstracione summa. & quatuor numerorum fit 1271 cum hinc de summa mensura cubi 12, qui videtur numerorum & dependas non. Numerator talis summa erat 12712000. Cuius addebat hypobolice numeracionem, sunt 12712000 prima summa, cubus parus lateris 101. Secundo 12712000. Cubus lateris 102. Tertio 12712000. Cubus lateris 103. Et ergo facit illam hinc quod problemati, quod cum & inter numerorum non acula meritis referat ut non post unum locum mercator, craxadon, non in eo ubi parcedum lateris aut superfluum in cubo dicitur.

XIX. Invenio tres numeros, ut cubus summa eorum quous ipso dicitur, cubum relinquit. Statim summa: N. ipso radius 7 C. ad C. 64 C. Superest ut quoniam continuat Numeros. & fit 80 C. equalis: N. deperditus, clarior dicitur 80 Q. sequitur. Est aut quadrans. Operetur autem ad unum numerum cui nota Q. ad eum esse quadrans. Unde ergo is est natus: quod 1 ternario sub dicitur sunt tres cubi, quorum quilibet minor quam unitas invenit ergo sunt tres cubi, quorum quous ad unitate superest, summa autem ipso 1 ternario sub dicitur, relinquitur quod dicitur. & quia videtur cuborum quous, minorem esse unitate. Ergo statim tres illos numeros unitate minores, multo minores singulis erunt unitate itaq. quadrans, quous relinquitur, operetur minorem esse quam est: Q. atque hoc statim ut Operetur ita dividere in cubos, & eorum multiplicata secundum quod dicitur cubos dicitur. Iste autem secundum 210. Operetur igitur ita in tres cubos dividere. At ita componitur ex cubo 121, & dicitur cuborum intervallo, qui sunt 27 & 64. Habemus vero in postulant hoc omnium duorum cuborum intervalum esse cubum. Recurramus ad propositum initio, & ponamus quous cuborum in invento rursus summa autem: N. ita fiet ut ex tribus cubis constat, dicitur ipso quilibet cubum relinquit. Restat tres illi sequitur 1. N. sunt autem tres illi cubi:  $\frac{1}{8}$  quod equatur cum: N. & 1271. ad hypobolice.

## XYLANDI.

Ita appellat quod dicitur & potest sub quod quod in Craxi recipere quod autem fit, non est in operis, ita sunt a dicitur autem dicitur, non, autem ut maxime dicitur, operam dicitur. Si propositum est tres numeros invenire, quous summa cubus quous, dicitur multum, cubum relinquit. quod cum non potest sub dicitur, quous in hypobolice dicitur. Item sequitur problemati ad dicitur operetur, hinc est, quod dicitur propositum, & respicitur eorum in 30 quous dicitur summa istius propositi sine reliqua. ut propositum invenire fit, qui cubus: C. — 7 C. est cubum. Unde autem dicitur cuborum, quous quous autem fit maxime 2 ternario sub dicitur unde habet 121: cuius ita dividendum. Quod hoc propositum, aut unde non propositum, dicitur autem cubus: cubum est summa 27 de 64 dicitur, restat 27, qui ad 121 additur ita: factat unde & quous, non dicitur. Itaq. dicitur non propositum, de solucione, non, de methodo, non, non ut dicitur hinc quous: unde respicitur dicitur, & hinc quous dicitur, inter si (ut non maxime est) non cuborum. Libet autem propositum, quous accepimus, restat. Si summa numerorum ponatur: N. cubus eius est: C. de hoc sub dicitur tres numeros, ut respicitur fit cubus, est dicitur opera. Si autem unitas dicitur summa  $\frac{1}{8}$   $\frac{1}{27}$   $\frac{1}{64}$  relinquitur  $\frac{1}{8}$   $\frac{1}{27}$   $\frac{1}{64}$  cubi autem summa. Recurramus autem ad dicitur, & sunt hypobolice  $\frac{1}{8}$  C.  $\frac{1}{27}$  C.  $\frac{1}{64}$  C. summa autem: N. cubus: C. & quous dicitur singulis relinquitur cubi  $\frac{1}{8}$  C.  $\frac{1}{27}$  C.  $\frac{1}{64}$  C. summa numerorum  $\frac{1271}{12000}$  C. equalis: N. Ergo si illa summa fuerit quadrans, non lateris quod: N. est dicitur. Itaq. hinc sunt unitas artificiosum superest problemati non hinc: & autem invenit lateris invenit. Id quous dicitur dicitur, cuborum summa ad ternario dicitur, debet relinquitur quadrans, ut si, non propositum, & in

*inferos 1, 7, reliquosque 1, 2, 3, summa residuorum 12, 1, autem etiam reliquitur 8, summa  
prima subtrahatur, et de 20 inferos. Ad parvas quod attinet, in primis 8, considerat. Ex  
quo ducimus quatuordecim, cuborum intermedium, videlicet connumerat, 1 summa inferos sub-  
trahit, reliquos duplens cubi ordinibus proximis antecedentes, quod exemplo mensu-  
re libet.*

Summa	1	7	21	37	54	71	88	104	121	138	155	172	189	206	223	240	257	274	291	308	325	342	359	376	393	410	427	444	461	478	495	512	529	546	563	580	597	614	631	648	665	682	699	716	733	750	767	784	801	818	835	852	869	886	903	920	937	954	971	988	1005	1022	1039	1056	1073	1090	1107	1124	1141	1158	1175	1192	1209	1226	1243	1260	1277	1294	1311	1328	1345	1362	1379	1396	1413	1430	1447	1464	1481	1498	1515	1532	1549	1566	1583	1600	1617	1634	1651	1668	1685	1702	1719	1736	1753	1770	1787	1804	1821	1838	1855	1872	1889	1906	1923	1940	1957	1974	1991	2008	2025	2042	2059	2076	2093	2110	2127	2144	2161	2178	2195	2212	2229	2246	2263	2280	2297	2314	2331	2348	2365	2382	2399	2416	2433	2450	2467	2484	2501	2518	2535	2552	2569	2586	2603	2620	2637	2654	2671	2688	2705	2722	2739	2756	2773	2790	2807	2824	2841	2858	2875	2892	2909	2926	2943	2960	2977	2994	3011	3028	3045	3062	3079	3096	3113	3130	3147	3164	3181	3198	3215	3232	3249	3266	3283	3300	3317	3334	3351	3368	3385	3402	3419	3436	3453	3470	3487	3504	3521	3538	3555	3572	3589	3606	3623	3640	3657	3674	3691	3708	3725	3742	3759	3776	3793	3810	3827	3844	3861	3878	3895	3912	3929	3946	3963	3980	3997	4014	4031	4048	4065	4082	4099	4116	4133	4150	4167	4184	4201	4218	4235	4252	4269	4286	4303	4320	4337	4354	4371	4388	4405	4422	4439	4456	4473	4490	4507	4524	4541	4558	4575	4592	4609	4626	4643	4660	4677	4694	4711	4728	4745	4762	4779	4796	4813	4830	4847	4864	4881	4898	4915	4932	4949	4966	4983	5000	5017	5034	5051	5068	5085	5102	5119	5136	5153	5170	5187	5204	5221	5238	5255	5272	5289	5306	5323	5340	5357	5374	5391	5408	5425	5442	5459	5476	5493	5510	5527	5544	5561	5578	5595	5612	5629	5646	5663	5680	5697	5714	5731	5748	5765	5782	5799	5816	5833	5850	5867	5884	5901	5918	5935	5952	5969	5986	6003	6020	6037	6054	6071	6088	6105	6122	6139	6156	6173	6190	6207	6224	6241	6258	6275	6292	6309	6326	6343	6360	6377	6394	6411	6428	6445	6462	6479	6496	6513	6530	6547	6564	6581	6598	6615	6632	6649	6666	6683	6700	6717	6734	6751	6768	6785	6802	6819	6836	6853	6870	6887	6904	6921	6938	6955	6972	6989	7006	7023	7040	7057	7074	7091	7108	7125	7142	7159	7176	7193	7210	7227	7244	7261	7278	7295	7312	7329	7346	7363	7380	7397	7414	7431	7448	7465	7482	7499	7516	7533	7550	7567	7584	7601	7618	7635	7652	7669	7686	7703	7720	7737	7754	7771	7788	7805	7822	7839	7856	7873	7890	7907	7924	7941	7958	7975	7992	8009	8026	8043	8060	8077	8094	8111	8128	8145	8162	8179	8196	8213	8230	8247	8264	8281	8298	8315	8332	8349	8366	8383	8400	8417	8434	8451	8468	8485	8502	8519	8536	8553	8570	8587	8604	8621	8638	8655	8672	8689	8706	8723	8740	8757	8774	8791	8808	8825	8842	8859	8876	8893	8910	8927	8944	8961	8978	8995	9012	9029	9046	9063	9080	9097	9114	9131	9148	9165	9182	9199	9216	9233	9250	9267	9284	9301	9318	9335	9352	9369	9386	9403	9420	9437	9454	9471	9488	9505	9522	9539	9556	9573	9590	9607	9624	9641	9658	9675	9692	9709	9726	9743	9760	9777	9794	9811	9828	9845	9862	9879	9896	9913	9930	9947	9964	9981	9998
-------	---	---	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------

*Eadem est quadratorum ratio.*

XX. Inveniantur tres numeri, de quorum uno quouis detracto summa ipsorum cubo, relinquitur semper cubus. Summa restans sit 18, ipsi 2 C, 9 C, 27 C, summa horum 39 C, quod aequatur 18, ergo 39 Q 2 aequatur unitati. Quo-d si sublat 39 Q c quatuordecim ex 3 C & 18, hoc ostendit fiant ergo 3 C, quorum summa addito 3 fiat quadratum. Sit prima latus 1 18, secundum 3 — 1 18, utriusque lateris, ac sit Summa trium cu- borum 9 Q 2 18. & a dicitur 39 Q 2 18 — 27 18, hoc aequatur quadrato lateris 3 18 — 27 18. & sit 18, alterius 9, reliqui 1 addo 1, culus liborum cuborum, & venio ad pro- pofitum initio. Statuo quatuordecim cubum tantum, postea omnium summam esse 18, restat ut ha tres uncti aequent 18, summa ipsorum 2 18, aequata 1 18, sit 1 18 3 18, ad- positiones.

XXI. Inveniantur tres numeri equales, ut qui sit 4 compositio ex tribus cubis, quouis illorum detracto fiat quadrata. Sit compositio ex tribus, ut sit quadrata, 1 Q, & eorum qui quantur, unus 1 C, alter 2 C, alter 3 C, & contingit, ut qui sit 4 co- positio ex tribus cubis, quouis eorum detracto sit quadrata. Restat ut latus aequen- tur 1 Q, 20 sunt 18 C, ergo ad 3 C aequatur 1 Q, & deprecto characteribus, ad 3 Q aequatur unitati. Haber autem unus latus quadrata, ergo omnes 3 Q quadrata si oportet. An multatio ista 3 Q, 2 tribus conflat est numeris, quorum quilibet detracta adiecta sit quadrata. Porro compositio ex tribus, quadrata sit, la- tus habens quadrata. Et hoc unus quaesitorum, 1 Q, 2, secundus 1 Q 1 2 2 2 N, tertius 1 Q — 2 N, & quouis horum adiecta unitate sit quatuordecim ac quatuordecim ha compositio, in summa quadrata exhibent. Ita in numeris invenio solutio est quaesitio. Ponatur numerus trium unitatum, latus unus quaesitorum 6 1, alter 19, tertius 5. Recurramus ad initio propositum, & statuo summa trium num- rum 1 Q, ipsorum primum 6 1 C C, secundum 19 C C, tertium 5 C C. Restat ut eorum summam aequemus vel Q. Ergo 21 C C aequatur 1 Q, & 18 est 3, reliqua sunt eadem.

## XYLAORI.

*Cuborum, uniuslibet, pro est (ut est) Diophanti cubus de cubis, quales sunt 12, 1927, 216, sed quadratorum cubi, quos Diophantus dicitur, ut 4, 27, 64, 125, ita utrum unum quod- dam, cum 3 C restat numeris 6, 2, tertius 1 restat, necesse de unius detractis, 4 reliquosque, quoniam 12 12, 1927, 216, 12 12, aequatur unitati 4 3 est latus quadrati 9, cum quadrato 12, 1927, 216 de factis non conflat numerum, quidem de 12 sit quaesitorum. Constat tres numeri debent esse aequales. Quia pro C latus sit 6 C, vel aequatur unitati 12 12 12, 1927, de- monestratio ostenditur. Numeri qui restant considerat, hoc invenio 1927, 216, ac tres numeri dicitur, quare si fuerit aequales, est quadrati, sed visum summa cuborum longius adiecta, quod ubi sit efficiat numerus. Nam dicitur fuerit numerus ad quosdam tres, videlicet summa quod quadrati debent esse, aequatur primo latus debent significat. Cubi aut pro numeris illis inven-  
tibus*

numerus aliquotus 1 Q.  $Q \rightarrow 2 Q. \rightarrow 3 N. \rightarrow 4 K.$  Nam summas  
 numerus est 1 Q. Q. quadratus unq. & unum singulis auctis, quadratus est 1 Q.  $1, 1$   
 K. 1. & N.  $\rightarrow$ . Insuper. Arbitratu auctum est huius propositionis resiliens, utque Nu-  
 merum tribus quadratis cum Diaphante confusus, ut in numeris res confusissimus non in-  
 numerum 1 Q.  $\rightarrow$  N non adicitur fere totum  $2 \rightarrow 4$ . hoc est, totus 1 Q. Q. est 1 N.  
 esse et habet 27 adde 2 N. utque 2 ad 2 habet 12, denotat de 9. resiliens 2. Ergo de numeris  
 summae propositionis, 69, 10, 2. Si summae numerum propositionis 2 N. tunc cubus est 1 C. numerus 1  
 99 1 C. 2 C. 3 C. 4 C. sum 28 C. aequalis 2 N. vel 28 C. unum. Iste autem resiliens,  
 quadratus debere esse summa numerorum. et sic 1 Q. tunc cubus est 1 C. Diaphante unq.  
 1 C. C. abscissis (N. quare pro prima acceptis) quadratus 2 C. C. Et cum 1 C. C. sit ad-  
 ditus singulis propositionibus 28 erunt 62 C. C. 28 C. 1 C. C. quare summa numerorum  
 cubus quadratus, 1 C. C. aequalis 2 Q. id est. 1 C. C. aequatur 2. Numerus ergo  
 auctus est non 2, sed 1/2. Ergo 1 C. C. Diaphante unq.  $1 \rightarrow 2$  est 1 C. unq. 1/2. Erunt  
 quadratus  $1 \rightarrow 2$  (hoc est 1/2) cubus si datus summa numerorum cubus, hoc est 1/2. Cubus  
 quadratus  $1 \rightarrow 2$  secundus  $1 \rightarrow 2$  (sic  $2 \rightarrow 1$ ) cum additis summae cubus, sic est, quadratus.  
 Tertius  $1 \rightarrow 2$  (hoc est  $1 \rightarrow 2$ ) additis summae cubus  $1 \rightarrow 2$ , quadratus unq. Item 69, 10. Si  
 summa summas 2. ergo numerorum summae  $1 \rightarrow 2$  sunt 2. quadratus est numerus, & 1 Q.  
 resiliens. Hic est ergo in huius problemate demonstratio non restat explicatio. Compara-  
 tum auctum hoc loco, & in similibus, non aliud quam in eodem summae collecti significat. & per  
 quoniam dicitur, legendum autem est. Cetero considerandum est ut dicitur. Exprebentur namque antequam  
 summae tres numeri, quarum summa cubus sit 2 singulis auctis, semper relinquatur cubus.  
 Summa est 1 N. unq. 1 C. unq. auctus de singulis propositionibus, ut cubus relinquatur. Et sunt  
 2 C. 3 C. 28 C. resiliens 1 C. 2 C. 27 C. Summa propositionis 18 C. aequalis 2 N. hoc  
 est 18 C. aequatur unq. 2 N. Namque quae unum cubus, summae propositionis numerus quadratus  
 est operari ceteris, abscissis enim 2 N. summae quadratum non datur. Hinc ergo infertur istud  
 lemma, quadratus tres cubus quarum summae unum cubus quadratum cubus numerus.  
 Littera 2 N.  $\rightarrow$  2 N. (non horum, ut unum, est resiliens, &  $\rightarrow$  1 N. summae et unum  
 sit  $\rightarrow$  1 C. & 2 C. 28 C. resiliens) & 1. Cubus 1 C. 3 Q.  $\rightarrow$  1 C.  $\rightarrow$  27 N.  $\rightarrow$  27. Si  
 Summa unum  $1 \rightarrow 2$   $\rightarrow$  27 N. adde 2, habet 2 Q.  $\rightarrow$  27  $\rightarrow$  27 N. quadratus aequalis,  
 cum later sit singulis est abscissis unum et 2 Q. abscissis inter unum et 2 N. sit aequalis. Pa-  
 rum resiliens later hoc esse, later est cum unum unum 2 N.  $\rightarrow$  aliquid unum unum. unum aliud  
 unum  $1 \rightarrow$  27 N. resiliens  $\rightarrow$  27 N. unum est. & unum pro 27 N. resiliens unum 27 N. unum  
 unum. 27 N. 27 N.  $\rightarrow$  27 N. quadratus  $1 \rightarrow 27$   $\rightarrow$  27 N. aequalis 2 Q.  $\rightarrow$  27  $\rightarrow$  27 N.  
 unum  $1 \rightarrow$  27 N. aequatur 27 N. & 1 N. est 1/2. Littera unq. cubus sunt 1/2. 1/2. Cubus  
 1/2. 1/2. 1/2. Si ita auctum, ut unum cubus additum, & summae Cubus erunt  
 1/2. 1/2. 1/2. C. summa 2 N. tunc cubus 1 C. 2 singulis later unum, in huius later cubus  
 1/2. C. 1/2. C. 1/2. C. Sed unum est de summae propositionum. Et est 1/2. hoc est 1/2. quadratus  
 later 1/2. ergo cum 1/2. C. aequalis 2 N. aequalis 1/2. Q. cum unum sit 1 C. 27 N. 1/2. sum  
 unum cubus qui quadratus numerorum. In huius unum & unum propositionum later relinquat. In-  
 probandum unum unum.

Propositio  
 problema  
 unum.

**XXII.** Inveniantur tres numeri quadrato aequales, ut qui sit 2 summa eorum cu-  
 bus, singulis secum detrahis, quadratum relinquat. Rursum nobis binarius est di-  
 videndus, ut 2 auct. est unum cubus 2. exponit ergo ab 2 unum quod detra-  
 here & si esse quadratum oportet igitur 2 dividere in tres quadratos, quorum quini-  
 maior sit quam 2. & si ab 2 quatuor huius detrahimus, inveniemus tres quati-  
 tor numerus. Est autem hoc iam unum certum, quomodo oportet 24 dividere in  
 tres quadratos, qui singulis secum sumantur.

#### XYLANDRE.

Propositio integram totalem. Cetero ad unum quid unum est unum. Sed experiamur  
 aliquid unum. Summa sit 1 Q. (non hoc placet dicitur, quid super hoc per se demonstratur &  
 proinde propositio unum unum fuerit.) Eius cubus 1 C. C. Diaphante unq. In decimata sua sila  
 tunc unum habet unum, et unum huius summae unum, unum unum.

**XXIII.** Partem datam dividere in tres alias, quarum quatuor detrahis cubo sum-  
 ma 1 272. 272. 272.

ma, relinquit quadratam. Si pars data, 4, & hic numerus sit sit dividendus ut imperatum est oportebit itaq; quatuor carum subradice 64 quadratum facere. tres ergo he —4 faciunt tres quadratos. & si omnis quadratorum addidimus 64, hinc numerus unumquodq; quadratorum. Id autem facile est. Eo enim res deducitur, ut si dividamus in tres quadratos, quod est facile.

### XYLANDRI.

*Quadratum patet, 2; dandi debere in tres partes, ut 2, de quavis fabricati, si fides fiat quadrata, sed quid dandi triangula, hinc peruenit, non videtur.*

XXV. Invenienda sunt tres quadrati, ut qui ex his sit solidus, quovis ipsorum adducto sit quadratus sit solidus ille 1 Q. & quantur tres quadrati, quorum quilibet unitate addita sit quadratus. Per hoc potest è quovis triangulo rectangulo. Expono ita triangula rectangula, & completo ab uno Quo daturum, dando eam qui est à reliquo rectorum & invenimus quadratos, unum 7 Q, alterum 23 Q, tertium 64, 8. quorum quivis cum 1 Q facit quadratum. Restat ut solidum quod ex tribus sit, æquemus cum 1 Q, ita autem solidus est 14400 C C, equalis 1 Q, omnia sub eadem denominationem dederunt, & characteribus demeritis, sunt 14400 C C, æquales unat. Est autem unitas que datur, quod si eam 120 Q esset quadrata, soluta esset ratio, non est autem. Sed itaque res est deducta, ut invenienda sint tres trianguli rectanguli, ex tribus singulis sit solidus multiplicatus in solidi qui ex his tribus eorum sit, faciat quadratum, cuius lateres sit numerus multiplicatione octus laterem que circa rectum sunt unus rectangulorum. Et si omnia dividimus per numerum octum ex multiplicatione laterem que sunt circa rectum rectanguli inveniuntur, sic ex multiplicatione rectum continemus eius qui AD in eum qui est circa rectum alterius triangulorum, & si ex his constituamus solidum 7 A 12; datur, tã cõ est ut inveniamus duo triangula rectangula, ut qui sub his que circa rectum eius qui sub his que circa rectum erat 12 N itaque eam area 12. Si autem 12, & 1. Hoc est facti 12, est qd simile triangulo 79, 40, 47 alterum 311, 12. Cùm habeamus ergo ita triangula rectangula, revertimur ad primũ & propostum, faciemus nunc quadratorum unum 7, alterum 23, alterum 64, & si solidum ex his æquemus 1 Q, ostendit numerus verus, ad positiones.

XXV. Invenientes quadratos, ut solidus qui ex his sit, singulis ipsorum detracto maneat quadratus. Sequitur solidus ille 1 Q, & rursus tres quadrati qui quantur, sumantur ex triangula rectangula, unum 24, alterum 23, tertium 64. Hoc compono Quadrato, & invenio Q—quovis ipsorum, quadratus. Superest ut solidus ex his tribus componatur, æquemus 1 Q, ita autem solidus est 12000 C C, denominatus à parte 12, 1024, hinc equantur 1 Q, omnia numero nove Q denominantur erunt 12000 Q Q sub nomine parte 12, 1024, æquales unat. Est autem unitas quadrata, & habet lateris suum. Ergo oportebit eam 12000 sub nomine parte 12, 1024, esse quadratum. Itaq; res est deducta, datur, ut inveniamus tria triangula rectangula ea lege, ut qui sit perpendicularis solidus multiplicatus in solidi qui sit sub his, quadrati faciat, qui lateres habeat quadratum, & si omnia dividimus per numerum subradice & perpendicularis rectangulorum oportebit eum qui sit subradice & perpendicularis subradice & catheti multiplicatus per subradice & perpendicularis eandem rectanguli sit unum triangulorum 3, 4, 5. Eo itaq; devenit est, ut duo rectangula triangula inveniantur, ut subradice & perpendicularis subradice sit 20, diagonalis 25 & 3, est facile quippe maius est 311 12 minus 340. Ab his ergo querenda sunt alia duo, ut subradice & perpendicularis sit 6. Est autem invenio quidem subradice & perpendicularis 60. Minora, qui est in subradice, 27 qui vero in d' rectangulorum, 12, & accipiemus minima similia, revertimur ad initio propostum, & posuimus solidi qui sit è ipsis, 1 Q ipsorum aut quadratorum aut 8, alteri 79, tertio 27 Q, sub denominatione parte 1270. Superest ut solidus ille æquemus 1 Q, omnia denominationibus, lateres qd lateri, mutatis numeris 60, ad positiones.

XXVI. Invenire tres quadratos, ut qui ex his sit solidus, quovis ipsorum detracto, relinquit quadratam. Solidi ille autem sumat 1 Q ipsi sit è quibusq; partem rectangula.

Arque



Atq; rursum eadem hec ed res dicitur, ad ea que p̄cedēntē s̄i q̄ntur quodā problema. Sicigitur in hac sc̄dm utitur triangulo, ponimus q; totam qui quatuorūque d̄iōtorum unum 2) Q, alterum Q, tertium eaq; alium 4774. & rursum rursum solido qui ex tribus componitur sublato ē quous latere quadrum. superest ut solido alie aquetur Q, unde invenitur numerus maior quam 1, & manet.

XXVII. Invenire tres quadratos, ut qui s̄r̄t̄ a duobus quibusvis, unū utē adsumta s̄r̄t̄ quadratus. Et quoniam quæro, ut qui ē primo in secundam s̄r̄t, addita unitate s̄r̄t quadratus, omnis in tertium qui ē quadratus utq; oportet ut cum qui est ē primo in secundam, id ē s̄r̄t solido qui ē tertio fuerit, ut etiam cum primo & secundam, id ē enim s̄r̄t demonstramus. Itaq; etiam illi nomen satisfaciunt hęc quæstioni.

XXIX. Invenire tres quadratos, ut qui s̄r̄t a duobus quibusvis, \* de resto 1 Q s̄r̄t quadratus. Omnis in tertium utq; quod s̄r̄t primo in secundam, in tertio. hoc ē s̄r̄t solido qui s̄r̄t ex tribus, de resto tertio facit quadratū. Ergo cui usq; q, tam primo quā in secundo de resto, solido ē tribus constitutus est quadratus. Hęc autē s̄r̄t p̄ri c̄i demonstrationis. Illi igitur nomen hoc quoq; præstant.

\* ut dicitur  
dicitur.

XXX. Invenire tres quadratos, ut qui ē quibusvis duobus s̄r̄t, ab unitate ablatas, quadratus coliquat. Rursum quærentes cum qui ē duobus quibusvis s̄r̄t, sublato ab unitate, facere quadratum omnia dicimus in tertio, rursum eō deducto, ut inveniri debent tres numeri, ē quib; confectus solido si tollatur quous, p̄ri quæ quadratus. Hoc autem s̄r̄t p̄ri c̄i demonstrationis.

XXXI. Dato numero, tres alios invenire quadratos, quorum bini quousq; eo addito quadrati s̄r̄tiant. Sic datus 12. & unus quæstio 9. Quæstio ē ergo sicut alij duo, ut uterq; eorum cum 12 faciat quadratum, & eorum s̄r̄t p̄ri c̄i eorum cum 9 faciant quadratum. Quærenti sunt ergo quadrati duo, quorum uterq; cum 12 faciat quadratum. Summas eos qui conveniunt 12, & trianguliter changit, latera restum in quibus faciens. s̄r̄t secundum N 3, oppositus N 4. simul unūq; ambo sunt 1) N, & 4) N. Sit unius lateris differentia 3 N & 1) N. & manet uterq; ipsorum cum 12 facit quadratum. Restat ut ambo inveniat s̄r̄t quadratus faciam. Sit autem 1) Q, Ergo 2) Q — 9 equatur quadrato, æquales 2) Q. & s̄r̄t Num erit 1) ad positiones.

XXXII. Dato numero, tres alios invenire quadratos, ut bini commode, de summa sublato dato, faciant quadratum. Elio datus 12. Rursum ponatur quadratus qui s̄r̄t totam unum 12. Uterq; hoc cum eum 12 faciat quadratum & ambo unūq; deum d̄iō, faciat quadratum. Rursum sumamus dimensionem per numeros 1 & 4. Sit p̄ri latera ē differentia 1 N & 1) N. alter ut ē differentia 2 N & 1) N. & manet unūq; horum quadratus, ut faciat cum 12 quadratum. Restat ut summa duorum — 12, faciat quadratum. s̄r̄t autem 4, 4, Q — 12) N Quadrat. Elio N, 4, & s̄r̄t N, 2 ad positiones.

XXXIII. Invenire tres quadratos, ut qui componitur ex eorum quadratis s̄r̄t. ut quadratum. Quærentur s̄r̄tiantur unus 1 Q, alter 4 Q, alter 9. & s̄r̄t componitur ex eorum quadratis, 1 Q, Q + 17 æquale quadrato lateris 1 Q — 8 & relio quæ s̄r̄t 20 Q æquales 1 & s̄r̄t uterq; effect quadratus, soluta erat quæstio. Elio in quæ res redit, ut quærentur duo quadrati, & numerus quidam, ut qui ab ijs s̄r̄t quadratus detractis quadratus quæstio, numerum faciat, qui ad duplēm principio positū numeri eum habet rationem, que est quadrati numeri ad quadratum. Ponatur quæstio quadrati unus 1 Q, alter 4, & ab hoc quadrato si austrat illorum quadratos, restat qui ē 1 Q, & uterq; hoc ad 2 Q, n̄iater 4, hoc est ad 2 Q + 1 proportionem habere que est quadrati ad quadratum. Semiles sumamus omnino, ut etiam 4 Q ad 1 Q + 2. N̄iōtōm quadrati numerus ad quadratum habent numerum. s̄r̄t autem 4 Q quadratus. Ergo 2) Q + 4 æquatur quadrato lateris 1) N. ergo 1) N, 2) Elio quadratum quadratorum alter 1) Q, alter 4, alter oblatas 4, omnia quæta erunt unum 4, alter 16, oblatas autem 25. Recurremus ad iñiō positum. Sumamus tñi quæstio numerum 1 Q, alterum 9, utrum 16. & s̄r̄t que ex eorum quadratis componitur 1 Q + 147. Hęc æquatur quadrato, cuius lateris 1 Q — 12. & 1) N est 12. Reliquæ sunt manifestæ.

- XXXIII. Octodrachmas & quinguedrachmas chous aliquis miscuit, obols man dabo ut bonū faceret, & precū p̄stitit super omnib. quadrans imperitas accipiens unitates, & faceret rursū obolū ut ferret quadrans, sum̄ f̄c̄t̄ p̄o latere sum̄ f̄c̄t̄ chous. Itaq. distingue, octodrachmas fac, & rursus reliquos p̄ter die quinguedrachmas. Epigrammate hoc significavit. Duos quales emittendos t̄n̄t̄, unus choam drach̄ mis & alterius choam drach̄m̄s quinq. & p̄ om̄ib. p̄f̄ob̄at̄ precū, numerū quadr̄m̄, qui ad 60 facieb̄t̄ quadrans, cuius latus numerus erat choas. Distingue adie quinguedrachmas ab octodrachm̄s. Est choas multitudo i N, ergo precū erit  $Q = 60$ , & quale quadrans, cuius latus ponendū est i N. — Aliquot omnino unitatibus. It̄ quon̄d̄  $Q = 60$ , oblat̄ ē dupl. numeris, precū scilicet octodrachm̄, & precū quinq. drachm̄arū. \* Facit multitudine i N quinguedrachmarum, & i si cū multitudine octodrachmarum, & multitudine choarum in sum̄m̄ conata si cū N. oportebit  $Q = 60$  dividere in duos numeros, ita ut alterius quaterna, alterius octava, sum̄ i N consistant. Atq. hoc nō plūc fieri nōd̄ quā oportet, nisi N sitant maior ostendat de  $Q = 60$ , min or autem quintante de i  $Q = 60$ . Est i  $Q = 60$  maior atq. i N, & minor quā i N. Quando itaq.  $Q = 60$  maior est quā i N, adiciatur utrobiq. 60. It̄ i Q maior erit quā i N; i 60. ergo erit  $Q + 60$  i N numero aliquo simpliciter sum̄ quā 60. & oportebit numerū maiore esse, non minore quā i N. Rursum quando i  $Q = 60$  minor est quā i N, additio utrobq. 60, i Q equabitur i N & eundem numero qui minor sit quā 60. Itaq. oportebit numerum inveni non maiore quā i N. eandē uerb̄ deinceps rursū minorem esse quā nō debet. Est ergo inveniendus numerus maior quā i N, minor quā i N. Cum erit quinquens quadrans i  $Q = 60$ , fingendū est eius latus i N. — Aliquot unitatibus. Itaq. si numerus ex aliquo numero in seipsum ducto & subto minus sit, & divisio per seipsum dupl. Eō itaq. res de dōcta erit inveniendus sit numerus, cuius quadrans si addit̄ sit 60, & sum̄m̄ per dupl. numeri dividatur, quod est maior sit quā i N, minor quā i N. Et si huic statueris i N, oportet  $Q = 60$  dividere in duos numeros, & quod eundem inveniēte maiorem quā i N, minorem quā i N. Et si quatuor numerum statueris i N, oportet i  $Q = 60$  dividere per duos numeros, ut maior quā i N erit. Ergo i  $Q + 20$  maior est quā i 2 N, ergo 2 i N equatur i  $Q$ , & qui minorem unitatem 60 erit numerus, non debet esse maior i N. Rursum oportet i  $Q + 20$  dividere per i N, & numerū inveniēte minorē i  $Q + 20$ , itaq. i  $Q + 20$  minor sunt quā i 2 N. Ergo 2 i N qui sunt i  $Q$  & numero quod maior est quā 60, unde oportet numerū minorē esse quā 20. sed & maior est atq. 20, maior & 0. Ergo oportet quadrans i  $Q = 60$  pariter latus statere i N — 20. Inveniētur i N  $\frac{1}{2}$ . Quadrans eius  $\frac{1}{2}$  tōle 60, et linquantur  $75 \frac{1}{2}$ . Hoc oportet dividere in duos numeros, quod p̄f̄ois quintas est p̄f̄ois (60) faciat  $\frac{1}{2}$ . Sit p̄f̄ois Quintas i N, ergo alterius octava erit  $\frac{1}{2}$  — i N. Ipe ergo erit alter i N, alter  $\frac{1}{2}$  — i N. hoc equatur est  $75 \frac{1}{2}$ . Erunt ergo 75, ergo multitudo quinq. drachm̄arū choarum 27, octodrachmarum 4, unitates & reliqua potent.

## DIOPHANTI ALEXANDRINI RĒ

LVM ARITHMETICARVM LIBER SEXTVS.



Necitendum est triangulum rectangulū, cuius ab hypotenusa si subtrahatur alterum latus, reliquorum, relinquantur cubus. Est illud triangulum efficiam i duobus numeris, quorum alter i N, alter i. Sit ergo hypotenusa i  $Q + 9$ , p̄f̄p̄ decubus 6 N, basis i  $Q = 9$ . Si alterum latus ab hypotenusa subtrahatur, puta i  $Q = 9$ , relinquantur  $81$ , qui sunt cubus non est. Vnde autem p̄f̄ois  $81$ ? Quadrans est de i his sum̄m̄. Inveniēndus est ergo numerus, cuius quadrans duplus, sit cubus. Est i  $81$  N, erunt i  $Q$  equalis cubo it̄ sit i  $9$ , sit i N. Rursum triangulum fingo ab i N & non 9, sed binario. It̄ sit hypotenusa i  $Q + 4$ , est it̄  $4$  N, basis i  $Q = 4$ . Est i  $81$  ab hypotenusa detrahatur, relinquantur cubus. Restat ut ostendatur ab hypotenusa i subtrahatur, relinquantur  $Q + 4 = 4$  N, equalis cubo. Est autem hoc quadratum lateris i N — 2. hoc ergo latus equum

quoniam cubo, & solvemus quaestionem sic numerus cubicus est 5616. Effige-  
tur ergo triangulus 360 & 2, 8 catho hypotenusa 104, cathetus 40, bala 96 & cõstat.

X Y L A N D R I.

*Item de his sublati cubi refert ea. 90 de 104 adempti, cubus reliquatur 8. Quadrato  
tunc bala est 9216, cathetus duo summa 1040, & tunc est quadratus hypotenuse bala qua in  
Græca sunt acceda, difficile non fuit corrigere & quod de ista problema dicitur certissimè  
est nempe quadrato aliquo numero, cubus est: necesse est etiam latus esse quadrati, cubus  
est & cubus, quadratè, quod in natura characterum figurarum colligere licet: & numerus qui  
9216 c. infra addit, a non hinc quadratus querere, est sensu numerus additis naturam  
quamvis quaerere, sublati, hincque notatur cubus. Et si latus cubi quaeratur, tunc sum-  
mari notata quantitas quaeratur, quæ hoc ternum est 2, quadrato nota. Nec ergo talis fuit. Sed  
effigiamus illam triangulam auctam à Diophanto explicatam habuerimus. Eam nos hoc modo  
item ex 90. quia replicanda superatur libri problemati est 104. & 1040 multiplicando in-  
venimus Effigendam est quadratum 104, & 1 duplum cui quæ multiplicando in-  
venimus, est 4. nam latus Quadrati 1. 9. ex 9, differens 1. 9. — 9, quod est alterum ipsius  
numerorum quadrata commoda, et quibus triangulum effigiamus, hypotenuse sufficit, ut  
de ita sit ut intelligatur magis sicut inpendendum per 107 prout Euclides invenit idem casum  
in tali genere numerorum invenire non potuit postea. Sed explicemus abstrusum exemplo  
numerorum Effigere libri triangulam rectangulam ex 3. & 4. cui summa latus 11, dupli 11  
97 composuit alterum 7, potestatem quadratorum hypotenuse 77, summa quadratorum. Et ut  
videtur sicut fuit quod per inventionem Pythagora. Quadrata laterum sunt 9, 16, & 25. sum-  
ma 50, et ipsa hinc radius quadrata est 77. Et simul numerorum qui affiliati profertur quadrato-  
na 107, a, 104, 1040, multitudine constituit. Item 3. & 4. latus unum 11. Quadratum de 97 est  
9.401, ergo alterum 9, 16, hypotenuse 104, quod non habere, exprimitur sublati. Item etiam ut  
fuit in superiore. Partis autem cubi modo ex 1. 11 & 4. latera trianguli effigiamur a 3. 4. 5.  
— 4. & hypotenuse 1. 11. 12. & in soluta rectangulam 10. & 1. (non 1, ut in Græca multi-  
tudine est perinde pro 11, in 11.) effigiamur. Ita dictum fuit 28, dupli 56, ut in Græca latus quadrato  
na 107 & 4. latera aliam 97 alterum latus summa 104, hypotenuse. Item notanda aliquid  
lateri quadrati invenitur nota, & 9216 summa 1040, cuius latus quadrati est 104. Et quæda-  
m hinc rectangulam incommensurabili ac incognita libet hinc ipsam subigere, nec ferit  
non parit 107, unde notabilis fuit & 2. numerus (quod sicut) lateri nati, ita progressio ba-  
ta effigiamus post intelligit: & demonstratum (quæ notatur) numerorum regum capis con-  
tinuamemque patet.*

Diffini-  
tiones

Compositi-  
onem ad 12 & 100.

Numeri, quibus refertur.  
quæ effigiamur.

	latus	refertur facientis.	hypotenusa	
	3	4	5	13
	4	5	6	15
	5	6	7	17
	6	7	8	19
	7	8	9	21
	8	9	10	23
	9	10	11	25
	10	11	12	27
	11	12	13	29
	12	13	14	31
	13	14	15	33
	14	15	16	35
	15	16	17	37
	16	17	18	39
	17	18	19	41
	18	19	20	43
	19	20	21	45
	20	21	22	47
	21	22	23	49
	22	23	24	51
	23	24	25	53
	24	25	26	55
	25	26	27	57
	26	27	28	59
	27	28	29	61
	28	29	30	63
	29	30	31	65
	30	31	32	67
	31	32	33	69
	32	33	34	71
	33	34	35	73
	34	35	36	75
	35	36	37	77
	36	37	38	79
	37	38	39	81
	38	39	40	83
	39	40	41	85
	40	41	42	87
	41	42	43	89
	42	43	44	91
	43	44	45	93
	44	45	46	95
	45	46	47	97
	46	47	48	99
	47	48	49	101
	48	49	50	103
	49	50	51	105
	50	51	52	107

*Et hoc latera tua intelligit esse colligere. Nam si ita diffinitur 1. 4. & 3. 4. 5. et dicitur,*  
*invenimus progressionem laterum primorum intervallo 1. & colligaturam hanc sequi impenditur, ut aliter*  
*tunc etiam quilibet dicitur esse judicio licet.*

11. 1000

11. Quæsitum triangulus reſtangularis, cuius hypothenuſe alterutri lateris ſi addatur, cubus eſſet. Si multiplicemus quod quæritur à duo b. N. ut in precedentibus quæſionibus eſt numerus quæſitus, cuius duplū ſit cubus. Huius qui dicitur lateris erit 1. Singulus igitur trianguli ab : N & 1. Et ſimiliter hypothenuſe : Q 7 4. lateris reſtoris alteri 4. N. alteri Q — 4. Reſtat ut lateris hypothenuſe alterutri addito cubum generet. Sed eſt ad primas poſſiones redierimus, invenimus : Q minus eſſe quàm 4. & maſus quàm 1. minus eſt unitatis, deinde, & eò redacti ſumus, ut qui vere oportet ac cubum minorē quàm 4. maiorē quàm duo. 12 eſt 17. & ſit : N 12, quatuor numerum  
 \* 17. ſit numerus a. Ergo hypothenuſe erit 177. laterum alterum 17, alteri 17. & per 64  
 \* erit triangulum contentum lateribus 177, 17, 171. & conſtat.

XYLANDRI.

*id quod poſſibile eſt in explicatione huius quæſitionis prædicari eſt, & reliqua vitiosa ſolatio nulla. Poſſit trianguli lateribus 4 N, 1 2 — 4. & hypothenuſe 1 2 7 4 expeririatur quod ſit. Quo aut erit utriusque utriusque. Si addatur lateris 4 N, ad hypothenuſem 1 2 7 4 ſit quæſitum : 1 2 7 4 N, 1 4 lateris 1 N 1 2. de quo quod eſt prædicandum, ſuperius eſt eſſentiam prædicatum, ſicut eſt expreſſum eſt & ut ſerret à lateris 1 4 40, 10. & ſunt 24 eſt ad cubi diſtinctionem 24 ut 40 & 32 cubi ad cubum. Sed reddidit rei ſi eſt alio cubo apertis patet eſt 40, utrius lateris 2 ut 24 ut 24, ut prædicandum ſicque 24 ut prædicatur utriusque hinc prædicandum. Et ſi addatur : 2 — 4 ad 1 2 7 4, prædicatur 2. de hoc prædicatur utriusque cubo. Cubus duplus quæſitus nullus eſt præter 1 ut utriusque quæſitum nullus extra 27, utriusque quæſitum nullus extra 120. quod uſitatum prædicandum ratione demouſtrari. Sed 2 expreſſum 1 2 7 4 prædicatur : & 1 N, 2. de ſi reſoluit lateris prædicatur utriusque 1, 4 — 4. ut ſoluit nullus eſt utriusque lateris trianguli, quod eſt abſurdum. Ergo ad prædicatur utriusque & prædicatur : N 1 2 eſt alio quæſitum cubo, utriusque, ut ſoluit utriusque & 4 utriusque quæſitum in utriusque eſt nullus, N. alio, quæſitum 2, ut ſoluit prædicatur. Sed ut in prædicatur quæſitum alio invenimus cubi, qui duplus alio quæſitum eſt eſt eſt hypothenuſe ſoluit eſt apertis, quod ſit utriusque prædicatur 1 N, lateris 1 2 quæſitum utriusque apertis. Ergo N 1 2 æquatur cubi 12. hoc eſt 2 N ſi 12. & reſoluitur hypothenuſe 1 2 7 4 prædicatur, addatur, ſit 12, habet hypothenuſem 12. ut prædicatur ab 1 2, ſit lateris prædicatur, ſed prædicatur (ut alio quæſitum, utriusque) 12 prædicatur, habet lateris 12. ut prædicatur 4 N, ſunt 12 ſit 12 utriusque lateris. Cur æquatur prædicatur utriusque utriusque in hoc eſt ſi, alio eſt prædicatur, 177, 17, 171. lateris ſunt quæ prædicatur et hypothenuſe eſt alio lateris prædicatur 120, cum lateris 120 prædicatur, cubus eſt 1, & prædicatur eſt hoc ſoluitum prædicatur.*

111. Invenitur trianguli reſtangularis, et area eius numerus duo numero auctus eſſet. Si quadrat. Addidus ſit 3. & trianguli eò firmatur ſpecte hoc lateris 1 N, 4 N, 1 N. Fit area eò 3. 8 Q 7 1, quod æquatur quadrato. Si N, 2 9 & à ſimilibus auctetur ſimilibus, ſuperſunt : Q æquales 3. & oportet ſpecte ad ſpecte ratione habere quadratū numerum ad quadratū numerum oportebit eſt multitudinē ad multitudinē. Eſt ergo eò prædicatur, ut invenimus ſi ſit trianguli reſtangularis, & quadratus numerus, qui deſcribitur numero area eius trianguli, præſtat quæſitum, quæſitum. Cuius numerus ſit 3, ſingulis uniti N, & ſit area numerus : Q ſit quadratū lateris, 1 N, & totum numerum, quæſitum eſt duplū dicitur numerum, ut per 10 N, ſit quadratū : Q 7 100 Q 7 8. Hoc quinquuplex numerus, & area numerum : Q prædicatur prædicatur 100 Q 7 80. Hoc quinquuplex, ſunt 305 Q 7 190, quadratū, & omnia in 1 Q, ſunt 100 Q 7 190 æquales quæſitum lateris 10 N 7 2, unde invenimus N eſt 14. Ad prædicatur, ut prædicatur ergo triangulus à 24 & 1, lateris aut quadratū 101. Si igitur reſtangularis firmatur in numerum, & area eius prædicatur, ſicque : N, 2 3 6, & reliqua nobis erant prædicatur

120  
+ 10 N

112. Invenimus eſt trianguli reſtangularis, ut numerus area, ſubſtrato eo qui datur, et ſit quæſitum quadratū. Datur aut 6. & ſit utriusque trianguli datur ſpecte & ob hypothenū 10 Q — 6. numerus quadratū cubo N Q 10. Et cubus res eò deſcribitur, ut invenimus ſi ſit trianguli reſtangularis, & quadratū numerum, ut ſi ad area tollitur quadratū, reliqua ſextes ſextes ſunt quadrata. Singulis numerus trianguli ab 1 N & 1. & quadratū lateris ſit N. & erit ſimilibus multitudinis datur numerum, hoc eſt 1 N 1 Q — 10 Q numerus quadratū, hoc ſextes 1 ſit 16 Q — 60 æquale quadrato, cuius lateris 4 N — 2, unde invenimus N, & prædicatur ergo triangulus ab 1, & ſit quadratū autem 19 & eò invenimus triangulum, conſtituo in numerum, ſextes 4, prædicatur omnem, invenimus

numerum

numerum rationale in, & constet.

V. Invenitur triangulum, cuius area numerus à dato subtrahitur, reliquus quadratum. Datus sit 6. & rursus fiat utrumque triangulum à N 1, N 3, summo — 6 Q. æquales quadrato. Et si faciamus N Q. quadratum, rursus eò demittitur est, inveniuntur debet triangulum rectangulū & quadratus numerus, ut quadratus area totius numero, decem quadratos faciat. Insuper quadratum ab 10 ser. tenet aream quadrati à 6. & 4. & sit cōpositus ex area & \* 20 Q. 7 in hoc ordine, sunt 100 Q. 7 100. & quadratus horum 63 Q. 7 25 æquatur quadrato lateris 31 N 1. ut dicitur inveniatur N esse 2. ad posita præter, & inuenies ut in præcedentibus.

VI. Invenitur triangulum rectangulum, ut area cum uno laterum qua restat faciat angulum, datum numerum faciat. Sit datus 7. Sit rursus triangulum datum specie 3 N, 4 N, 5 N. sum 6 Q. 7 3 N æquale 7. Oportebat autem simili rationem N ut sit ducto, additur Q. ut rursus facere quadratum, id autem non fit. Oportebit ergo inuenire triangulum rectangulum, ut quo sit à simili lateris circa restat motus ad se 7 & area, tenet quadratum. Est ² laterum, 1 N qui in altero, 1. & sunt N 3, 3 7 4. totam quatuor, sunt 14 N æquales quadrato. Vbi etiam triangulum rectangulum rationabilis lateribus confirmamus, oportet N Q. 7 4 esse quadratum. Executus sit Q. — 13 N ducto 40 N secundum 1 N — 14. dimiduum excessus in se, sunt 35 æquales minor. Et sit N, 24. Ad posita. Pono unum latus trianguli 17. alterum 1. Omnia septies. fit unum 24, alterum 7. & hypotenusa 25. Fit area cum duobus lateribus 114. Q. 7 N, hæc æquatur 7. Ergo 1 N inuenitur 6, 7, 25. & manet.

VII. Invenitur triangulum rectangulum, cuius ab area si auferatur unum latus est. Quam angulum facit totam, et in quo area datus manens. Et sit 7. Rursus si triangulum sumamus data specie, per eò demittitur, ut quasi oportet triangulū rectangulū, ut lateris unius semel in se ipsum ducto, additio ei quod sit 7, & area, qua datus est. Sit summa eius 7. 24. 25. Pono itaq. in Numeris, & area ducto uno lateri sit 14. Q. — 17 N. æqualis 7. fit 1 N; ad positiones.

VIII. Invenitur triangulū rectangulū, ut area ambob. lateribus qua sunt circa restū angulum ad summa, datum efficiat numerum. atq. hic est 6. Rursus fiat utrumque triangulum datum in se eodē, & rursus eò de uoluntate, ut inueniatur sit trian-  
gulum rectangulum, ut summa laterum circa restum in se multiplicata semel cum se uno area faciat quadratum. Pono unum datus latus alterum 1. fit ut queramus 4 Q. 7 17 N 7 4. æqualis quadrato. Omnia quatuor. fit 17 4 N 7 4. æqualis quadrato, & 1 Q. 7 1 æqualis excessus 14 N. mensura 1 N per 7. huius excessus semel sit 17 Q. 7 13 7 7 N, quod æquatur 17 Q. 7 13. fit 1 N, 43. Sit ergo triangulum 40, 1, 43. & omnia per 22. fit triangulū 45 N, ut N, 31 N. & fit area eò summa duobus alteri laterum 630 Q. 7 7 N æquale 6. 22. Numerus existit rationalis ad propositionem.

IX. Invenitur triangulum rectangulū, cuius ab area si duorum laterū quæ restū facit angulū auferatur summa, dati numeri exhibeat. Et est sit 6. Rursus summa motus triangulū qui quæ sit datus spede. fit ut queramus sit triangulū rectangulū, ut summa duorum laterū semel in se ducto, et quod sit 6 additas area quadrati fiat. Hoc iam ens eò demonstratum, & est 2. 43. 35. Pono itaq. latera in Numeris, sunt rursus 630 Q. 7 7 N æqualis 6. ut de inuenitur 1 N, 6. Item ad posita hoc accommodemus.

X. Invenitur triangulum rectangulū, cuius area lateris altero & hypotenusa ad summa, numeri pro posita exhibeat. Datus 4. Rursus triangulū illud sumamus dati in specie. Requiritur igitur ut triangulū excoꝛdinatus rectangulū, cuius area quadruplū ad summa hypotenuse & alterius lateris si ad angulum, huius collecti semel sit in se ductus, qua sit 10 efficiat. Et sit demonstratum, latera est 21. 4. 25. Hæc N notata pono. sunt 630 Q. — 21 æqualis 4. fit 21 N. ad positiones, &c.

XI. Invenitur triangulum rectangulum, cuius area si addatur hypotenusa & laterum reliquorum unū, datum numerum summa reperitur. Et sit 4. Rursus confirmamus triangulū illud datus specie, & reliquus est, ut indagemus triangulū rectangulū, cuius area quadruplū ad summa duobus laterū si additas, semel collecti in se ipsum multiplicata Q. Q. 1. C. 4. Q. 2. N 4. 1. Ar. ut, n. areæ Q. Q. 2. N. ut que oportet.

et. Quodam  
quodam re-  
ducta.

que oportebit quære.  $Q, Q, C, N, N$  & quales quadrato, cuius latus sit  $6N + 1$  —  $Q$  & sit Numerus  $4, 5$ . Fingatur ergo triangulus a  $9$ . & omnia quinque sit fingatur. Rursum totius unum (al. lectio, ab)  $1$  &  $5$  & summa minorum latorum, pono cum in Numeris, sumat  $N, 4, 5, 5$   $N$ . fiant area cum summa laterum dextrorum  $630 Q + 21$ , &  $1N$  sit  $4, 5$  posita.

XII. Invenire triangulum rectangulum, ut & qui est in primo. ipsum latus, sit quadratum & posterora qui est area, est minor latus faciat quadratum. Fingatur triangulus, a  $N$  & supponatur maius latus sit  $6N$  ex duplo eius, quem ipse multiplicato uno in altero componit. Oportet ergo invenire duos numeros, quorum multiplicatione qui componitur, semel sit quadratum & excessus dupli huius semel sit, supra excessum quadratorum qui ab ipsa sit. faciat quadratum. Hoc aut in quibusdam duobus numeris, si maior sit minoris duplus. Restat ut queramus aream trianguli, cui minor latus sit quadratum. Sit autem area huius,  $4, 5$   $Q, Q$  qui sit  $4$  numero. Invenit ipsum latus ex tribus cum qua sit a minore quadratum sit omnia per quadratum a minore. Queramus ergo numerum aliquem, ut ut erit quadratum qui ab ipsa fiant cum tribus unitatibus faciant quadratum. Est autem unicus, & alij infiniti numeri. Ergo triangulus quem queramus, effingatur ab  $1$  &  $2$ .

XIII. Datis duobus numeris, quorum summa quadratum conficiunt in fine invenitur quadratum, quorum quilibet multiplicatus in alterum altero ad productum adiecto quadratum constet. Numeri sunt  $1$  &  $8$  & invenendus sit quadratus, qui per  $1$  multiplicetur, productumque  $8$  addatur, atque quadratus fiat. Sit quadratus alius  $Q + 1N + 1$  sit multiplicatio, (&  $8$  addens)  $1 Q + 8N + 9$  aequales quadrato, huiusmodi solutio habet sunt infinitæ, quæ unitates habent latus quadrati. Ac queritur sine quadrato lateris  $1$  —  $1 N$  sit  $1 N, 4$ . latus ergo quadrati est  $1$ , sed & alij infiniti numeri sunt.

XIV. Invenitur triangulum rectangulum, cuius area si negatur vero quadratum, fiat quadratus. Sit autem triangulum datur in specie  $1 N, 12 N, 13 N$  sumat  $Q + 12 N$  aequales quadrato. &  $120 Q + 1 N$  aequales quadrato. & sequatur Quadrato  $10$  sit  $1 N, 1$  & cum  $1 N$  sit  $2$ , oportebit ut etiam  $Q + 1 N$  sit quadratum, ut non est. Itaque ad componendum, ut oportet sit invenitur quadratum quoddam, qui detrahitur  $30$ , & residuo per  $12$  dividitur quotiens erit, qui in se ipsum decatur & ita  $30$  sumens, ubi addiderit sibi numerum qui sit ab invento numero, faciat quadratum. Ebo qui quadratum ut faciat quadratum,  $Q$  & numerus  $12$  denominatioque pariter  $Q$  —  $1$ . Quadratus sit  $4$  denominatioque pariter,  $Q, Q$  —  $6$  hoc minus est quintus suo sunt  $60 Q + 4320$  sub denominatione pariter  $Q, Q$  —  $60 Q$  & est pars quadratus. oportebit ergo  $60 Q + 2160$  esse quadratum. Est autem  $60$  ex quo datur quoddam cum qui potentia sit septies solum, & additur unitatibus  $12304$ , & facientem quadratum. Si igitur numerum ipsum rectangulum constituamus  $60$  cum  $2160$  facientem quadratum, solvamus quaesitum. Sit autem  $60$  ex quo datur sit ex lateribus, circa rectum, uno in alterum ducto. At  $21604$  est solido continetur. Et maiore continentium angulum & alterius excessu & area. Eo quod, reddi res, ut querendum sit triangulum rectangulum, ut qui sit ex lateribus, rectum facientibus, a dicto solido qui componitur ex maiore laterum, huius intervallo, & area, faciat quadratum. Quod si constituamus maius latus quadratum cum est, omnia ad id componamus. queramus minus latus, est eo quo datur ipse ductus in lateribus laterum, quadratum. Relinquitur, ut maculam duos numeros, area & intervallo laterum, & queramus quadratum, qui in uno datur in utriusque quadratum sunt. Hæc autem lemma supra sunt demonstrata. & est rectangulum  $1, 4, 5$ . Sit autem id in Numeris, sed ut queramus  $6 Q + 4 N$  aequales quadrato. &  $6 Q + 1 N$  aequales quadrato & rursus si queramus maiorem aequalem, sit  $1 N, 4$  in  $1$  —  $6$  ergo Quadratus sit  $15$  in unitatibus,  $Q, Q + 30$  —  $21 Q$ . Erunt ergo  $6 Q + 1 N$ , sunt in  $Q + 12$  denominatioque pariter  $Q, Q + 30$  —  $12 Q, 24$  debent quadratum, &  $6 Q + 1 N$  aequales sit  $15$  ergo  $1 N$  est  $5$ . Querentes igitur  $6 Q + 4 N$  aequales, si datus aequales Quadratus  $15$ , & sit numerus datus. Erunt ergo triangulum  $12, 16, 20$ , & constet.

Invenire triangulum, ut area eius numerus detrahitur laterum summa quadratum relinquitur.

relinquat Rursus si constructus, id dabit in specie, ut in precedenti, ob redit res, ut quæ oportet manere guli restanguli sicut hinc, 3, 4, 5. Ponatur in Numeris, 3 N, 4 N, N & 6 Q. N equatur quadrato. Et statim hinc in rem quæm 6 Q. venit N 4, sub ratione partis in rem illi quod est inter quadratum quendam & si sit numerus quadratus, Q, sit ratio ex parte Numero 6 Q. N sicut æqualia quadrato. Et 6 Q 7 36 quid sit sub ratione partis: Q Q 7 36 — 12 Q. Internall sicut sit in sub ratione partis 6 Q. N hoc est 72 — 12 Q. quid sit sub no mine. Q 7 36 si tollimus 36 sub cuiusdæ parti ratione superfluita Q. N nominata à parte: Q Q 7 36 — 12 Q. & pars est quadratus, ergo est 12 Q 7 36, equatur quadrato & N, est. Statim 6 Q — 4 N æqualia Q. sit N, 4, latera ergo eius qui questur trianguli erunt 12, 16, unitates 4, & si solis in unione, latera minor: N 7 12, itaq; Q 7 36 sub hinc: Q 7 6 N 7 36, est æqualia quadrato sicut in proclis est. Et ita erit N ad maiorem quàm 12, & autem, numerus N 71. Erunt itaq; N non tantum 12, & eius quadratus sublocus à rationem relinquitur numerum.

XV. Invenitur trianguli restanguli, ut numerus res & hypotenuse quæm alterius latera numero subtrahito, quadrato relinquitur. Sit trianguli datus species, 3 N, 4 N, N. Rursus questus est. 6 Q — 3 N æqualia quadrato, & 6 Q — 7 æqualia quadrato. Hinc quidem: N sit 1, sub ratione partis 6 — 1 Q. itaq; hoc in unione, 6 Q. sicut 36 sub ratione partis: Q Q 7 36 — 12 Q. Et oportet à 36 sub ratione partis: Q Q 7 36 — 12 Q. erit ergo 60 — 12 Q. Nominata ab eadè parte, & reliqua æqualia sicut quadrato, restant autem 48 Q — 36 Q sub ratione partis: Q Q 7 36 — 12 Q. æqualia quadrato. Pars autem est quadratus, ergo est 12 Q — 36 quadrato æquatur. itaq; hoc quid sit impossibile est equatio: quia 12 in duos dividitur quadrato. Nō omnino sit impossibile est equatio inter res oppositæ. Oportet igitur determinare de quadrato. Falsi sunt enim 12 Q. quod sit quadrato numerus, quæm quod sit area multiplicata in hypotenusem & unū lateri, ut 36 que desunt ex solido que obstruunt area, unū latera, & lateralem inter hoc & hypotenusem. Et itaq; deducit effectus, ut prius oportet invenire trianguli restanguli, & quadrati numerū minoris area numerus, ut quadratus multiplicatus multū in hypotenusem & unū lateri, solidas efferent ex area & dicto latere, & excessu hypotenuse super illud latera sicut esse ex duplo eorū qui sit ex ipsa. Omnis est pariter est internall dicto. Rursus quærentes aut quadratum multū in hypotenusem & unū lateri, area in primū lateri excessu quadratum. Et si statim eos qui trianguli essent si similes esse plano dissolvimus questio est. In partur trianguli à 4, & 1. Quadratus autem, ut minor sit numero res, est 36, trianguli vero effectus in Numeris hinc 3 N, 4 N, 5 N, & sit numerus area, obiecto uno lateri, 60 Q — 1 N. hinc æquatur 36 Q. sit N, 36, sed postea, sit trianguli 4, 3, 5, & est sit.

XVI. Si datur duo numeri, & in alteri eorū datur quadratus, alteroq; de pedito subiecto relinquitur quadratum, necesse est alius minor quadratus, & ante sumus datur, qui hoc eadè præbet. Sit numeri 3 & 4. Et primū quadratus aliquis, utpote 25, multū sicut in 3, pedito subtrahatur, relinquitur 64, quadratus lateris 8. Quærentes aut quadrati, quæ maior sit quàm 25, & tam in idè possit. Latus eius est 17 N 7, hinc quadratus: Q 7 20 N 7 25. Hinc triplū, demit 25, Q 7 30 N 7 64, questur quadrato, sit hinc latera 1 — 3 N. sit N, 60, ergo latera est 67, quadratus 4489, qui postea facit.

## XYLANDRI.

*Erunt & hoc deprecatæ, ut videri, in Geom. sic videri, ut corrigi possint de multis exemplis. Et aut obiectis obiectis, unde sit problema multo dicitur. Exempla quædam videri, habetur: semper numero per quadratum multiplicato, & de probatib; dicitur sit unum obiecto, quibus illud quadratum superat, utq; numerum, qui alter datur sit, contraria.*

XVII. Invenitur trianguli restanguli, ut area eius numerus & hypotenuse sicut Mem. con. 1.  
 alterius latera numero detracto relinquitur quadrati. Hoc trianguli si statim res de illi specie, rursus cogimus determinare, & quære trianguli restanguli, itaq; numerū quadrati, maioris area numero, ut quadratus in hypotenusem multiplicatus & unū latera que sit restanguli solū, & in eadè area, dicto latere, & excessu hypotenuse superfluit, que datur. Sit itaq; trianguli 4, & 1. quadratus aut 36, & non

est maior numerus. Habeant igitur duos numeros, maior qui sit ex intervallo & uno lateris hoc est 12, reliquus unq. qui continet totius ab area & uno lateris, & lateralis sit occupato, 4120. Quidam igitur quadratus aliquis, numerus 12, multiplicatus in 12, & multatus hoc, 4120, quadratus facit: quoniam si sit quadratus numerus esse debet. Si ergo statuamus:  $Q + 12 = N + 12$ , & subsequamur utri deinde dicitur demonstratum non summe numeros infimos qui daretur qui satisfaciant questionem, quorum unus sit 674. Posuimus igitur triangulum  $\triangle N, 3, N$ , hinc 20.  $Q + 12 = N$  aequales 674.  $Q$  & sit:  $N, 3$  ad positiones.

**XXI. 2.** Inveniendus est trianguli rectanguli, ut cathetus eius aequalis lo aequalis distictis, numerus anguli recti sit rationabilis. Si quis angulus in aequales dividit partes, 2  $N$ , una sit rectus basis:  $3 N$ ; ergo cathetus erit  $4 N$ . Statuatur ergo basis in toto summa unius quolibet, dummodo oriens eius numerus haberi possit. Ac sit 2, utiq. ergo in liquo recto basis,  $3 - 2 = N$ . Sed quoniam angulus in duos semiles est factus, & cathetus ad obliquum parit est sequens: utrius hypotenusa ad reliquum basis erit sequenter 2, & statum est reliquum segmentum  $1 - 1 = N$ , ergo hypotenusa  $4 + 4 = N$ . Redat ut hinc quadratus, utriusque  $Q + 12 = 3 N$  aequalis lateris quadratus, videbitur  $Q + 12 = N, 7$ . Reliqua sunt eisdem. Et si omnia per 32 reducantur sicut cathetus 24, basis 32, hypotenusa 40, & quæ angulum fecit, 32.

**XXII. 2.** Inveniamus trianguli rectanguli, ut area numero est hypotenuse numero faciat quadrat. circuli sitis utriusque, o die cubos. Sit area  $N$ , hypotenuse numerus quadratus, posuerit  $N$  & sit  $1 - 1 = N$ . Et si posuerimus utriusque  $N$  ergo qui sit ex hinc utriusque recti, sit  $1 = N$ . At  $1 = N$  dicitur sub  $1 = N$  & 2. Ergo si alteri lateri statuatur  $N$ , erit alteri 2, & circuli sitis erit utriusque cubus ut est. Area autem erit est quadrat quadrato & unius, duabus. Immo opus est utiq. ut quo quo daretur, qui hinc utriusque. Si o cubus fiat statuatur lateris quadratus  $N + 2$  & cubus lateris  $N - 1$  sit quadratus:  $Q + 2 = N + 2$ , cubus utriusque  $1 - 1 = Q + 2$ . Volo ut sit cubi qui daretur posuere unius, 2, ergo quadratus est hinc utriusque, hoc est:  $Q + 2 = N + 2$  aequatur  $C + 1$ , hinc  $N$  invenit 4. Reliqua ergo lateris quadratus, cubi, & quadratus 23, cubus 27. Transmutato utiq. rectanguli, & arcum eius pono  $N$ , hypotenusem 23, ut maneat etiam basis 2, cathetus  $N$ . Refertur ut hypotenuse quadratus aequatur quadrato reliquorum laterum. Hinc  $Q + 23 = 20$ , quod aequat:  $Q + 4$ . Ergo  $N$  est 12, ad positiones, & constat.

**XXIII.** Invenitur trianguli rectanguli, cuius area si hypotenuse addatur, fiat cubus circuli sitis utriusque quadrato expolitur numero. Si autem perinde ut in precedenti, area confluamur  $N$ , hypotenuse numerus aliquot cubus  $1 - N$ , ob notum, ut quæ sitio sit, equis cubus hinc utriusque fiat quadratus. Statuatur cubi lateris  $1 = N - 1$  sit cubus:  $C + 1 = N + 1 = Q$ , utriusque lateris  $1 = N$  & sit:  $N, 2 + 1$ , hinc ergo lateris cubi 27, & ipse proinde erit 27, 27. Posito restum arcum  $1 = N$ , hypotenusem 4, ut  $1 = 2$ , sed & basis habebimus 2, cathetus  $1 = N$ . Et si equemus hypotenuse quadratum est reliquorum quadratus laterum, utriusque deprehendimus numerum.

**XXIV.** Invenitur rectanguli triangulum, cuius area numero lateris numerus adiectus, efficiat quadrat. & circuli sitis cubus. Statuamus rectanguli ab aliquo numero indefinito impare, sit  $2 = N + 2$ . Erit ergo cathetus  $2 = N + 1$ . Basis:  $Q + 2 = N$ , hypotenusa:  $Q + 2 = N + 2$ . Reliqua ut circuli sitis sit cubus, & area est altero lateris faciat quadratus circuli sitis:  $4 = Q + 2 = N + 2$  aequatur cubo. Et sit obposita numerus circuli sitis sit  $4 = N$  & 2, &  $1 = N$  utiq. 15. Ergo singula latera partium ut per  $N + 1$ , habebimus circuli sitis cost  $4 = N + 1$ , utiq. cubus. Redat ut arcus sitis lateris faciat quadrat. Et sit area numerus  $C + 1 = Q + 1 = N$ , sub ratione partis:  $Q + 2 = 1$  & si numerus hinc duo ab eadem parte, sit  $2 = C + 1 = 2 = N + 1$  demonstrat  $2 = 2 = N + 2$  & habebimus communem partem:  $Q + 2 = N + 2$ , ut ut duo hinc obposita facit:  $1 = N + 2$  aequale quadrato. Quærebamus autem utrum  $4 = N + 2$  aequales cubo. Et res in eo sita est, ut lateris numerus cubus quadrat duplum. Est autem  $2$  respectu  $4$ . Est  $4 = N + 2 = 2$ , & sit  $N, 1$  erit rectangulum  $2, 12, 17$ , & constat.

**XXV.** Invenitur trianguli rectanguli, cuius utiq. numero si ad datur alteri lateris numerus sit cubus, & circuli sitis cubus numerus. Si rursus eodem utamur ducta,



quo in procedente, id tandem postulabitur, ut 4 N 1 a quatuor quadrato, & 2 N 1 a  
 equantur 2 C, fit ut quatuor quadratum, equalit duobus cubis, sunt 16 & 8, & res-  
 tum equantur 67, 4 N 1 a, & fit Numerus 13, fit adhuc rectangulum 13, 21, 47,  
 22, 211. Invenitur trianguli rethanguli, cuius area numero exprimitur quadrato, &  
 si ei addit numerus area, fiat quadratum. Invenimus trianguli ab 1 N 1, ubi ut la-  
 tera 2 N, altitudo 1 Q 1, hypotenusa area Q, imponit hoc nobis, ut quatuor equali-  
 tatem 2 Q 1 2 N & quadrato, & 1 C 1 a 2 Q 1 N equale cubo. Atque hoc quidem, 2 Q 1  
 2 N, obferre quadrato, facile est. Nihil binarii diuifis in quadrato, dicitur esse bina-  
 rio, inuenies N 6 fit 1. Operetur ad eum numerus, ut 1 plus cubus & femifis, quadra-  
 tum ab ipis & ipfius fumma faciat cubi. Eft ergo 1 N 6 fit binario diuifio in: Q — 2, fit  
 cubus, & denominatioe partis ab 1 Q — 2. & duo ab ipis quadrato, sunt 2, sub rati-  
 onis partis ab 1 Q — 2, quadrato, ipse ab 2, sub rati-  
 one partis 1 Q — 2, & omnia habet  
 eandem partis denominationem, sunt 2 Q 2 sub denominatione partis ab 1 Q — 2, C\* &  
 est pars cubica. Efto Q Q equale 1 C, & omnia ad cubi, sunt 2 N equalia. Et si con-  
 firmamus equalia unitatibus cubi, inuenit 1 N esse cubi ab eodem femifis. Efto cu-  
 bus unitatibus, fit ergo femifis area 4, quadrato, fit 49, & operetur hinc collere unita-  
 tes, quid quidem alteri lateri est 1 Q — 4, fit res eod de ductis, ut inuenit opus fit cubi,  
 ut quadrato quadrato qui ab eo fit, maior fit 22, minor quatuorcento. Et si ponamus  
 CC, quatuor 4 CC, maiores quidem 22, minores aut 22. Ergo cubus maior est 22  
 2, minor est 22. Eft aut 799. Ergo cubus 17 & 27. Statu itaque 2 N equalis 27, & fit  
 2 N, 27, Q, 799. Eft binarii diuifio in eum, quod hoc minor est unitate, inueni-  
 mus Numeri d est 22. & habemus in quadrato qui ab eo fit quadrato unitate  
 unitate. In uentis triangulis rethangulis, cuius area numero fit cubus, & addito in  
 uento area, faciat quadrato. Primum obferuare oportet duos datos numeros in-  
 uentis trianguli rethanguli, ut circiferentia quidem & quod dato numero. Area ad  
 alteri. Sunt duo numeri, & 7, & impertit, quod est ille circiferentia, hic area signi-  
 ficat. Ergo quod obponitur multiplo cubo latera rethanguli includit, est 14, rito 2 con-  
 firmamus latera 2 N, 22, est alteri 14. N. At circiferentia est 22. Ergo hypotenusa reth-  
 anguli N, & quatuor quod est ab eodem qui ab ipso quadrato, sunt est 1 Q, 22, 2 Q, 179  
 — 24 N, N 396, equare ipa qui sunt in eadem rethanguli quadrato, hoc est unum  
 Q, Quadrato 22. Defectus communiter addatur, & 2 fumifis fumit, & omnia ad  
 numeros fit 270 N, ipse N, 24, Q, 179. Et ad uide quatuor possit esse eundem diuifio  
 in uentis in fumifis, deinde Quadrato, in uentis (dicitur) faciat quadrato. Et sunt  
 numeri quidem ex eo quod fit 2 circiferentia & quadrato quod est in area. Quadrato  
 aut in unitate ex eo quod fit 2 circiferentia in area. A deo ubi ut uentis dicitur  
 numeri. Ac fit sunt numeros area 1 N, circiferentia autem numeros sunt & cubus  
 & quadrato, inuenit 64. Atque obferuare rethanguli: oportet quadrato, qui fit 2 64,  
 fit 4, Numero est femifis capto, inde uentis obferuare circiferentia, usque ad 1 N, 6,  
 quod reliquum est, quere equalit quadrato. Eft 4 Q, 2 22 22 22 22 22 22, & omnia  
 quadrato, sunt 1 Q, 17 204, 79 — 22 24 N equalit quadrato. Parit aut 2 N 1 64 equa-  
 lit quadrato. Et conuenit Numeri, & circiferentia, & diuifio, & rethanguli in p 1 den.  
 22 27. Inuenit trianguli rethanguli, ut qui fit ab hypotenusa, quadrato, & ab  
 quadrato regulari & rethanguli p unum lateri, faciat cubi & latera. Vnde latera fit  
 reth 1 N, altitudo 2 Q, & manet q fit ab hypotenusa, ut latera quadrato. Refta ut 2 Q, 2  
 equantur quadrato. Diuifio omnibus per 2 fit 1 Q, 17 2 equalit quadrato, cuius la-  
 tera fit 1 N — 2. Ergo 1 N fit 3, reliqua sunt manifesta.  
 22 27. Inuenit trianguli rethanguli, ut unius lateris numerus fit cubus, alteri  
 cubus extra latera hypotenusa est cubus & latera. Efto hypotenusa 1 C 12 N, lateri al-  
 teri C — 4 N, reliquum ergo latera tria 2 Q, Refta ut 2 Q, equantur 1 C, 22, fit unitate,  
 fit 22. Ad posita erit triangula, 2, 20, Et manet.

DIOPHANTI ALEXANDRINI DE NV-  
 MERIS MULTANGVLIS LIBER.

1 § 1 ab remeio nomen progrediantur, semper unitate, procedentem sup eate po-  
 nuntur.

Seniores nemini sunt polygōni sine multiguli, & ut quisq; habet angulos, quot con-  
 fiat ipse unicusquisq; laterū, cum est proximus ab unitate numerus, puta 2, sit aut 3,  
 triangulus, & quadrilateralus quadratus, & quinqueangulus: & sic deinceps. Cum aut de  
 quadratis eisdem sit, ut cum cōstitit, est nōdūdem neminem alioquin in seipsum multi-  
 plicatione cōverti potest, quōd multiguli multiplicati aliquo numero sic eōdē propo-  
 sitione laterū anguli eius, & admodum quadrati quendi in eam proportionē mult-  
 itudinis angulorū eius videtur quadrati. Atq; hoc nos demonstrabimus, ostēdentes  
 q̄so dato latere ingenia qui possit multigulus: & quo pacto dan multiguli latera  
 deprehendantur. Prōus autem ea demonstrabimus, que ad hanc rem faciuntur.

11. Si tres numeri sint p̄gressivis arithmetice, cōsumpti cōpōsit in maximum in me-  
 diū, addito minimi p̄gressivis sit quadratus neminemque latera equali cōpōsitō ex  
 maximo, & medio duplo. Sine tres numeri eōdē intervallo sic cōsequētes a, b, c, eōdē  
 Dēmonstrandū est id qd̄ ostēditur sit ab ab m b c \* & rursum d̄m d̄m quōq; cōd̄ bisul-  
 rā, in eō qui quater ab a b in c b, & in eō qui quater b c quadratū hoc est qui quater  
 ab b c quadratus: & in eā quidē qui quater ab a c b, hoc est qui quater ab c b,  
 latera sita choricō d, cō eo qui ad b, sit quadratus q ab a b. At b c d̄ qui quater ab a c b,  
 minus uni eōdē q sunt quater ab c b, facit eō qui quater ab b c, & quāsi q̄so quadratus  
 ab a b, & qui quater ab a b c, & qui quater b c, cōpōsit faciant quadratū b̄ figurā

*Ab b c b c b c* ponamus q̄so b c equali a c, majorē enim eam q quater sub a b b c,  
 in eō qui quater sub a b a c, q minus in q quater ab b c, hoc est quadrato a c, facit q̄so  
 b̄ quadrato eius q ab b c a c, q minus quadrato ab a b, sit equalis a qui ab c a, ut  
 quadrato ab una descripto linea. At b c e a equali a b & duobus ea, hoc est duob'  
 b c, q sunt demonstrandū. X Y L A N D I.

Aequum cōpositū. *Intervallū additū. Numeri 1. 4. 16. Acceduntur ut modū 2. 4. cum ut  
 p̄p̄ 100. 25. 9. ut quadratus maximus sit 100. quadratus lateris 25. sed duplū quōq; modū 1. cū ma-  
 ximo a p̄cedenti factū 25. modū est, ut latera distet, si sumat numerorū, intervallo p̄gressivū  
 sequat. Numeri 1. 9. 16. intervallo 7. summa terminorū 27. ut intervallo 2. 4. latera quadratus  
 100. 25. Accedunt ut modū factū 100. cum ut p̄p̄ 100. 25. addit 4. quadratū p̄p̄ lateris 100. Per  
 eōdē h̄c p̄p̄ 25. ut 100. distat. Atq; 1. 21. 36. distat ut sum 100. per 25. sum 400. addit 25.  
 quadratū maximū lateris 400. quadratū, cum later 100. Duplū modū 25. addit 25. maximo,  
 terminorū effectū. Item summa terminorū 1. 4. intervallo 3. ut additū. At 100. 25.*

111. Si sint numeri quotcūq; arithmetice p̄gressivis: intervallo maximi & mini-  
 mi cū habet rationē, q̄ terminorū numero unitate multato exprimit. Sine est quot-  
 cūq; intervallo inter ab & b c, multiplex est intervallo ab & b c, numero q unitate mi-  
 nor sit q̄ 4. tot enim sunt a b, b c, c d, d e. Cū enim h̄ equalit̄ intervallo p̄gredian-  
 tur ergo a c, c d, d e, sint equalit̄. ergo c a ad a c multiplex est, nisi numerū termi-  
 norū a c, c d, d e, sit unitate minor est numero terminorū p̄p̄ cōstitū, ergo cū c a  
 ad a c multiplex est numero unitate minore q̄ p̄p̄ cōstitū est terminorū numerus.  
 Est autem a c intervallo maximi & minimi: & a c unicum intervallo.

X Y L A N D I.

*Ratio habet. Septē numeri eōdē intervallo si distat ut p̄p̄ 1. 7. 13. 19. 25. 31. 37. intervallo 4. later 1. maximo & minimo, 25. simplex ad 4. ad 1. de 7. ut terminorū nu-  
 mero 1. sublate, maximo & p̄p̄cessivis index, sint decem terminorū, 1. 5. 9. 13. 17. 21. 25. 29. 33. 37. In-  
 tervallo 2. novis (nō distat sint terminorū) 27. x̄ta 32 superat terminorū 5. Itaque nō est later  
 eorum ut in p̄gressivis arithmetice 10. ut eandē. Verū p̄p̄teta. Sine 18. numeri p̄gref-  
 sivi arithmetice a cōstitū 21. quōd maximo 19. quōd later summa. Quō n̄ est, ut cum  
 q̄so est, later maximo, ad summa 100. ut eandē & sequenti eorum ut in hoc dēmonstratō. Sed  
 quōd est modū later ad hanc 10. numero deservit p̄cedentem ad additū, sum 20. ut terminorū  
 p̄cessivis 10. 20. ut multiplicitate 20 per 10. sum 100. ut ad p̄cessivis maximo 10. ut ut  
 terminorū 10. 20. quōd sit ut p̄p̄cessivis fuerit, numerorū p̄grefivis arithmetice 10. distat, intervallo  
 10. 20. terminorū 10. & quōd terminorū 10. summa 10. 20. 30. multiplicitate, ut p̄p̄teta 10. de ma-  
 ximo sublate, maximo p̄p̄cessivis 20. Sine numerū est maximo superat later 10. q̄so, index  
 later eōdē ad summa terminorū sufficit extremis & terminorū numerorū later. terminorū  
 quōd est*

Compositum  
 177. 178. 179. 180. 181. 182. 183. 184. 185. 186. 187. 188. 189. 190. 191. 192. 193. 194. 195. 196. 197. 198. 199. 200.

quorundam terminorum summae progressionis arithmeticae terminorum concipienda demonstrant, de quo alibi actum est.

IV. Si sint quotcumque numeri progressionis arithmeticae summa maximae & minimae multiplicatae in numerum terminorum, duplum summae omnium terminorum producat numerum. Sint numeri eodem incremento progredientes quotcumque, puta  $a, b, c, d, e, f$  demonstrandum est summam a f ductam in numerum terminorum  $a, b, c, d, e, f$  esse duplum summae omnium horum terminorum. Numerus ergo terminorum aut par erit, aut impar. Eubo pro hoc loco par: & quot sunt termini, tot unitates, esset numerus  $g, h$ . Dividatur in duas aequales partes in  $a, & g, e$  dividatur in suas unitates per  $m$ . Et quoniam quatuor maior est  $f, h, d$ , tanto  $a$  &  $g$  &  $e$  ergo simul  $a$  aequatur inaequale  $d$  &  $h$  simul  $f$  aequatur quibus  $h, b, m$  utroque. Ita  $g, e$  ergo etiam  $e$  aequatur  $h, b, m$ . Ob hoc eadem erit  $e$  &  $b$  aequalis ambobus  $a$  &  $g, e$ . Ergo erit compositus ex  $a, b, c, d, e$  &  $f$  aequatur ei qui sub ambobus  $f$  &  $g, h$  ut quod sub ambobus  $f$  &  $g, h$  duplus est qui sub ambobus  $f$  &  $g, h$  ergo erit compositus ex  $a, b, c, d, e$  &  $f$  duplus est qui sub ambobus  $f$  &  $g, h$ , hoc est numerum terminorum  $a, b, c, d, e, f, g, h$  ut demonstratum.

V. His hisse possunt sint termini  $a, b, c, d, e$ , numero terminorum  $h, g, f, e, c$ , & numerus  $f, g$  esse tot unitates, quot sunt termini. Ergo, impar. Ponatur in  $h$  unitas ad  $f, h$ , &  $g, h$  fecerit bisulam in  $k$ , dividaturque  $h, k$  in suas unitates in  $l$ . Et quoniam quoque computatur ab  $e, c$  eodem  $a$  &  $l$  unitatis ergo  $e$  &  $l$  dupli sunt ad  $e$ , hoc est ad id quod sub  $e$  &  $l$ . Ob eadem saltem etiam unitatis  $b$  &  $l$  duplus ad id quod sub  $e$  &  $l$ , ergo  $a$  &  $b$  &  $l$  dupli sunt eius qui sub  $e$  &  $l$ . At  $g, h$  duplus est ad  $h$ , ut quoniam  $a$  &  $b$  aequalis sunt ei qui sub  $e$  &  $h$ ,  $h, l$  ut etiam  $e$  aequalis ei qui sub  $e$  &  $h, l$  utroque, compositus ex  $a, b, c, d, e$  aequalis ei qui sub  $e$  &  $f, g$ . At huius duplus est compositus ex unitate  $e$  &  $f, g$ , itaque etiam unitatis ex  $a, b, c, d, e$  duplus erit qui sub ambobus  $a$  &  $f, g$ , hoc est multitudine exponentium quod sunt demonstrandum.

VI. Si sint ab unitate quotquot numeri eodem intervallo sese consequentes summae omnium multiplicatae in eodum intervallo, si per duo adjectur quoque terminus numerus  $g$  ab intervallo ductus, superetur unitatis quadratus numerus esset: cuiusdem denario multiplicari, multiplex tunc ad intervallo, totiesque, ut continetur, ut si rationis numero unitas adiciatur, numerus fiat duplus ad numerum terminorum, unitate erit in  $g$  numerus. Sint enim ab unitate numerus eodem intervallo progredientes  $a, b, c, d, e, f$ , dico id fieri quod est propositum. Quos etiam sine progressionis termini, cui unitate, tot unitatis, esset numerus  $g, h$ . Et quoniam intervallo  $a, b$  multiplex est unitas unitate minor ipso ipso  $g, h$  ergo ponamus unumquemque  $a, c, e, g, m$ , habebimus  $f, a, d, k, b$  multiplex, ratione numerus in  $h$  utroque, si aequalis est ei qui sub  $k, b, m$  est. Illi ponamus  $e, b, g$ , qui est eodem intervallo, quatenus in summa multiplicata in ipsos  $k, b, g$  est eadem, utraque ipso  $e, b$ , & ad hunc  $g$  fit ab  $a, b, g$  fit binario minor intervallo, fiat quadratus cuius latus binario multum numerus exhibetur, qui ad intervallo ipso  $k, b$  fit multiplex ratione numerus compositus ex ambobus  $g, h$ , in  $m$ . Et quoniam summa seu unitas est  $e, b$ , qui sub ambobus  $f, g, c, d$  ipso  $h, g$ , utroque in eo qui sub  $f, g, b, e$  in eo qui sub  $e, l, g, h$ , hoc est duos  $g$  haeum summa est eius qui sub  $f, g, h$ , & duo  $g, h$ . At  $g, h$  aequalis demonstratur ei qui sub  $b, m, h, g$  solido, & duo  $f, g$ . Si ergo medii dividamus in  $h$  in  $o$ , habebimus summae omnium aequalis ei qui fit ex  $k, b, g, h, h, o$  solido, & unitas  $g, h$  quatenus itaque, in solidis qui fit ex  $k, b, g, h, h, o$  est  $g, h$  multiplicatae in octo  $k, b$ , & unitas octo quadrati ab  $h, f$  quadratus. Verum solidus ex  $k, b, g, h, h, o$  multiplicatus in unitas  $k, b$ , facit est qui sub  $g, h, m$  est qui  $h, b$  quadratus. Itaque est solidus ex  $k, b, g, h, h, o$  multiplicatus in octo  $k, b$ , facit est qui sub  $g, h, h, o$  in octo quadratos  $k, b$ , hoc est est qui octies sub  $g, h, h, o$  in quadrati  $k, b$ , hoc est eum qui quadruplicatus est sub  $g, h, h, m$  in eo qui  $k, b$  quadrati additurus  $g, h$  in octo  $k, b$ , & per octo quadrati ab  $h, f$  quadratus. At  $g, h$  multiplicatus in octo  $k, b$ , facit est qui octies sub  $g, h, h, g$ , ergo unitas qui quadruplicatus est sub  $g, h, m$ , in quadrati  $k, b, h, o$  octies eo quod  $k, b, g, h, h, o$  quadratus, fit quadratus. Dividitur autem qui octies sub  $g, h, h, b$ , in quadruplicatum sub  $g, m, h, b$ , & in quadruplicatum sub ambobus unitatis  $g, h, h, m$  in quadratum  $k, b$ , est quadruplicatum sub  $g, m, h, b$ , & quadruplicatum sub ambobus  $g, h, h, m$  &  $k, b$ , & qui in  $h, f$  facit quadrati. At quadruplicatus sub  $g, m, h, b$  aequalis est ei qui  $h, g, f, h$

h a & b, & minus ei qui a b, facit eos qui sunt a & b h n b quadratos. Si ergo etiam quadruplicatus sub h g h m in quadratum a b g, & quadruplicatus sub ambo bus gh h m & e b cum quadrato a b e f g, fit quadratus. Rursum autem quadratus a b e, manifeste fit in quadratum g m ad quadratum a b e, & minus hic quadruplica to sub g h h m in quadratum a b b. Si ergo qui ab ambobus gh h m in a b quadratus, & quadruplicatus sub amboibus gh h m & e b cum a b e f g, fit quadratus. Si ponamus ergo ei quod est sub utroq; gh h m & e b equalis numerus o, erit etiam ueniatq; gh h m quadratus in quadratum e b ipse ipse n o quadrato quod deinde ostendit. Si ergo qui in ipsum n o a b quadrati cum quadruplicato qui sub ambo bus gh h m & e b fit quadratus quadruplicatus sub gh h m & ipse e b, equalis quadruplicatus ipse n o, quando quod e b & qui simul ei qui sub amboibus gh h m & e b in utraque positus est n o, quatuor autem n o equalis est quadr. bis sub n o n e. binarius enim ponatur e b. Si ergo & qui ipse ipsum n o a b quadrati, c h o quod bis sub n o n e faciat quadratum, faciant autem etiam ipsum n o batus o b, cuius in tus o e multatio binario n e, numerum n o facit, qui ipse maior est, ad n b multiplex est ratione eius quod fit sub amboibus gh h m, qui adiectis unitate ipsoem g m est totius expositio progressiois.

VII. Demonstratio eius, quod dilatare hac fuerat. Sit amboibus gh h m equalis a & b equatur e b, ei autem quod sub amboibus gh h m & e b, sequatur e. Dico quod etiam arborum gh h m, hoc est ipse a n ipse f b, hoc est n ipse b, equatur ei qui a e. Ponatur ipse a b equalis in recta, qui sunt d e e f & super eo describatur quadratum d e e f, & compleatur ut utriusq; autem ficut ut sic d o e ergo h a medium proportionale est inter quadratum d h f e, ergo quod fit sub d h f e quadrati, equalis est. Et est hoc quidem quod ab amboibus gh h m. Ad f quadratum equalis est ei quod a b, hanc autem h f e g o, & quod ab amboibus unctis gh h m quadratum ductum in quadratum e b ipse n o quadratum.

XYLANDRI.

Hec ut inveni ita retuli, pro libet clares & operam perdere. Magnitudine autem esse per a multiplicari, alio demonstrat. Eam tamen exempli subesse dederimus. Progressio terminorum (num 1) per arithmetica) 1 5 9 13 17. intervallo 4, summa 45 multiplicator per 25, ut ipsum subesse intervallo sunt 144, numerus binario quidem intervallo minor, 2, cum quadratum e 144, summa 144, qui est quadratus, et laici habet 32, ut si auferat a, restat 32, in quo intervallo non inest, addit 2, sunt 34, duplum numeri terminorum, utraque hoc cum progressione arithmetica, cum utriusq; progressio. Exploramus etiam in alio exemplo, 1. 1. 11. 22. 33. 44. 55. intervallo 11, summa 165, multiplicator per ut ipsum intervallo, numerum per 36 sunt 1444, numerus binario quidem intervallo minoris (10 est 1) quadratum 25 addatur, fit 1469 quadratus lateris 37, aufer 2, restat 145, in quo intervallo praesit inest quadratus, 1 et 11 sunt 12, duplum numeri terminorum progressiois, sunt enim 12. Si autem aliam arithmetica progressioem, a Platone commensurata, 100, Platonis quod est 17, quod quatuor quo triangulum numerum arithmetica multiplicem, productum, unitate adiecta fit quadratus, cuius rei exemplum subesse.

Triang.	1	3	6	10	15	21	28	36	45	55
Arithm.	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100
Quadrati	1	25	49	81	121	169	225	289	361	441
Later.	1	5	7	9	11	13	15	17	19	21

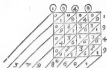
Primo autem sic ut inveni Diophantus exemplum a dederimus. Sunt uterque progressiois arithmetica, in qua unitas praesit numerorum, ut intervallo 11. Et ut ergo ex progressiois dederimus maxime per 4, et summa terminorum 165. Ut ipsum intervallo, hoc est per 25 ut ipsum multiplicator, sunt 1444, numerus binario quidem intervallo minor, 2, cum quadratum e 144, summa 144, qui est quadratus, et laici habet 32, ut si auferat a, restat 32, in quo intervallo non inest, addit 2, sunt 34, duplum numeri terminorum progressiois, sunt enim 12. Si autem aliam arithmetica progressioem, a Platone commensurata, 100, Platonis quod est 17, quod quatuor quo triangulum numerum arithmetica multiplicem, productum, unitate adiecta fit quadratus, cuius rei exemplum subesse.

Offensum est quod in numeris progressiois.



per unum

*per unitatibus. Ergo 177 per 11 multiplicatus habet 1947, addit 2, habet 1949 later quadrato quod fitur hinc si multiplicanda sint extrahenda quadrato radicem erit deprehensio. Nec de eorum finibus sicut monere videtur.*



IX. Cùm sint quæ proposi-  
tiones, pronuntiamus si quo itaque  
numeri ab unitate exponantur in  
progressione arithmetica, summa eorum multangulus erit numerus. hoc enim ha-  
bitur angulus, quo unitates numerus interualli binario multiplicatus, eius erit nu-  
merus terminorum, unitate loco terminus numerus. Cùm enim ostendimus firmam  
communi progressionis terminorum multiplicamus in 2, hoc ostendimus, & ad-  
dito \* de a b quadratum factorum \* de a & b. Sed etiam si aliam unitatem ponamus  
a o, habebimus 2 o binarium, & est iterum eadem similiter etiam 2 a binarius, erit ergo  
p b, b & a, b n equali interuallo maiorem se excedentes. Ergo g d fit in maximo p b, &  
medio b e sumens eum qui \* minimi b n quadratum facit quadrati lateri habentis,  
compositum ex maximo p b, & duobus medijs, qui sunt b & a. Ergo etiam p b multiplicabitur  
in octuplum de 2 b, & addito \* de n b quadratum æquale eo qui fit ab  
ambobus, cùm p b æquale p b ipsorum 2 b, & lateri ab oblique binario p b, æqualeque  
pluribus 2 b, quæ tripla sunt ad 2 b, rationem metituræ tenentis. At terminus euius  
datus unitatibus, est unitatis. Cùm ergo summa terminorum progressionis nulla  
unitate idem problema soluat p b, id est, sit o blatus utraque, & multangulus erit \*  
unitatis quantum unitas est a p. At b numerus est ipse a b, & habet lateri binarii itaq;  
etiam summa totius progressionis numerorum, multangulus numerus est, hoc ha-  
bens latera, quæque est qui binario quidem ipse p & interuallorum ipsum 2 b, &  
lateri habet ipsum g h, qui est numerus terminorum, unitate etiam inter hos erit.  
Et demonstratum est, quod ab Hippolyto definitio dicitur, Quod si numerus  
fit ab unitate progressio arithmetica quæ obliqua interuallum si ponatur unitas, firmam  
fuerit (trianguli si binarius, quæ dicitur, si terminus, qui excedit, & angulum  
multangulum in eipsum numero, qui in versum binario excedens erit esse  
numerum terminorum, n d eodum ex hoc erit unitate itaq; quando trianguli  
maiores existente interuallo sunt, & latera ipsorum sunt maxima expositio & e-  
tas qui sub maximo expositio, & qui unitate erit excedit, dupli sunt ad triangu-  
lum significati. Et quæ a b cùm sit tot anguli quæ in ipso sunt unitates, multipli-  
catus in g, eius minoris binario quàm est interuallum, hoc est in p, est ipsum 2 b \*  
accipit quadrato 2 ipse est minore, hoc est eum \* ipse a b facit quadratum. Et  
definitio multanguli erit, Quis triangulus multiplicatus per binario minoris me-  
titudine angulorum, & additus eum qui \* quæ terminis minoris multanguli erit,  
facit quæ terminis. Similiter ego demonstrata Hippolyto definitio, & hoc quæ  
quæ reliqua est ut demonstramus, quo pacto ubi lateri datur, et etiam multan-  
gulus, qui requiritur, inueni potest. Habentes enim lateri duo aliquid multanguli  
g h, & numerum angulorum eius, habemus etiam 2 b dato est, ac proinde quæ qui sub  
ambobus qui sunt g h m & 2 b habebimus datur, qui æquale est ipse o itaq; habebi-  
mus etiam 2 o datur, quando binarius est n itaq; etiam \* ipsum 2 f habebimus da-  
tum, & si hinc subtrahimus ipsum \* ipse g b, qui est quadrato subtrahemus etiam  
reliqui duo g quæ sunt multanguli est multiplex, ratio ne o tripla ipse 2 b. Ergo inue-  
ni potest multangulus qui queritur. Similiter erit dato multangulo, inueniemus  
lateri eius, ipsum g h, quod datur demonstrandum.

X. Ad docendum accommo datur, ut ostendemus hoc itaq; qui promittit ostendit  
dicit ea, quæ queritur per præmethodos. Lateri enim multanguli accepit 2 b per geomè-  
triam habet hinc autem unitatem, & reliqui multiplicabimus per numerum qui ubi  
unitas abfit, minor scilicet, & numero multanguli ipse quadrato ac qui fit, si firmam  
grad.

per addentes binario, quadratumque eius quod sic fit incrementis, ab eo subtrahere totum quadratum eius, quia quaterminus minor est quam multitudine totum. reliquumque dimidemus in o. dupli. cum qui binario est minor, atque incrementis quod fit in multitudine. Restat autem ipso dato multangulo, latera sic inveniemus. Multiplicabimus eum per numerum qui adhibitus sit ad numerum binario minorem eo summo, qui multitudine in angulorum oppositis. Et qui sic fit, addemus quadratum, qui sit a numero quatuor angulorum incrementis, qualem est numerus angulorum. & inveniemus quadratum, & eum datus, sit multangulus. de huius autem quadrati latera semper auterimus binarium, reliquum dimidemus in eum, qui binario minus habet quam angulorum numerus. inde oritur multangulum addemus, summoque, semel summo, latera quales multanguli habebimus.

X. Dato numero, invenientur quoque modis multanguli fieri possunt. Sit datus numerus a b. multitudine angulorum b c. & ponatur in b c binarius quidem c d, quaterminus autem e e. Et quoniam a b, qui est multangulus, totidem habet angulos, quaterminus est e e. qui ergo g d sub a b b d, cum \* b e facit quadratum. Et eius latera s g, adeoquod \* ipsius s g quadratum quatuor eius, s g sub a b b d, & ei qui a b e quadratus. Ponatur in ipso a b unum a d, & densus est g d sub a b b d in eum qui d g sub a b b d, & in \* sub ambobus ab b d \* qui d g & multiplicemus ipsum \* sub utroque qui sunt a b b d & qui b d in eum qui sub s b. Quadruplicatum autem ab a b b d in eum qui bis sub b a d c. Binarius enim est e d, & s f g. Ergo quadrato equalis est, ei qui sub s d b, & e g sub b d d c, & quadrato a b e. Verum ipsi bis a b d e quadrato, & ei qui a b e, equalis est qui in b d d quadratus. ergo & qui in s g quadratus, equalis e ei qui sub s b d, & quadrato a d c. Et quoniam a c equalis cum e sit, quadruplicatum, utique simul a b & b e, minor est d ipsius a h, hoc est quaterminus eius d g \* binarius. Restat e d maior binario quam c d. Ergo similis ipsius d e incidit inter e d. Efficit & rationem eius est qui sub s b d, in eum qui est ipsorum \* b l d excessus, quando quidem g d pertinet in semisses dimidi. a d e sit autem est a b, & est eius quod a b b d cum eo quod est a d l equalis e ei quod est ab l e. & ipsum \* l b gignit ipso l d densus est eo, quod sub s b d. Proinde quadratus etiam ab s g, equabitur & intervallo \* ipsorum b l l d, & ipsi \* autem quadrato adicitur \* d l s c \* ipsorum s g d l. ergo equalis quadratus sunt quadratus ab b l l e. Quod si duo numeri unus enim duobus numeris quadratus sunt etiam inter certa excessus eorum equalis. Intervallem ergo ipsorum \* l d a equalis intervallo l b s g. Et quoniam e d equalis est d c, addeat autem c d. ergo e c est \* c d equatur \* a. Illa ergo eorum \* eorum l d d e intercapulo, hoc est que ab l p s l d d e, que est sub e l g, equalis e i que est l b s g intercapulo. Ponatur ipsi b l equalis s m. minor enim est b l quam s g. Quando ostensum est quadratus que sunt sub s g d l equalis est ei que a b l e d quadratus reliquus est, ut quod a b l. maior sit quam quod a d e: eum etiam eo minus sit, quod sit a d e. itaque & a b l minus est, quod ab s g. Ponatur itaque hinc b l l l e s m. Erat ergo etiam excessus eorum que ab s m s g, equalis sit que sub e l l c. Et quoniam s l e d quadruplus est ad utrumque ipsorum a b b h, ut d e sit est in semisses in s ergo & d l duplus est amborum multum, a b b h, quorum d c duplus est ad a b. Reliquus ergo l b duplus est ad duo b h. Quadruplus ergo est c l ad b h. ergo prima pars ipsius l e est h b. Sed & unita a h quadrupla est ad c e quatermonem totus ergo a b, quadratus est c l. Demonstratum est autem, etiam h b quadratum esse c l e. Igitur quod est sub a b b h, decemsexies pars est eius, quod sub e l l c. hoc ergo sedecuplus est ad id, quod sub a b b h. Demonstratum vero etiam est quod sub e l l e est, quale esse ipsorum \* m f s g intervallo. Ergo quod sedecies sub a b b h, equatur intervallo quadratorum l s f g, & g m. hoc est ei quod ab m g. & b u eo quod sub s g g m. Ergo sedecuplus eius quod est sub a b b h, a quatuor quod est a g m, & duplo eius quod sub s f g, g m. par est ergo g m. Secturum equalis partes, ad b.

# RERVM ET VERBORVM PRAE- CIPVE MEMORABILIVM, QVAE IN HVIVS VOLVMINIS PRIMO TOMO CONTINENTVR, INDEX AMPLISSIMVS.

## A.



**A**CEDIA virum ex diabolis vis  
profectum. fol. 14  
**A**COMACHUS Gandinus.  
fol. 29  
**A**COMACHUS aduersus patrem falsatus.  
fol. 39

**A**COMACHUS profugus & parricidialiter occi-  
ditur. 34  
**A**COMACHUS Solimanum prouocat ad ductum. 34  
**A**LUDELI profugus & cruciatus. 38  
**A**MANICUS domus. 41  
**A**MARON. 4  
**A**REVA filius ab Antiochano. 102  
**A**ULIUS TARTARUS tripl. 1  
**A**ULIUS MARIANUS Constantiopolis terra milita-  
ria Germanis. 89  
**A**UREUS. 4  
**A**URACHUS Graciam deamat. 18  
**A**URACHUS oppugnat Epirum anno 1458. 19  
**A**URACHUS Triplicem occupat anno 1467. 19  
**A**URACHUS patrem patri & impetret à Ludouico  
Rege Poloniae. 18  
**A**URACHUS insequitur pugnas 18  
**A**URACHUS capitur in Pessina in Macedonia. 21  
**A**URACHUS fugitiam recipitur honorificè à Pro-  
spere. 21  
**A**NGELUS cum mercatoribus creditur Turcia 43  
**A**NACRUM imperium supplicia Mahometus 14  
**A**NACRUM Turcia mercatorum ab ulla Mahometus  
religione. 77  
**A**PPELLATIONES eorum Turcicarum. 16  
**A**SIAI PEDERUM Turcicarum religio. 47  
**A**STER TURCI cum dicitur: Et 11. vultus deu-  
tam. 77  
**A**STRONOMIA studii quod Turcia. 44  
**A**TALANUS. 4  
**A**TROPHIUS miles Baniachi. 72  
**A**URUSUS est Badaia pluviam saluam. 12  
**A**URI ET URIS diuersa distinet. 18  
**A**URIFABRI ANTI 70  
**A**URUSUS confilium & fugas. 1  
**A**ULFICORUM TURCICORUM RITE. 87  
**A**ULIUS CIPRI ANTI RITE. 14

## B.

**B**AIAZACHUS imperatoris filius. 30  
**B**AIAZACHUS reuocatus interfectus. 30  
**B**AIAZACHUS à proprio filio oppugnat. 30  
**B**AIAZACHUS captus à Turcibus quando trella-  
tur. 14

**B**AIAZACHUS quando de filio imperatoriam contra  
filium suscipit. 30  
**B**AIAZACHUS reuocatus subditus per Iudam Atcha-  
cum. 30  
**B**AIAZACHUS Imperator Turcicum. 21  
**B**AIAZACHUS bellum inferi Pessina. 29  
**B**AIAZACHUS IANUS Comiti Muerensi vitam de-  
nat & quinq; praeterea subditus. 41  
**B**AIAZACHUS capta Dyrrachio profugus Crucas, anno  
1491. 27  
**B**AIAZACHUS exercitus profugus à Buda. 27  
**B**ALDUS TARTARIA. 70  
**B**ALDUS EPISCOPUS. 4  
**B**ALDUS DE BURG. 6  
**B**ALDUS III. 6  
**B**ALUS TURCI. 67  
**B**ALUS TURCIUS solus. 70  
**B**ALUSIUS ASIA. 41  
**B**ALUSIUS QUI? 41  
**B**ALUSIUS Mahometus oppugnat, anno 1458. 19  
**B**ARNARDUS Comes Frangorum temeritate per-  
dit Christianis. 27  
**B**ASUS singulari inuicem aduergi angulis. 46  
**B**ASUSIUS PUGARI profugus suo ad militem. 14  
**B**ASUSIUS talum quo & Troiae Turbina. 41

**C.**

**C**AIAZACHUS TURCICORUM CURA. 41  
**C**AIAZACHUS Mahometus sine religio. 14  
**C**ALCIDIUS MARIANUS TURCICORUM. 102  
**C**ALIPHUS. 1  
**C**AMERIANUS siquida filius sui uenerat sed  
pater ut pater. 75  
**C**AMERIANUS si quid sitis uenerat. 75  
**C**AMPANUS ANTI TURCIUS Selynae profugus. 12  
**C**AMPANUS MARIANUS, anno 1511. 9. Tal. sup. 102  
**C**ANDI CHRISTIANIS ad Mispicis culpa Gal-  
rum. 19  
**C**ANTONIS GRACIA 42000. equorum bellis su-  
per alio. 18  
**C**APITANUS SUI TURCICORUM ASIA SUI Mispicis equos  
prout 10000. 41  
**C**APITANUS QUI MISPICIS SINE SINE SINE IDEM. 107  
**C**ARAGUS à Turcibus captus. 28  
**C**ARIBIUS TARTARIA profugus à Polonia. 18  
**C**ARIPIN. 44  
**C**AROLUS F. regnavit Regem Turciae, anno 1518. 25  
**C**AROLUS. 18  
**C**ASTRIANUS DISCIPLINARIUS. 74  
**C**ASTRIANUS QUI MISPICIS SINE SINE SINE IDEM. 107

# INDEX.

<i>Caesi Turcorum muros graeco quomodo indicantur</i>	57
<i>Caedi tumultuaria urbs ab aeterno Atropatha.</i>	58
<i>Ceremonia pichostrophanda.</i>	62
<i>Ceremonia peregrinationum Atrotham.</i>	63
<i>Ceremonia relaxationum peregrinationum.</i>	64
<i>Circumcidendum Turci etiam sine usui.</i>	65
<i>Circumcidendum uras.</i>	65
<i>Christiani qui Islamum sicuti inuasit, professi.</i>	66
<i>Christiani ueniunt professi, quando apud Tartaros uocantur.</i>	67
<i>Carabianus Confectionum pulvis aduentus.</i>	68
<i>Cerentibus secedere uolunt.</i>	68
<i>Colosse Satis apud Rhodios.</i>	69
<i>Comitatus Ordo in re militari.</i>	70
<i>Concordia quae inter Turcos.</i>	71
<i>Concordia Imperatoris Turcorum, 111.</i>	72
<i>Conuoluntatum Imperatoris sequendum dicitur.</i>	73
<i>Cruxique sunt nati contra 25. augenda graeco suo usui.</i>	74
<i>Conuoluntatum super dicta, anno 1139.</i>	74
<i>Cuprum uicinis, calice praesidi quatuor.</i>	75
<i>Causas uicinis occupata.</i>	76
<i>Confectionum pulvis capis à Mahometo, anno 1413. à Kalend. Julij.</i>	77
<i>Concedit Imperator Romanus &amp; Luduicus Rex Gallicis quae sunt Baldaun.</i>	78
<i>Considerari uoluntatum officii &amp; ceremoniae adha.</i>	79
<i>Constituta in disuoluntatum edibus celebrantur.</i>	80
<i>Calicularum Turcorum officia.</i>	81
<i>Circumcidendum quod Atropath.</i>	82
<i>Calicularum in aula graecorum ministris.</i>	83
<i>Cruxisque sunt nati contra 25. augenda graeco suo usui.</i>	84
<i>Carpus 100. equos Imperatoris Turcorum praesidi.</i>	85
<i>Carpus 100. equos Imperatoris Turcorum praesidi.</i>	86
<i>Carat ueni ueni, usui Imperatoris.</i>	87

## D.

<i>Dierum Octiduum diffinitione uicinis.</i>	88
<i>Deportatio claudis Christianorum.</i>	89
<i>De Sacerdotum &amp; Monachorum sub Turca uoluntatum conditione.</i>	90
<i>Derogatione Sacri dicitur de uoluntatum.</i>	91
<i>De uoluntatum Christianorum.</i>	92
<i>Disciplina Turcorum militaris.</i>	93
<i>Disciplina militaris quod Turcas facit.</i>	94
<i>Dies Nouis, sacra Turca.</i>	95
<i>Disciplina Turcorum post Islamum Mahometo.</i>	96
<i>Ducenda ueni propter uoluntatum impeditio uoluntatum.</i>	97
<i>Dies in Turca praedicti ordinis, alius equis quosq. 100.</i>	98

## E.

<i>Exercitum pennis uicinis.</i>	99
<i>Edendus in aula Turca.</i>	100
<i>Edendus Turca seffimant &amp; uoluntatum.</i>	101
<i>Exercitum Turcorum graeco quae non uoluntatum uicinis dicitur.</i>	102
<i>Equos Turcorum qui optime?</i>	103
<i>Equos uoluntatum Imperatoris Turca.</i>	104
<i>Equos claudis, Turcas praedictis.</i>	105
<i>Exemplum fura à Inflicta Turca.</i>	106
<i>Exemplum diffinitione Turca.</i>	107
<i>Exercitum uicinis 10000 equos, 10000 equos, 10000.</i>	108
<i>Exercitum in gladio turmentis claudis.</i>	109
<i>Exercitum graeco.</i>	110
<i>Exercitum uicinis Turca.</i>	111
<i>Exercitum uicinis Regis Pagaris, &amp; Caroli 7. Regis Gallicae.</i>	112
<i>Exercitum uicinis in terra sancta, anno 113.</i>	113
<i>Exercitum Pagaris Duce Eleuati Brandenburgi.</i>	114
<i>Exercitum uicinis fura claudis Turca.</i>	115

## F.

<i>F. Alri fura 100.</i>	116
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis &amp; f. uicinis uoluntatum.</i>	117
<i>F. uicinis Turcorum praedictis dicitur uoluntatum.</i>	118
<i>F. uicinis uoluntatum uoluntatum.</i>	119
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca habent ex Christianorum uoluntatum.</i>	120
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	121
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	122
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	123
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	124
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	125
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	126
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	127
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	128
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	129
<i>F. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	130

## G.

<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	131
<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	132
<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	133
<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	134
<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	135
<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	136
<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	137
<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	138
<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	139
<i>G. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	140

## H.

<i>H. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	141
<i>H. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	142
<i>H. uicinis uoluntatum uicinis Turca.</i>	143



I N D E X.

<i>Hydrolyta arctica.</i>	7	<i>Atabemeti uncori fobitum à parte.</i>	87
<i>Hydrolyta capagnata.</i>	25	<i>Atabemeti Turcorum Propria.</i>	2
<i>Hydra varians prædator ut Dæmon phibitica.</i>	47	<i>Atabemeti marini.</i>	3
<i>Hortorum Turcorum fructus.</i>	67	<i>Atabemetes maritimi anno Christi 1487.</i>	25
<i>Hortulani in palatio Turcorum creati 200.</i>	70	<i>Atabemeti profugium.</i>	24
<b>I.</b>		<i>Atabemeti à matre Christiana maritimi imbu-</i>	
<i>Ianitarum salutarum turca dua.</i>	34	<i>tu.</i>	22
<i>Ianitari.</i>	40	<i>Atabemeti caput Trapezuntinum.</i>	24
<i>Ianitarum 300.</i>	77	<i>Atabemeti cetera.</i>	22
<i>Ianitarum præfili.</i>	73	<i>Atabemetes habent pyrata Constantinopolem à</i>	
<i>Ianitari ex Christianorum liberati erit.</i>	74	<i>conferti.</i>	68
<i>Ianitari à extrinsecis rebus perentis Turca.</i>	32	<i>Atabemetes &amp; Babæti figurare.</i>	15
<i>Ianitarum Turcorum triginta.</i>	44	<i>Atabemeti figurare.</i>	62
<i>Ianitarum Turcorum septuaginta.</i>	73	<i>Atabemetes delirium ex depravatione carteris ac</i>	
<i>Imperator Turcorum palatium constantinorum in-</i>		<i>venit Tuglucanum confusa, opera Sargy.</i>	2
<i>gressus, cui fobitum suum afundens.</i>	70	<i>Ataliditum paratum carteris.</i>	47
<i>Interfili Amantur duo confilij foga sibi con-</i>		<i>Atanopitum caputurum in ceteris.</i>	107
<i>fectum.</i>	27	<i>Mariano Barletano defensori rei publicæ Scander-</i>	
<i>Insula perentium aculeum.</i>	54	<i>lybæti.</i>	21
<i>Insularum vicinis domus pagandum curare</i>		<i>Atiba dæmon &amp; Charongi dicit ante Turca.</i>	71
<i>Turcorum.</i>	5	<i>Atiba templum de Abrahamo extructum cre-</i>	
<i>Insula 30 phos oppugnat Bazarathem.</i>	28	<i>ditur.</i>	62
<i>Insularum causa atrocium fobitum.</i>	13	<i>Atibæti ceteris 200.</i>	74
<i>Insularum Insularum Constantinæ, &amp; Inbæti Orca-</i>		<i>Atibæti expugnata.</i>	27
<i>da, Turcorum, defensori Constantinopoli.</i>	22	<i>Atibæti confilij.</i>	75
<i>Insularum Bellum Venetis piliis Invenit à Ma-</i>		<i>Atibæti tumuluaris opera in Asia &amp; Græcia tel-</i>	
<i>homet.</i>	22	<i>liti 4000.</i>	85
<i>Insularum Maria Lombardis, præceptor Atigla-</i>		<i>Atibæti Turcorum salutarum tres præcipui quæ</i>	
<i>pha.</i>	22	<i>Atibæti salubri carere ara non licet ante ceteris</i>	
<i>Insularum Bazarathem turcorum.</i>	18	<i>atatis 25.</i>	72
<i>Insularum Turcorum fobitum 100.</i>	54	<i>Atiba litz dolo circumventus inciditur à Ma-</i>	
<i>Insularum Sacrorum ceteris.</i>	54	<i>hometis.</i>	24
<b>L.</b>		<i>Atibæti expugnata.</i>	14
<i>L. Amantur Chalcandyle.</i>	2	<i>Atibæti Turca non effigit, sed vocabula impri-</i>	
<i>L. Amantur pærum volat.</i>	25	<i>mitur.</i>	77
<i>L. Amantur 15, Constantinopoli.</i>	52	<i>Atibæti 50.</i>	77
<i>L. Amantur Turca Imperatoris.</i>	77	<i>Atibæti Scampha præcipua Bazarathem.</i>	87
<i>L. Amantur &amp; ceteris Imperatoris confilij carteris.</i>	50	<i>Atibæti Turcorum cura.</i>	42
<i>Legatus Christianus quomodo ab Imperatore Tur-</i>		<i>Atibæti Turcorum anno Christi 1480.</i>	25
<i>cor expugnatur.</i>	50	<i>Atibæti Anagiti Inbæti.</i>	8
<i>Legatus Christianus à Turcorum Imperatore habetur</i>		<i>Atibæti Turcorum.</i>	67
<i>honor.</i>	14	<i>Atibæti palatium Turca expugnata.</i>	71
<i>Liberatio Hydrolyta.</i>	25	<i>Atigapha in turca triginta defensoris est.</i>	44
<i>Liberatio Constantinæ Hydrolyta hanc curat.</i>	17	<i>Atigapha quælibet.</i>	45
<i>Ligatus Turca in Græciam expugnatus.</i>	11	<i>Atigapha Bæsi parparaturum præcipua, à Seli-</i>	
<i>Ligatus in ceteris turca expugnatus Inbæti-</i>		<i>mo interfectur.</i>	18
<i>mus est.</i>	74	<i>Atigapha crudeliter circumventus.</i>	105
<b>M.</b>		<i>Atigapha Bæsi morti defensoris.</i>	24
<i>M. Amantur Turca litz 100.</i>	12	<i>Atigapha in Christianis curat in ceteris.</i>	102
<i>M. Amantur præfili effilium.</i>	52	<i>Atigapha maritimi præfiliensis curat.</i>	100
<i>M. Amantur Turca præmia.</i>	70	<i>Atigapha ceteris.</i>	31
<i>M. Amantur præmia ex rebus Bazarathem Propa-</i>		<b>N.</b>	
<i>ta in ceteris.</i>	17	<i>N. Amantur.</i>	78
<i>M. Amantur expugnata Anno 170.</i>	2	<i>N. Amantur.</i>	100
		<i>N. Amantur.</i>	2
		<i>N. Amantur in Atigapham expugnata.</i>	10

## INDEX.

<p><b>Q</b>  <i>Quædam filij albugine ferendi, illustrius Baias-                  sis pater.</i> 26  <i>Quæstio incipere Graeca.</i> 27  <i>Questa præcipua hujus Turcica.</i> 28  <i>Questa præcipua gradus succedatam Turcicorū.</i> 29  <i>Questa hinc inde referantur, &amp; quomodo.</i> 30  <i>Quæstio quæque fere in casibus protrahatur.</i> 31  <i>Quæstionum Turcicorum negotiorum.</i> 32  <i>Quæstiones Turcica de viciis in Paradiso.</i> 33  <i>Questa in disceptis hinc inde.</i> 34  <i>Questa hinc ad S. Iohannem Baptista.</i> 35  <i>Questa hinc ad Turcicorum imperium.</i> 36  <i>Questa studium.</i> 37  <i>Questa hinc Turcicorum Imperatorum pater.</i> 38  <i>Questa hinc Turcicorum familia.</i> 39</p>	<p><b>R</b>  <i>R. Rex Persarum cum Turca Baiasissæ.</i> 40  <i>Radix indimugifera non ferendi.</i> 41  <i>Radix opuntia præcipua.</i> 42  <i>Radix salubris estlimacorum.</i> 43  <i>Radix salubris potulicam mercuriæ.</i> 44  <i>Radix præcipua.</i> 45  <i>Radix præcipua.</i> 46  <i>Radix Turcicorum, mortalia spem.</i> 47  <i>Radix sola Turcica.</i> 48  <i>Radix.</i> 49  <i>Radix hinc aduersus Salomonem si armat.</i> 50  <i>Radix videri.</i> 51  <i>Radix hinc aduersus necessaria ad salubrem.</i> 52  <i>Radix hinc Turcicorum &amp; Baiasissæ, Anno</i>  <i>Christi 1197.</i> 53  <i>Radix hinc Turca.</i> 54  <i>Radix hinc aduersus filios ademptæ Plethi, Anno</i>  <i>1200.</i> 55  <i>Radix hinc sola Turcica 70.</i> 56  <i>Radix hinc studium in Turcica.</i> 57  <i>Radix Turcicorum patet.</i> 58  <i>Radix hinc hinc Turca capitula.</i> 59  <i>Radix hinc aduersus gladium Parmensium.</i> 60  <i>Radix hinc aduersus casum Mithri spem.</i> 61  <i>Radix hinc in bello magnamoremari.</i> 62  <i>Radix hinc aduersus.</i> 63  <i>Radix hinc aduersus omnia.</i> 64</p>	<p><b>S</b>  <i>Sacerdos Turcicorum summus quilibet.</i> 65  <i>Sacerdos in aula quilibet crantibus 70.</i> 66  <i>Sacerdos Turcicorum.</i> 67  <i>Sacerdos præcipua opuntia habet 70.</i> 68  <i>Sacerdos alarius non contemnendo mæter.</i> 69  <i>Sacerdos præcipua Placentia &amp; Castellorum.</i> 70  <i>Sacerdos hinc aduersus Turcicorum Imperium.</i> 71  <i>Sacerdos Castellorum mæter.</i> 72  <i>Sacerdos aduersus Turca emergunt circa annum</i>  <i>1272.</i> 73  <i>Sacerdos aduersus 70.</i> 74  <i>Sacerdos Imperatoris 75.</i> 75  <i>Sacerdos hinc summus aduersus supra 2000.</i> 76  <i>Sacerdos hinc aduersus Anno anno 70.</i> Anno Christi  <i>1207.</i> 77  <i>Sacerdos hinc aduersus Turcicorum Imperium.</i> 78  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 79  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 80  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 81  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 82  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 83  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 84  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 85  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 86  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 87  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 88  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 89  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 90  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 91  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 92  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 93  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 94  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 95  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 96  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 97  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 98  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 99  <i>Sacerdos hinc aduersus Turca imperia.</i> 100</p>
---	--	---

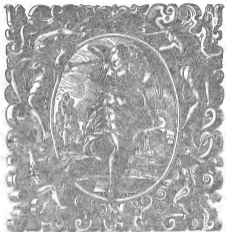
# INDEX.

<i>Selymanus dicitur profugurus à Persis.</i>	38	<i>Tartus à Persis in Asii occidi, circa annum 441.</i>	1
<i>Selymanus frustra oppugnat Alacram.</i>	ibid.	<i>Tartus Saracenis imperium cedit.</i>	4
<i>Selymanus moritur, Anno 1164.</i>	ibid.	<i>Tartus flagitium Dei.</i>	5
<i>Selymanus Corcyram Zaccanthum, &amp; Cybros populatur.</i>	38	<i>Tartus Saraceni si occupant.</i>	5
<i>Selymanus capit Persam, Maxam subigit.</i>	ibid.	<i>Tartus cum praenoti in bello succurritur afficiunt.</i>	54
<i>Selymanus Ficcum relinquat, lib. Alah. distinetur à Persis.</i>	38	<i>Tartus cur redierit?</i>	64
<i>Selymanus Persiam invadit, Anno 1170.</i>	ibid.	<i>Tartus à Tartaria labefacti imperii succidit, Anno 1149.</i>	1
<i>Selymanus profugurus à Persis.</i>	ibid.	<i>Tartus Tartis repobescit.</i>	102
<i>Selymanus Selgradū expugnat, Anno 1171.</i>	38	<i>Tartus invadit Constantinopolim.</i>	5
<i>Selimanus Mahometus habet mercato inchoa fratrum Armenorum.</i>	38	<i>Tartus Macedonum militum disciplinam imitatur.</i>	61
<i>Selimanus Selymanum Imperatorem hereditatem faciens in propriam filiam, natus 1171.</i>	38	<i>Tartus Armenis cedit.</i>	3
<i>Selimanus Selymanum Ataphum.</i>	37	<i>Tartus à Tartis repobescit.</i>	101
<i>Selma Deus, non alibi colenda.</i>	35	<i>Tartus Imperij inflatur Ottomanis, Anno 1700.</i>	1
<i>Selymanus.</i>	40	<i>Tebecus 170.</i>	77
<i>Spangia Tartis dicitur indiatata.</i>	30	<i>Tartus à Barbaris perita 1491.</i>	31
<i>Soldani.</i>	3	<i>Tartorum Episcopi, eorumq. nomina &amp; tituli distincti per totum dignitate ceteros.</i>	16
<i>Superbia peccatum gravissimum.</i>	10	<i>Tartorum Imperium Anno Christi 1451.</i>	1
<i>Supplicium Pharisaea.</i>	41	<i>Tartorum clades regni.</i>	38
		<i>Tartorum erga peregrinos &amp; agros instituta.</i>	11
		<i>F.</i>	
<b>T.</b>		<i>T Accidit de Tartorum invasione.</i>	104
<i>T Amalensis Sydes autem myriadam extirpavit per Armenos.</i>	19	<i>Tartus clades 4. idem Hæc.</i>	11
<i>Tartaricus vocis dicitur.</i>	11	<i>Tartus impug. Christiani captus.</i>	106
<i>Tartaricus non homo, sed rex Dei.</i>	11	<i>Tartus occupari Tartis 400.</i>	31
<i>Tartus invenitur Anno Christi 1202.</i>	7	<i>Tartus occupatum.</i>	67
<i>Tartus in omni in aula Tartica.</i>	69	<i>Tartus captus quidam cepit Selimæli, Anno 1700.</i>	17
<i>Temple à Sephis Constituitur in ch. profectia.</i>	11	<i>Tartus profuguri à Mahometis.</i>	64
<i>Temple barbarum erudit.</i>	6	<i>Tartus reformatur heretico morum ad Islam Co. ritarum.</i>	64
<i>Temple, Armenia, Tartis in regnum parva.</i>	17	<i>Tartus pacem faciat cum Mahometis.</i>	15
<i>Temple Tartorum Atapha.</i>	11	<i>Tartus adificatur in aula Tartica.</i>	69
<i>Tertianus Constituitur alio sub Mahometis.</i>	17	<i>Tartus armatum 100.</i>	28
<i>Timpianum Constitutum magnitudo &amp; virtutibus fuit.</i>	77	<i>Tartus Tartica.</i>	28
<i>Tres palati Imperatoris Constituitur.</i>	61	<i>Tartus profectus.</i>	71
<i>Tribus capitibus Tartorum fuit singulis habent Seniores.</i>	41	<i>Tartus Tartica.</i>	67
<i>Tribus Christianorum constituta.</i>	40	<i>Tartus usque ad interdictum Tartis.</i>	66
<i>Tribus fratribus, &amp; frater ignorantia, formos Regentes.</i>	19	<i>Tartus inchoa fuit.</i>	47
<i>Tartus inchoa profectus 100.</i>	38	<i>Tartus usque sumus imperatoris constituitur.</i>	71
<i>Tartus quid significet.</i>	1	<i>Tartus usque sumus.</i>	41
<i>Tartus singulis sed diei dicitur 1200 bello mortuus.</i>	12	<i>Tartus usque sumus Tartis.</i>	23
		<i>L.</i>	
		<i>Laudochorum multitudo quod Tartis.</i>	11

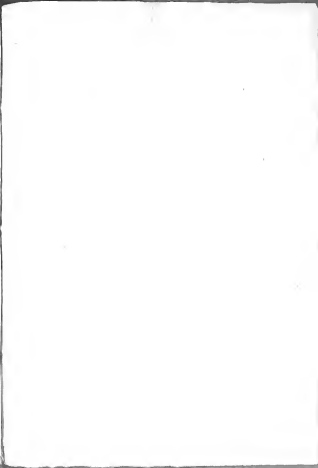
F I N I S.

IMPRESSVM FRANCOFORTI AD

Moenum, apud Iohannem Feyerabendt, Impen-  
fis Sigismundi Feyerabendt.



M. D. LXXVIII





71. 12736 2



12736 2